

**TRƯỜNG ĐẠI HỌC KIẾN TRÚC HÀ NỘI**  
**PGS. TS LÊ THANH HUÂN**

**KẾT CẤU  
NHÀ CAO TẦNG  
BÊ TÔNG CỐT THÉP**

TRƯỜNG ĐẠI HỌC KIẾN TRÚC  
**THƯ VIỆN**  
Số 80000 8174

**NHÀ XUẤT BẢN XÂY DỰNG**  
**HÀ NỘI - 2007**



## LỜI NÓI ĐẦU

*Kết cấu nhà cao tầng bê tông cốt thép là một trong những nội dung của bộ giáo trình Nhà cao tầng do Trường Đại học Kiến trúc chỉ đạo biên soạn.*

*Kết cấu chịu lực nhà cao tầng thường bao gồm nhiều hệ kết cấu (hệ thanh, hệ sàn cứng, tường cứng, hệ lõi cứng) được liên kết với nhau sao cho chúng cùng có khả năng chịu được các tác động tĩnh và động của các loại tải trọng như một hệ liên tục và thống nhất. Bởi vậy việc tìm hiểu bản chất về sự làm việc của từng hệ chịu lực có ý nghĩa hàng đầu trong thiết kế xây dựng nhà cao tầng.*

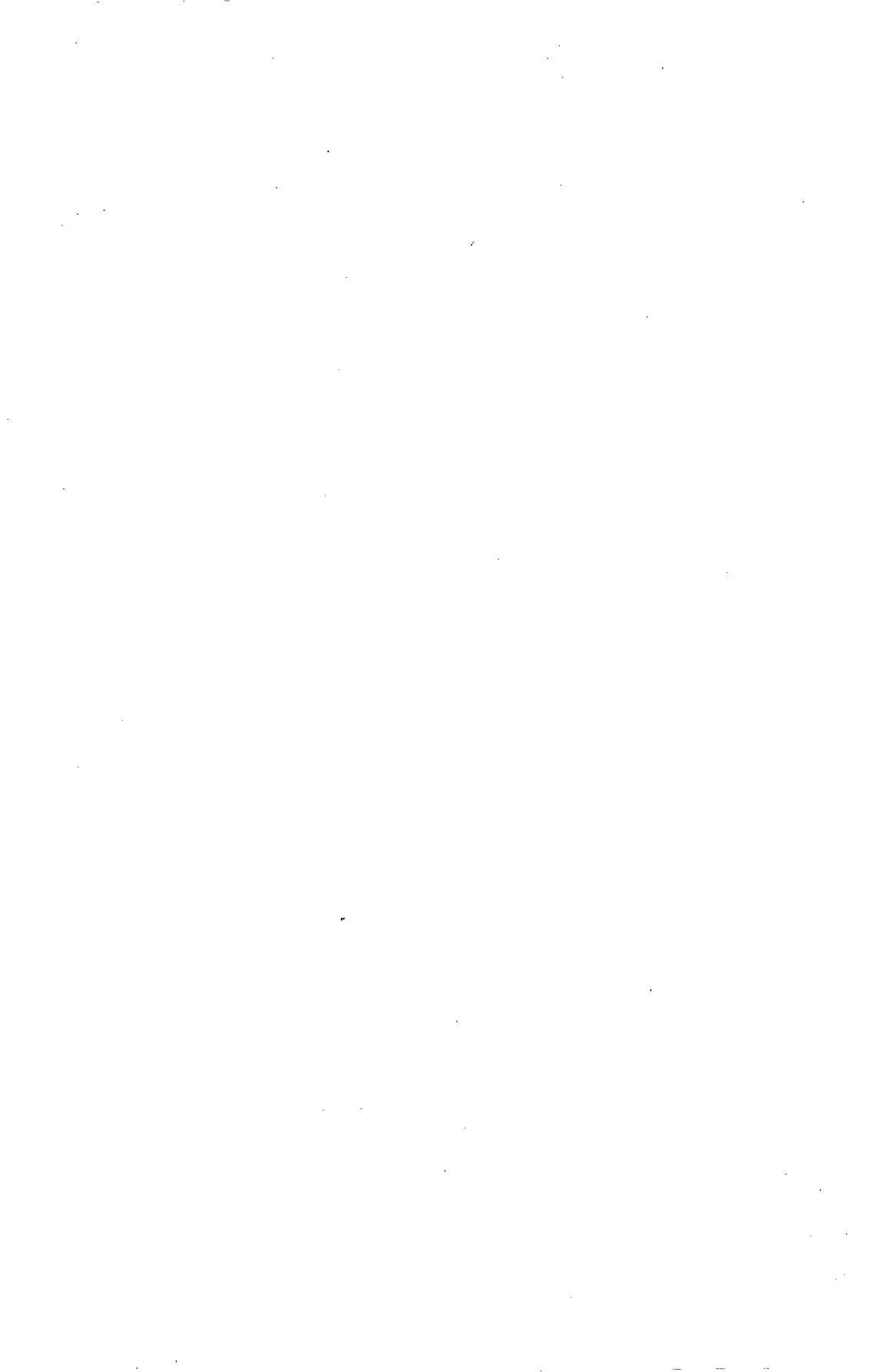
Sách giới thiệu những nguyên tắc cơ bản lựa chọn các giải pháp kết cấu hợp lý liên quan mật thiết và đôi khi có ý nghĩa quyết định đối với giải pháp kiến trúc, công nghệ; cung cấp cho bạn đọc cách phân tích, áp dụng các giả thiết, sơ đồ tính toán, các yêu cầu cấu tạo sao cho phù hợp với thực tế làm việc của từng dạng kết cấu nhà cao tầng bê tông cốt thép đó tại chỗ hay lắp ghép.

Sách được dùng cho sinh viên ngành Xây dựng Dân dụng và Công nghiệp, đồng thời là tài liệu cho các kỹ sư thiết kế các thể loại kết cấu bê tông cốt thép nhà cao tầng.

Tác giả xin chân thành cảm ơn các cán bộ giảng dạy trong Bộ môn Kết cấu bê tông - gạch đá Trường đại học Kiến trúc Hà Nội, GS. TSKH Nguyễn Trâm; PGS. TS Trần Quốc Dũng đã đóng góp nhiều ý kiến trong quá trình biên soạn.

Chắc chắn sách xuất bản lần này không tránh khỏi thiếu sót, tác giả mong nhận được ý kiến nhận xét của bạn đọc.

Tác giả



## Chương 1

# CÁC HỆ KẾT CẤU CHỊU LỰC NHÀ CAO TẦNG

## 1.1. KHÁI NIỆM VỀ CÁC HỆ KẾT CẤU CHỊU LỰC

### 1.1.1. Đặc điểm chịu lực nhà cao tầng

Theo định nghĩa của Ủy ban quốc tế nhà cao tầng thì nhà mà chiều cao của nó ảnh hưởng đến ý đồ và phương pháp thiết kế được gọi là nhà cao tầng. Bởi vậy nhà nhiều tầng, theo định nghĩa trên còn có thể gọi là nhà nhiều tầng để phân biệt với nhà thông thường ít tầng. Tuy nhiên, định nghĩa trên đây cũng chỉ là những quy ước và thay đổi theo điều kiện kinh tế kỹ thuật và xã hội của từng nước. Thí dụ:

Các nước SNG	: Nhà ở 10 tầng trở lên, loại nhà khác 7 tầng.
Trung Quốc	: Nhà ở 10 tầng trở lên. Công trình khác $\leq 24m$ .
Hoa Kỳ	: Nhà trên 7 tầng hoặc cao trên 22 - 25m.
Pháp	: Nhà ở cao trên 50m, loại nhà khác cao trên 28m.
Vương quốc Anh	: Nhà có chiều cao từ 24, 3m trở lên.
Nhật Bản	: Nhà 11 tầng và cao từ 31m trở lên.
CHLB Đức	: Nhà cao trên 22m tính từ mặt nền.
Bỉ	: Nhà cao bằng và trên 25m kể từ mặt sân ngoài.

Tuy nhiên nhiều nước trên thế giới còn thừa nhận sự phân loại sau đây:

- Nhà cao tầng loại I, từ 9 đến 16 tầng (từ 40 đến 50m),
- Nhà cao tầng loại II từ 17 đến 25 tầng (dưới 80m),
- Nhà cao tầng loại III từ 26 đến 40 tầng (dưới 100m),
- Nhà rất cao trên 40 tầng (trên 100m).

Về phương diện chịu lực, những nhà loại I, II, III đều có thể sử dụng chung những giả thiết và sơ đồ tính toán được trình bày trong các chương

sau, còn đối với những ngôi nhà rất cao (nhà điêm, nhà tháp..) còn phải tuân thủ những tiêu chuẩn, quy phạm thiết kế và tính toán bổ sung đặc biệt khác.

Để phân biệt với nhà thấp tầng, theo các tiêu chuẩn, quy phạm thiết kế, tính toán kết cấu hiện hành trong nước và một số nước khác (TCVN 2737-1995- Tải trọng và tác động TCXD 198- 1997; Tiêu chuẩn thiết kế nhà cao tầng bê tông toàn khối), đối với những ngôi nhà có chiều cao từ 40m trở lên, kết cấu chịu lực phải được tính toán cả với thành phần động của tải trọng gió và kiểm tra theo tải trọng động đất từ cấp 7 trở lên (theo thang MSK-64) được xem là nhà cao tầng.

Tùy thuộc vào đặc điểm của các hệ chịu lực và cấp động đất phải tính toán, trong một số tiêu chuẩn hiện hành nước ngoài còn quy định các chiều cao lớn nhất thích hợp cho nhà bê tông cốt thép liền khối (Bảng 1-1).

**Bảng 1-1. Chiều cao lớn nhất thích hợp  
công trình bê tông cốt thép toàn khối (m)**

Hệ kết cấu	Không có động đất	Cấp động đất thiết kế (MSK-64)			
		6	7	8	9
Khung	60	60	55	45	25
Khung - Vách - lõi	130	130	120	100	50
Vách - Tường cứng	140	140	120	100	60
Lõi - ống, ống trong ống	180	180	150	120	70

*Ghi chú:*

- Độ cao nhà được tính từ mặt đất ngoài nhà đến diêm mái công trình, không kể độ cao của các bộ phận nhô lên khỏi mái như bể nước, buồng thang máy;
- Đối với công trình lắp ghép hoặc lắp ghép từng phần thì cần xem xét mức độ để chọn chiều cao hợp lý.

### **1.1.2. Đặc điểm sử dụng vật liệu**

Trong xây dựng nhà cao tầng, việc sử dụng vật liệu cho kết cấu chịu lực và kết cấu bao che có những đòi hỏi nhất định.

a) **Đặc điểm nổi bật về phương diện chịu lực** của nhà cao tầng là các cấu kiện đều chịu các tải trọng thẳng đứng và tải trọng ngang lớn. Để đủ khả năng chịu lực đồng thời đảm bảo tiết diện các kết cấu thanh như cột, dầm,

các kết cấu bản như sàn, tường có kích thước hợp lý, phù hợp với giải pháp kiến trúc mặt bằng và không gian sử dụng, vật liệu dùng trong kết cấu nhà cao tầng cần có cấp độ bền chịu kéo, nén, cắt cao. Trong kết cấu nhà cao tầng cần dùng bê tông có cấp cường độ từ B25 đến B60 (tương đương bê tông mác 300 đến 800) và cốt thép có giới hạn chảy từ 300 MPa trở lên.

Trong không ít trường hợp, nhất là đối với các kết cấu lắp ghép cần đến tính điển hình cao trong sản xuất hàng loạt tại công xưởng, chỉ thay đổi số hiệu bê tông và cốt thép từ dưới lên trên, để giữ nguyên tiết diện cấu kiện như cột và dầm nên việc sử dụng các cấp cường độ khác nhau cho cùng loại cấu kiện, bộ phận kết cấu là rất thích hợp.

b) Bê tông là vật liệu đàn - dẻo, nên có khả năng phân phôi lại nội lực trong các kết cấu, sử dụng rất hiệu quả khi chịu tải trọng lặp lại (động đất, gió bão). Bê tông có tính liền khối cao (khi dùng công nghệ đổ liền khối) giúp cho các bộ phận kết cấu của ngôi nhà liên kết lại thành một hệ chịu lực theo các phương tác động của tải trọng. Tuy vậy, bê tông có trọng lượng bản thân lớn nên thường được sử dụng có hiệu quả cho các ngôi nhà dưới 30 tầng. Khi nhà cao trên 30 tầng nhất thiết phải dùng bê tông có cấp cường độ cao, bê tông ứng lực trước hay bê tông cốt cứng (với hàm lượng  $\mu$  cốt thép cứng không quá 15%) hoặc dùng kết cấu thép hoặc kết cấu thép - bê tông liên hợp.

c) Trong nhà cao tầng thường sử dụng các lối cột rộng kích thước từ  $6 \times 6$ m trở lên nhưng chiều cao tầng điển hình thường không lớn, nên giải pháp kết cấu sàn phải lựa chọn sao cho các dầm đỡ sàn có chiều cao tối thiểu. Bởi vậy bê tông ứng lực trước thường được sử dụng cho kết cấu sàn đổ toàn khối hay lắp ghép nhất là hệ sàn phẳng không dầm. Ngoài kết cấu chịu lực, kết cấu bao che trong nhà cao tầng cũng chiếm tỷ lệ đáng kể trong tổng khối lượng công trình. Bởi vậy cần sử dụng các vật liệu nhẹ, có khối lượng riêng nhỏ, tạo điều kiện giảm đáng kể không những chỉ đối với tải trọng thẳng đứng mà còn cả đối với tải trọng ngang do lực quán tính gây ra.

### 1.1.3. Các hệ kết cấu chịu lực nhà cao tầng.

Các cấu kiện chịu lực chính tạo thành các hệ chịu lực nhà cao tầng bao gồm:

- Cấu kiện dạng thanh: cột, dầm, thanh chống, thanh giằng.
- Cấu kiện dạng tấm: Tường (vách đặc hoặc có lỗ cửa), sàn (sàn phẳng, sàn sườn, các loại panen đúc sẵn có lỗ hoặc nhiều lớp ...).

Trong nhà cao tầng, sàn các tầng, ngoài khả năng chịu uốn do tải trọng thẳng đứng, còn phải có độ cứng lớn để không bị biến dạng trong mặt phẳng khi truyền tải trọng ngang vào cột, vách, lõi nên còn gọi là những sàn cứng (tấm cứng).

- Cấu kiện không gian là các vách nhiều cạnh hở hoặc khép kín, tạo thành các hộp bố trí bên trong nhà, được gọi là lõi cứng. Ngoài lõi cứng bên trong, còn có các dãy cột bố trí theo chu vi nhà với khoảng cách nhỏ tạo thành một hệ khung biến dạng tường vây. Tiết diện các cột ngoài biên có thể đặc hoặc rỗng. Khi là những cột rỗng hình hộp vuông hoặc hình tròn sẽ tạo nên hệ kết cấu được gọi là ống trong ống. Dạng kết cấu này thường sử dụng trong nhà có chiều cao lớn.

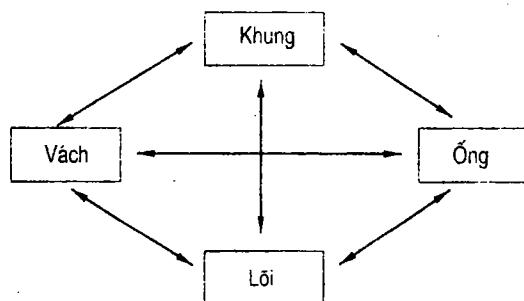
Từ các thành phần kết cấu chính nêu trên, tùy thuộc vào các giải pháp kiến trúc, khi chúng được liên kết với nhau theo những yêu cầu cấu tạo nhất định sẽ tạo thành nhiều hệ chịu lực khác nhau theo sơ đồ dưới đây (hình 1.1).

Tùy theo cách tổ hợp các kết cấu chịu lực có thể chia thành 2 nhóm:

Nhóm thứ nhất, chỉ gồm một loại cấu kiện chịu lực độc lập như khung, tường, vách, lõi hộp (ống).

Nhóm thứ hai là các hệ chịu lực được tổ hợp từ 2 hoặc 3 loại cấu kiện cơ bản trở lên chẳng hạn:

- Kết cấu khung + vách.
  - Kết cấu khung + lõi.
  - Kết cấu khung + vách + lõi
- v.v...



**Hình 1.1.** Sơ đồ tổ hợp các hệ chịu lực nhà cao tầng

Sự phân chia trên chỉ là những quy ước tương ứng với từng giả thiết và mô hình tính toán công trình cụ thể, và phụ thuộc vào chiều cao, tỷ lệ giữa chiều rộng và chiều dài mặt bằng nhà v.v... Khi chiều cao tăng lên thì vai trò khung cột dần giảm dần đối với tác động của tải trọng ngang. Dầm, cột khung chủ yếu chịu các loại tải trọng thẳng đứng truyền từ sàn tầng vào. Bởi vậy trong thực tế, ngay cả các hệ vách, lõi, ống vẫn luôn kết hợp với hệ

thống khung cột được bố trí theo các ô lưới nhất định, phù hợp với giải pháp mặt bằng kiến trúc.

Đặc điểm kết cấu chịu lực nhà cao tầng không chỉ phụ thuộc vào hình dạng, tính chất làm việc của các bộ phận kết cấu mà còn phụ thuộc vào cả công nghệ sản xuất và xây lắp cũng như phương án sử dụng vật liệu :

- Nhà cao tầng kết cấu BTCT có thể được xây dựng theo công nghệ bê tông đổ liền khối hay lắp ghép.

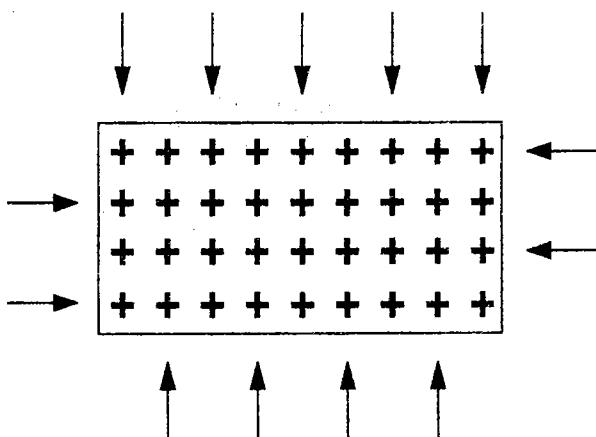
- Nhà cao tầng kết cấu kim loại hoặc thép - bê tông.

Căn cứ vào khả năng tiếp thu tải trọng, nhất là đối với tải trọng ngang có thể chia thành các hệ chịu lực như sau.

#### a) Hệ khung

- Hệ khung chịu lực được tạo thành từ các cấu kiện thanh như cột, dầm, liên kết cứng tại các nút tạo thành các hệ khung phẳng hoặc khung không gian dọc theo các trục lưới cột trên mặt bằng nhà.

- Khung bê tông cốt thép thường đổ liền khối. Tuy nhiên đối với nhà cao tầng việc thi công các kết cấu dạng thanh như dầm, cột càng trở nên phức tạp trên những độ cao lớn. Nhược điểm này có thể khắc phục bằng việc sử dụng các cấu kiện đúc sẵn tại công xưởng rồi lắp ghép. Khung BTCT lắp ghép khó thực hiện các liên kết cứng, đòi hỏi độ chính xác cao trong lắp ghép và đều được xét đến trong quá trình tính toán.

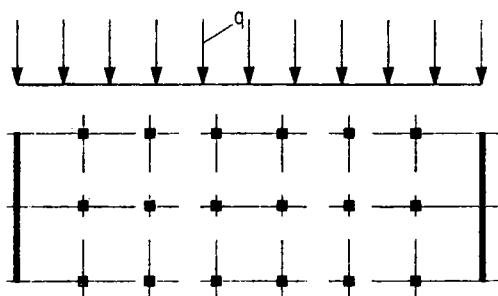


**Hình 1.2. Sơ đồ gây ứng lực trước  
trong hệ kết cấu khung - vách lắp ghép IMS**

- Hệ khung chịu lực thuần tuý có độ cứng uốn thấp theo phương ngang nên bị hạn chế sử dụng trong nhà có chiều cao trên 40m. Trong kiến trúc nhà cao tầng luôn có những bộ phận như hộp thang máy, thang bộ, tường ngăn hoặc bao che liên tục trên chiều cao nhà có thể sử dụng như lõi, vách cứng nên hệ kết cấu khung chịu lực thuần tuý trên thực tế không tồn tại.

- Các hệ khung bê tông cốt thép lắp ghép có thể được thực hiện bằng công nghệ cảng sau các cầu kiện bê tông ứng lực trước theo cả hai phương, và được sử dụng có hiệu quả trong vùng có động đất (chương 6).

### b) *Hệ khung - vách*



*Hình 1.3. Sơ đồ hệ khung - vách.*

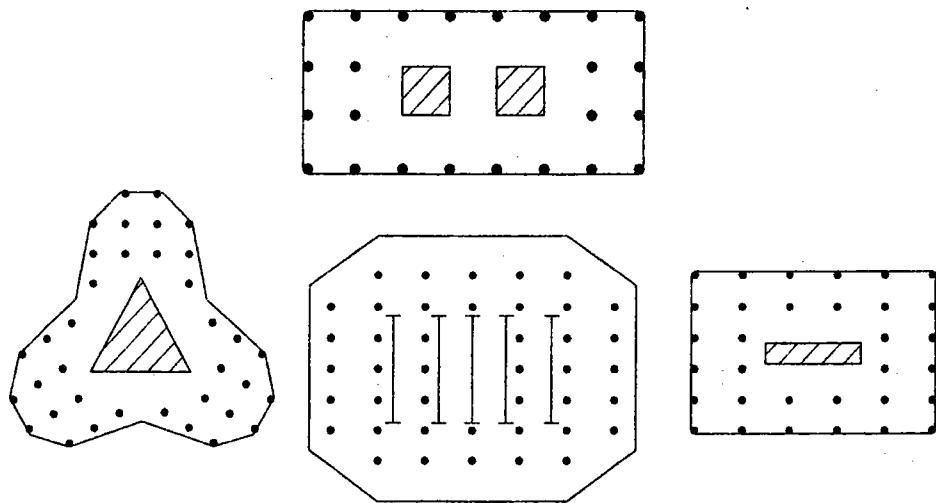
Hệ kết cấu này thường được sử dụng cho những nhà có mặt bằng chữ nhật kéo dài, chịu lực chủ yếu theo phương ngang nhà. Các vách cứng được bố trí chủ yếu dọc theo phương ngang ngôi nhà. Trong các kiểu nhà lắp ghép tấm lớn nhiều tầng có thể xem các tấm tường liên kết với nhau tạo thành một hệ tường cứng ngang dọc liên tục. Các mô hình tính toán phụ thuộc nhiều vào cấu tạo các mạch lắp ghép tường với tường và tường với sàn.

Kết cấu khung-vách thường sử dụng phổ biến hơn cả vì hệ này phù hợp với hầu hết các giải pháp kiến trúc nhà cao tầng. Hệ kết cấu này tạo điều kiện ứng dụng linh hoạt các công nghệ xây dựng khác nhau như vừa có thể lắp ghép vừa đổ tại chỗ các kết cấu bê tông cốt thép. Có thể chỉ đổ tại chỗ các vách cứng bằng công nghệ dùng ván khuôn trượt, còn phần khung (cột, đầm), sàn lắp ghép, thậm chí với các liên kết khớp giữa cột với cột và đầm sàn với vách cứng. Với công nghệ xây dựng lắp ghép, bán lắp ghép cho phép sử dụng hệ kết cấu chịu lực một cách hợp lý và đem lại những hiệu quả kinh tế kỹ thuật nhất định.

Có thể lắp ghép toàn bộ các cấu kiện khung, cột, dầm, tường cứng bằng công nghệ gây ứng lực trước bằng phương pháp căng sau cho toàn bộ hệ dầm dọc theo 2 phương như hệ kết cấu IMS. Hệ kết cấu này có xuất xứ từ CHLB Nam Tư trước đây và được nhiều nước ứng dụng, đặc biệt ở Cuba. Hệ kết cấu này có khả năng tiếp thu tốt các tải trọng gió và động đất (hình 1.2).

#### c) Hệ khung - lõi

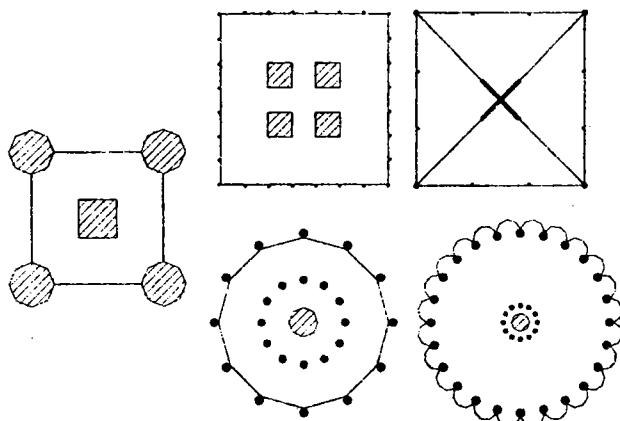
Hệ khung - lõi chịu lực thường được sử dụng có hiệu quả cho các nhà có độ cao trung bình và thật lớn, có mặt bằng đơn giản dạng như hình chữ nhật, hình vuông. Lõi (ống) có thể đặt trong hoặc ngoài biên trên mặt bằng (hình 1.4). Hệ sàn các tầng được gối trực tiếp vào tường lõi - hộp hoặc qua các hệ cột trung gian. Phần trong lõi thường dùng để bố trí thang máy, cầu thang và các hệ thống kỹ thuật nhà cao tầng.



**Hình 1.4. Hệ khung - lõi chịu lực**

#### d) Hệ lõi - hộp

Hộp là những lõi có kích thước lớn thường được bố trí cả bên trong và gần biên ngói nhà. Khác với hệ khung- lõi, hệ hộp chịu lực toàn bộ tải trọng đứng và ngang do sàn truyền vào, không có hoặc rất ít cột trung gian đỡ sàn (hình 1.5).



**Hình 1.5. Các giải pháp lõi - ống, ống trong ống**

Hộp trong nhà cũng giống như lõi, được hợp thành từ các tường đặc hoặc có lỗ cửa.

Hộp ngoài biên có diện tích mặt phẳng lớn, được tạo thành từ các cột có khoảng cách nhỏ liên kết với nhau bởi các thanh ngang có chiều cao lớn theo hai phương ngang hoặc chéo tạo nên những mặt nhà dạng khung - lưới, có hình dáng phù hợp với các giải pháp kiến trúc mặt đứng. Tiết diện cột ngoài biên có thể đặc hoặc rỗng tạo nên những dây ống nhỏ nên còn gọi là kết cấu hộp trong hộp hay ống trong ống, thường được sử dụng trong các ngôi nhà rất cao.

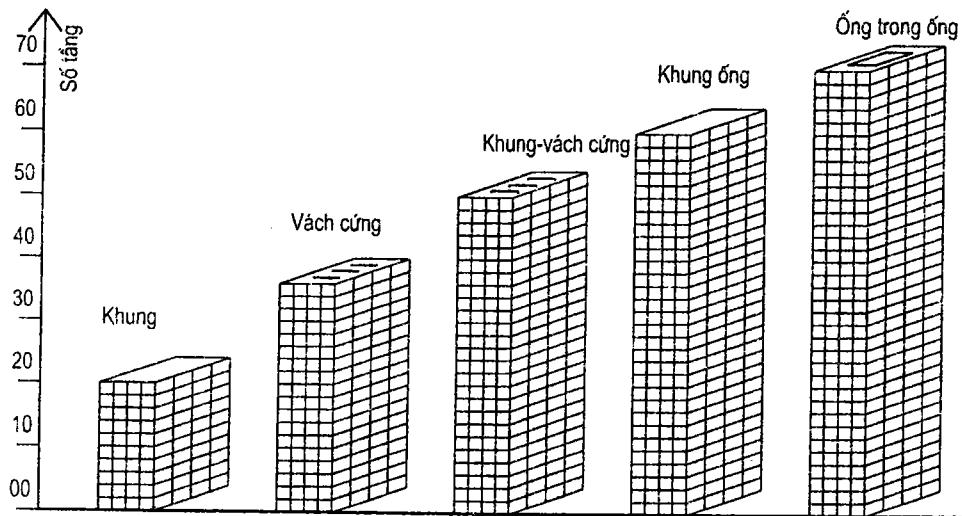
## 1.2. PHƯƠNG PHÁP LỰA CHỌN HỆ KẾT CẤU NHÀ CAO TẦNG

### 1.2.1. Lựa chọn kết cấu theo chiều cao, số tầng

Trong thiết kế và xây dựng nhà cao tầng, việc lựa chọn hệ kết cấu chịu lực hợp lý phụ thuộc vào nhiều yếu tố như chiều cao, các điều kiện địa chất thuỷ văn, bản đồ phân vùng động đất khu vực hoặc toàn lãnh thổ đất nước và các giải pháp kiến trúc công trình.

Có thể lựa chọn hợp lý hệ kết cấu chịu lực theo số tầng như trên đồ thị (hình 1.6).

Để đảm bảo độ cứng, hạn chế chuyển vị ngang, tránh mất ổn định tổng thể cần hạn chế chiều cao và độ mảnh (tỷ lệ chiều cao trên chiều rộng công trình) lấy theo bảng (1.2).



**Hình 1.6.** Sơ đồ lựa chọn hệ kết cấu theo số tầng

**Bảng 1. 2. Chiều cao tối đa (m)  
và tỷ số giới hạn giữa chiều cao và chiều rộng H/B**

Hệ kết cấu		Trường hợp không có động đất	Trường hợp có động đất cấp		
			6 và 7	8	9
Nhà khung	MaxH = H/B	60 m 5	60-55 m 5 - 5	45 m 4	25 m 2
Nhà vách và khung ống	MaxH = H/B	130 m 5	130-120 m 5 - 5	100 m 4	50 m 3
Nhà vách	MaxH = H/B	140 m 5	140-120 m 6 - 6	120 m 5	60 m 4
Nhà ống và ống trong ống	MaxH = H/B	180 m 6	180-150 m 6-6	120 m 5	70 m 4

### 1.2.2. Bố trí mặt bằng kết cấu

Mỗi quan hệ giữa các giải pháp kiến trúc và kết cấu nhà cao tầng phải được xem xét một cách khoa học và hợp lý trong suốt quá trình thiết kế trên cơ sở các quy phạm, chỉ dẫn kỹ thuật. Cần đạt tới sự thống nhất và hợp lý trong các giải pháp kiến trúc và kết cấu cũng như những giải pháp kỹ thuật khác.

Mặt bằng nhà cần chọn hình đơn giản, có trục đối xứng ít nhất là một phương, đặc biệt là đối xứng trong cách bố trí các kết cấu chịu lực. Đây là

tiêu chí quan trọng trong giải pháp kết cấu, bởi đạt được yêu cầu này có thể tránh được những bất lợi do biến dạng xoắn mà trong tính toán, cấu tạo không dễ khắc phục được.

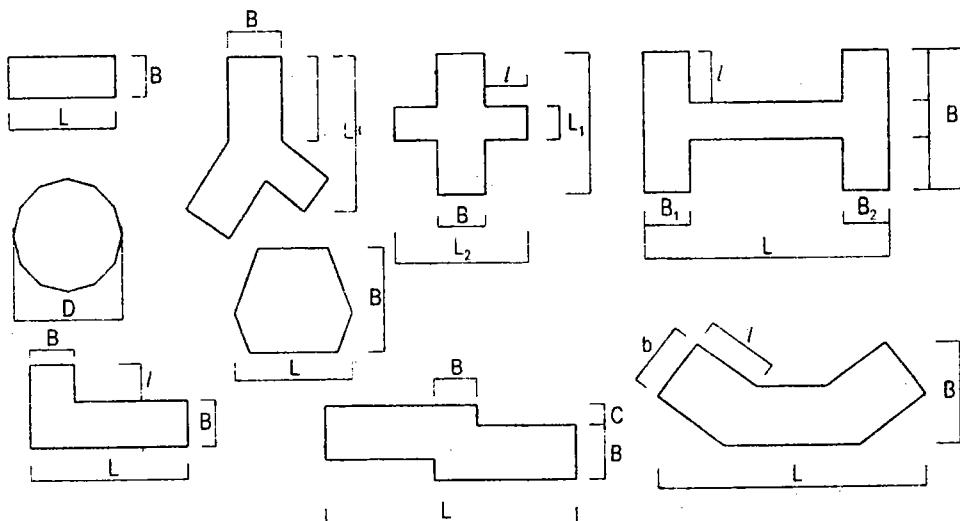
Khi bố trí kết cấu chịu lực nhà cao tầng chịu tải trọng động đất còn cần chú ý những điều sau đây:

- Mặt bằng nên đối xứng cả hai phương trục nhà;
- Mối quan hệ giữa chiều dài ( $L$ ), chiều rộng công trình ( $B$ ), độ nhô ra của các bộ phận công trình ( $l$ ), vị trí các góc lõm (hình 1.7) trên mặt bằng cần thoả mãn các yêu cầu trong bảng 1.3.

**Bảng 1.3. Giới hạn của  $L$ ,  $B$ ,  $l$**

Cấp động đất	$L/B$	$L/B_{max}$	$l/B$
7	$\leq 6$	$\leq 5$	$\leq 2$
8 và 9	$\leq 5$	$\leq 4$	$\leq 1,5$

*Ghi chú: Các ký hiệu trong bảng xem trên hình (1.7).*



**Hình 1.7. Các dạng mặt bằng công trình**

### 1.2.3. Bố trí khe co dãn nhiệt, khe lún, khe kháng chấn

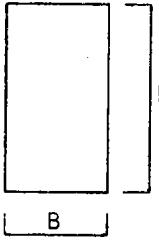
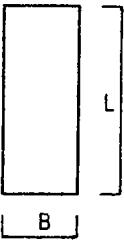
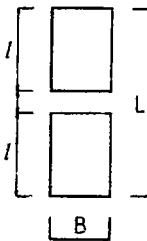
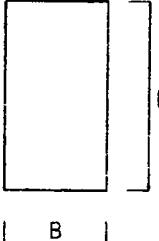
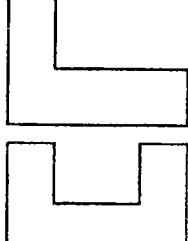
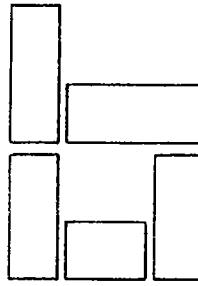
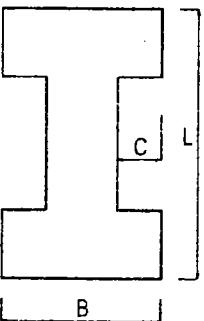
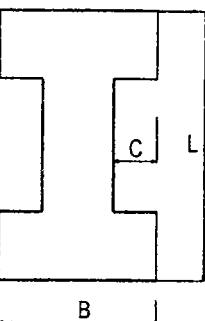
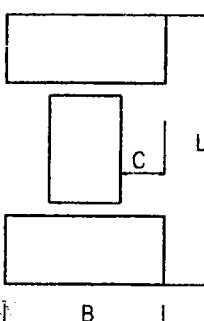
Khi gấp các mặt bằng kiến trúc phức tạp, có những bộ phận chênh tầng thì trước hết nên điều chỉnh bằng cách phân chia thành những khối nhỏ kết hợp với việc bố trí các khe co dãn nhiệt, khe lún, hoặc khe kháng chấn (bảng 1.4). Thông thường các loại khe biến dạng được kết hợp làm một.

Khe kháng chấn phải đặt theo suốt chiều cao công trình, và có thể không phải kéo tới móng. Khe biến dạng còn được xác định trên cơ sở xác định chuyển vị lớn nhất thường ở tầng mái công trình do các tổ hợp tải trọng bất lợi gây ra theo công thức:

$$D_{\min} = u_1 + u_2 + 20\text{mm} \quad (1.1)$$

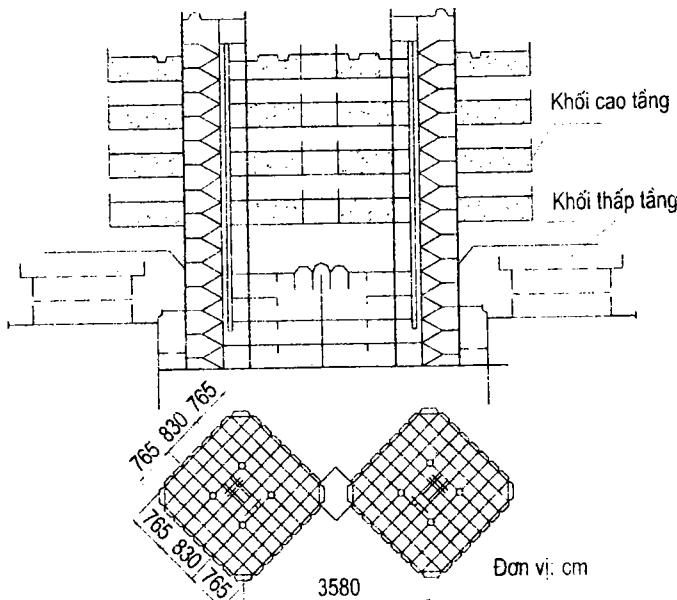
Trong đó:  $u_1$  và  $u_2$  là chuyển vị lớn nhất theo phương nằm ngang của hai khối kết cấu kề nhau.

**Bảng 1.4. Các giải pháp phân chia mặt bằng**

Hình thức hợp lí	Hình thức không hợp lí nên tránh hoặc chuyển đổi	
Nên chọn	Nên tránh	Dùng khe kháng chấn k
		
Tỉ lệ cạnh $L/B < 3.5$	Tỉ lệ cạnh $L/B > 3.5$	Tách mặt bằng thành các đơn nguyên nhỏ
		
Tỉ lệ cạnh $L/B < 3.5$	Mặt bằng đơn nguyên không đối xứng	Tách mặt bằng thành các đơn nguyên nhỏ
		
Giật cấp c < B/4	Giật cấp c > B/4	Tách mặt bằng thành các đơn nguyên nhỏ

Trong nhà cao tầng thường có tầng hầm nên việc bố trí các khe biến dạng, nhất là khe lún gây nhiều phức tạp cho kỹ thuật chống thấm. Giữa khối cao tầng và thấp tầng có thể không bố trí khe lún (hình 1.8) mà chỉ có khe co dãn nhiệt từ mặt móng trở lên một khi áp dụng các biện pháp sau:

- Sử dụng cọc chống vào tầng đá hoặc vào tầng cuội sỏi với độ sâu thích hợp đồng thời chứng minh được sự lún lệch nằm trong phạm vi cho phép;
- Tiến hành thi công phần cao tầng trước, phần thấp tầng sau, có xét đến độ chênh lún của hai khối.



**Hình 1.8.** Mặt cắt công trình có các tầng hầm liên tục

Khi công trình nằm trong vùng có động đất thì chiều rộng khe lún, khe co dãn phải lấy bằng hoặc lớn hơn bê rộng tối thiểu của khe kháng chấn theo bảng (1.5).

**Bảng 1.5. Bê rộng tối thiểu của khe kháng chấn (mm)**

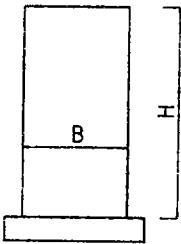
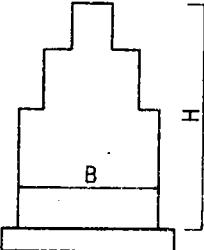
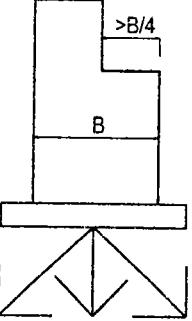
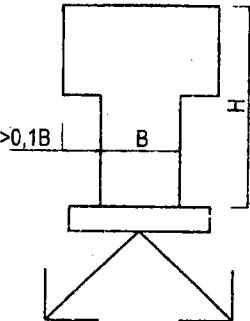
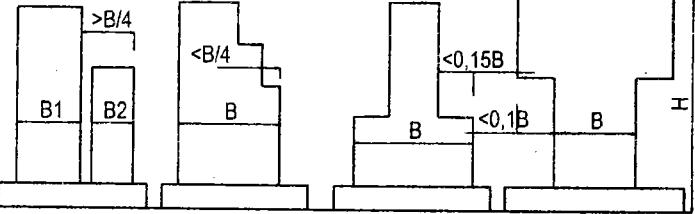
Hệ kết cấu	Cấp động đất thiết kế (MSK-64)			
	6	7	8	9
Khung	4H + 10	5H - 5	7H - 35	10H - 80
Khung - vách cứng	3,5H + 9	4,2H - 4	6H - 30	8,5H - 68
Vách - lõi	2,8H + 7	3,5H - 3	5H - 25	7H - 55

Ghi chú: H - Độ cao mái của đơn nguyên thấp hơn trong các đơn nguyên kế nhau tính bằng mm.

### 1.2.4. Bố trí kết cấu theo phương thẳng đứng

Trong nhà cao tầng cần thiết kế các kết cấu chịu lực có độ cứng đồng đều, tránh sự thay đổi đột ngột theo chiều cao. Trên mặt cắt thẳng đứng kết cấu cũng cần đạt đến độ đối xứng về hình học cũng như về khối lượng (chất tải). Trong trường hợp không có trực đối xứng hình học theo phương thẳng đứng thì có thể dùng các biện pháp khắc phục như trong bảng (1.6).

**Bảng 1.6. Sơ đồ nguyên tắc thiết kế mặt đứng**

Hình thức nên chọn		
	Khối lượng và độ cứng không thay đổi theo chiều cao	Khối lượng và độ cứng đối xứng giảm dần theo chiều cao
Hình thức không nên chọn		
Giải pháp khắc phục		

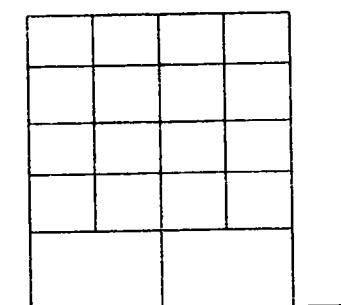
Sự thay đổi đột ngột độ cứng của hệ kết cấu (như việc thông tầng, giảm cột hoặc dạng cột hẳng, dạng sàn đặt cấp) cũng như việc dùng các sơ đồ kết cấu có các cánh mỏng và kết cấu dạng công xon dài theo phương ngang nhà đều gây ra sự bất lợi dưới tác động của các tải trọng động.

Trong trường hợp đặc biệt phải đặt những tải trọng lớn (thiết bị kỹ thuật điện, nước, điều không) tại một số tầng trung gian phải có các biện pháp thiết kế tương ứng như tăng cường độ cứng các kết cấu tầng kỹ thuật để tránh sự phá hoại ở các vùng xung yếu.

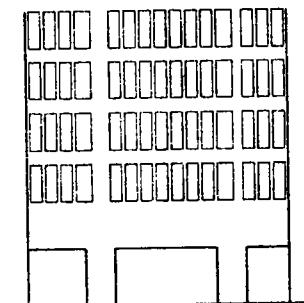
### a) *Bố trí khung chịu lực*

Khi thiết kế nhà khung nên chọn các khung đối xứng và có độ siêu tĩnh cao. Nếu là khung nhiều nhịp thì các nhịp khung nên chọn bằng nhau hoặc không chênh nhau quá 10 - 20% chiều dài. Nếu phải thiết kế các nhịp khác nhau thì nên chọn độ cứng (tiết diện dầm ngang) giữa các nhịp tương ứng với khẩu độ của chúng.

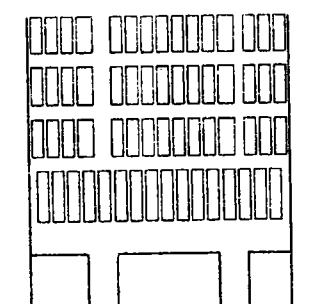
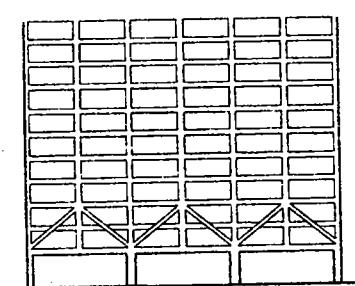
Nên chọn sơ đồ khung sao cho tải trọng tác động theo phương ngang và thẳng đứng được truyền trực tiếp và ngắn nhất xuống móng. Tránh sử dụng sơ đồ khung hằng cột tầng dưới. Nếu bắt buộc phải hằng cột như vậy, phải có giải pháp tăng cường các dầm đỡ có đủ độ cứng chống uốn và cắt dưới tác động của các tải trọng tập trung lớn (hình 1.9). Không nên thiết kế dạng khung thông tầng.



a) Sơ đồ không nên chọn

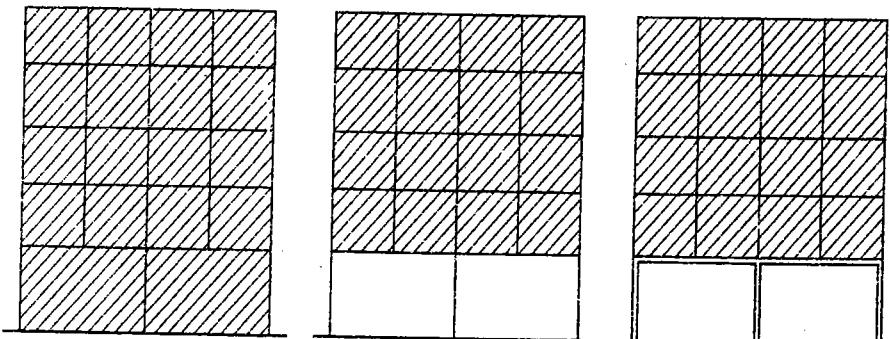


b) Các sơ đồ khắc phục



*Hình 1.9. Các phương án khắc phục trong nhà khung cao tầng*

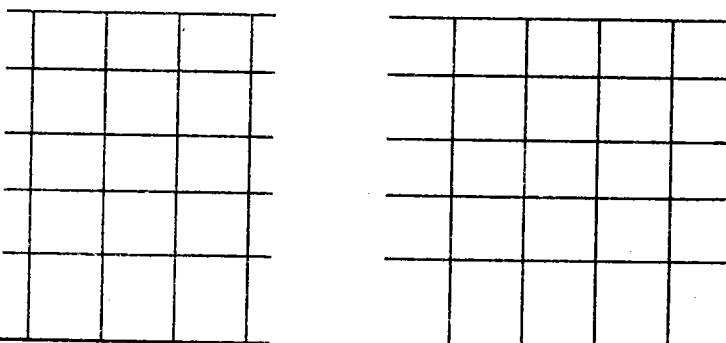
Khung bê tông cốt thép trong nhà cao tầng nếu có chèn gạch thì trước hết phải chèn các tầng dưới. Trong trường hợp phải xây chèn các tầng trên mà tầng dưới không xây thì phải chọn tiết diện cột, dầm tầng dưới có độ cứng lớn hơn độ cứng kết cấu tầng trên nó (hình 1.10).



a) Sơ đồ nên chọn      b) Sơ đồ không nên chọn      c) Sơ đồ khắc phục

**Hình 1.10. Sơ đồ khung chèn**

Nên tránh thiết kế công xon (kể cả dầm và bản sàn công xon). Trong trường hợp cần thiết phải hạn chế độ vuông của công xon đến mức tối thiểu và phải tính toán kiểm tra với các dạng dao động theo phương thẳng đứng do các tải trọng ngang (hình 1.11).



a) Khung có công xon ngắn      b) Khung có công xon dài

**Hình 1.11. Khung có công xon**

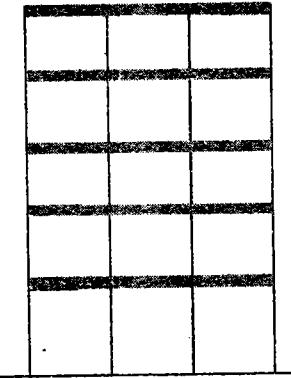
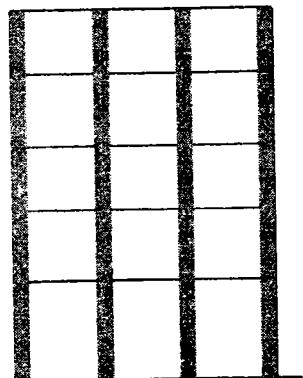
Khi thiết kế khung cần chọn độ cứng tương đối của dầm nhỏ hơn của cột nhằm tránh khả năng cột bị phá hoại trước dầm. Điều này đặc biệt có ý nghĩa khi kết cấu chịu tải trọng động và phải làm việc ngoài giới hạn đàn hồi (hình 1.12).

### b) *Bố trí vách cứng*

Trừ trường hợp nhà tắm lớn, các vách cứng chịu lực bố trí kết hợp với tường ngắn, tường bao che còn trong nhà khung - vách - lõi, cần tuân theo các yêu cầu sau:

- Trong các mặt bằng nhà hình chữ nhật nên bố trí từ 3 vách trở lên theo cả 2 phương. Vách theo phương ngang cần bố trí đều đặn, đối xứng tại các vị trí gần đầu hồi công trình, gian thang máy, tại các vị trí có biến đổi hình dạng trên mặt bằng và những vị trí có tải trọng lớn (sàn đặt bể nước hoặc các thiết bị kỹ thuật khác).

- Nên thiết kế các vách giống nhau (về độ cứng cũng như kích thước hình học) và bố trí sao cho tâm cứng (chương 3) của hệ kết cấu trùng với tâm trọng lực (trọng tâm hình học mặt bằng) ngôi nhà. Trường hợp chỉ có đối xứng về độ cứng mà không đối xứng về hình học (hình 1.13) thì khi kết cấu phải làm việc ngoài giai đoạn đàn hồi (xuất hiện các khớp dẻo) có thể dẫn đến việc thay đổi độ cứng và lúc này giả thiết về cùng biến dạng và chuyển vị của toàn bộ các tường cứng trong hệ không còn đúng nữa và công trình có thể bị phá hoại chủ yếu do tác động xoắn.

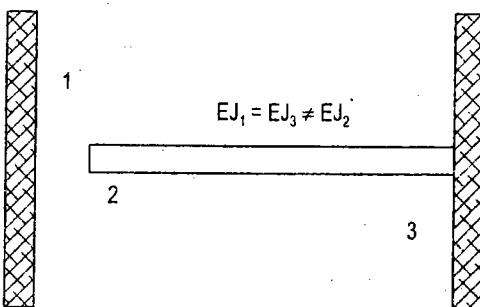


a) *Nên chọn EJ (cột) > EJ (Dầm)* ~ b) *Không nên chọn EJ (cột) > EJ (Dầm)*

**Hình 1.12. Tương quan độ cứng giữa cột và dầm khung**

- Độ cứng của các vách thường chiếm tỷ lệ lớn trong tổng độ cứng của toàn hệ. Vì vậy, các vách nên có chiều cao chạy suốt từ móng lên mái và có độ cứng không đổi trên toàn bộ chiều cao hoặc nếu phải giảm thì giảm dần dần từ dưới lên trên.

- Không nên chọn vách có khả năng chịu tải trọng lớn nhưng số lượng ít mà nên chọn nhiều vách có khả năng chịu tải tương đương và phân bố đều trên mặt bằng công trình.



**Hình 1.13. Vách đối xứng chỉ về độ cứng**

- Không nên chọn khoảng cách giữa các vách và khoảng cách từ vách đến biên quá lớn. Trong nhà cao tầng sàn bê tông cốt thép đổ liên khối có thể chọn khoảng cách giữa các vách theo bảng 1.7

**Bảng 1.7. Khoảng cách giữa các vách cứng**

Công trình không linh động đất	Công trình chịu động đất cấp (MSK-64)		
	6 và 7	8	9
$\leq 5B$ và $\leq 60m$	$\leq 4B$ và $\leq 50m$	$\leq 3B$ và $\leq 40m$	$\leq 2B$ và $\leq 30m$

Ghi chú: B - chiều rộng công trình.

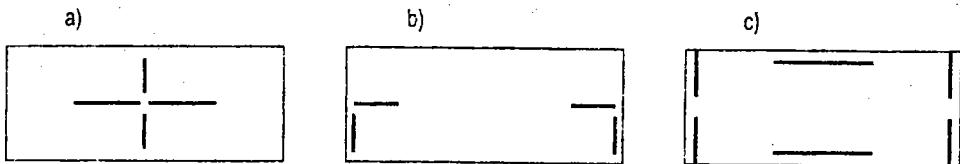
- Chiều dày vách đổ toàn khối chọn không nhỏ hơn 200mm và không nhỏ hơn 1/20 chiều cao tầng.

- Vách cứng theo phương dọc cần bố trí ở khoảng giữa đơn nguyên nhà. Khi chiều dọc nhà khá dài thì không nên bố trí tập trung vách ở hai đầu hồi nhà để giảm bớt ảnh hưởng của biến dạng nhiệt và co ngót bê tông trong quá trình thi công.

- Vách cứng theo phương dọc nhà có thể bố trí thành nhóm hình chữ L, T, I. và hết sức tránh các vách không vuông.

- Vách cứng theo phương dọc nhà dài có thể được chia thành nhiều đoạn độc lập được liên kết với nhau bằng hệ đầm lanh tô trên ô cửa có chiều cao lớn.

- Các lỗ cửa trên các vách cần bố trí đều đặn và thẳng hàng từ trên xuống dưới, không bố trí lệch nhau. Hiệu quả của việc bố trí các vách trên mặt bằng thể hiện trên thí dụ hình (1.13 và 1.14).



**Hình 1.14.** Bố trí vách trên mặt bằng hình chữ nhật:

a) Hầu như không có khả năng chống xoắn; b) Ngăn cản biến dạng nhiệt và co ngót theo phương dọc sàn BTCT đổ liền khối; c) Thoả mãn các điều kiện xoắn, biến dạng nhiệt và chịu tải trọng ngang tối theo cả 2 phương.

Trong nhà cao tầng, ở các tầng dưới thường có không gian rộng nên các vách đặc phải giảm tiết diện ở một số vị trí. Bởi vậy cần hạn chế tỷ số độ cứng của vách theo phương ngang nhà giữa tầng trên không bị giảm yếu và tầng dưới (bị giảm yếu) khi không có động đất không được lớn hơn 3 và khi nằm trong vùng động đất không được lớn hơn 2.

Tỷ số này có thể xác định như sau:

$$\gamma = \frac{G_{i+1} \cdot A_{i+1} \cdot h_i}{G_i \cdot A_i \cdot h_{i+1}} \quad (1.2)$$

Ở đây:

$$A = A_w + 0,12A_c;$$

$G_i, G_{i+1}$ : môđun trượt của bê tông ở tầng thứ i và  $i+1$ ;

$A_i, A_{i+1}$ : diện tích mặt cắt chịu cắt tính toán của vách thứ i và  $i+1$  được tính theo công thức (1.2);

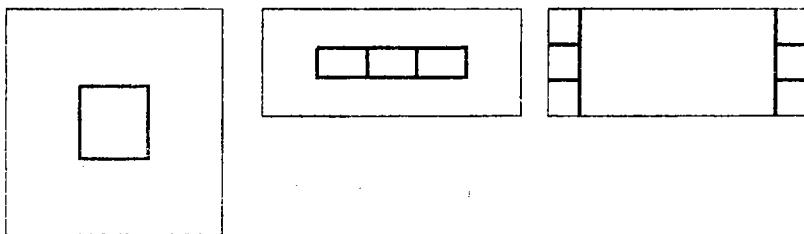
$A_w$ : diện tích toàn bộ mặt cắt hữu hiệu theo phương tính toán;

$A_c$ : diện tích mặt cắt toàn bộ cột;

$h_i, h_{i+1}$ : chiều cao tầng thứ i và  $i+1$ .

### c) Bố trí lõi - ống

Những ngôi nhà có chiều cao trên 100m thường dùng hệ lõi, ống, ống trong ống. Vai trò khung cột, nếu có chỉ để giảm khẩu độ sàn, hầu như không tham gia vào chịu các tải trọng ngang. Khi hệ khung cột được bố trí dày đặc dọc theo chu vi công trình và có độ cứng lớn đáng kể so với độ cứng của lõi tạo thành một hệ kết cấu khung không gian cùng tham gia chịu lực với lõi, ống bên trong thì ta có thể xem như hệ hộp trong hộp (hình 1.4, 1.5b). Cũng như các hệ chịu lực khung - vách, nên bố trí các lõi, hộp đối xứng trên mặt bằng và không bố trí lõi lệch một bên như trên hình (1.15).



*Hình 1.15. Các sơ đồ bố trí lối, hộp trên mặt bằng*

Việc thiết kế ống trong ống cần thoả mãn các yêu cầu sau:

- Tỷ số giữa chiều cao và chiều rộng của ống cần lớn hơn 3.

- Khoảng cách giữa các trụ - ống ngoài chu vi không nên lớn hơn chiều cao tầng và nên nhỏ hơn 3m. Mặt cắt trụ -ống ngoài cần dùng dạng chữ nhật hoặc chữ T. Diện tích của cột góc có thể dùng vách góc hình chữ L hoặc ống góc.

- Khoảng cách giữa ống trong và ống ngoài khi không tính đến động đất không nên lớn hơn 12m, trường hợp ngược lại không nên lớn hơn 10m. Khi cần vượt qua giới hạn này cần dùng các hệ dầm sàn có độ cứng lớn và bê tông ứng lực trước, hoặc sàn bê tông - thép kết hợp.

Thông thường giữa ống trong và ống ngoài không bố trí cột để tạo thuận tiện sử dụng các khung gian lớn.

Tại các góc thường bố trí các cột, ống, hoặc vách có độ cứng lớn hơn độ cứng uốn của khung, cột ống ngoài biên nhưng không nên quá 50 lần.

## Chương 2

# TÍNH TOÁN KẾT CẤU NHÀ CAO TẦNG

### 2.1. KHÁI NIỆM CHUNG

#### 2.1.1. Giả thiết tính toán

Tính toán kết cấu nhà cao tầng là việc xác định trạng thái ứng suất - biến dạng trong từng hệ, từng bộ phận cho đến từng cấu kiện chịu lực dưới tác động của mọi loại tải trọng. Ở đây chúng ta chủ yếu xét đến phản ứng của hệ kết cấu thẳng đứng khung, vách, lõi dưới tác động của các loại tải trọng ngang.

Hầu như trong các loại nhà cao đến 30 tầng đều kết hợp sử dụng cả 3 hệ chịu lực khung - vách - lõi. Việc lựa chọn hệ chịu lực và giả thiết tính toán làm sao vừa phù hợp với thực tế bố trí, cấu tạo các kết cấu chịu lực còn phải thoả mãn điều kiện về sự cùng làm việc của các hệ kết cấu có hình dạng, kích thước, độ cứng khác nhau. Mỗi giả thiết thường chỉ phù hợp với từng mô hình tính toán, không có giả thiết chung cho mọi sơ đồ tính toán. Giả thiết nào phản ánh được mối quan hệ truyền lực giữa các hệ với nhau thông qua giải pháp thiết kế, cấu tạo cụ thể trong công nghệ xây lắp sẽ được xem là phù hợp và cho ta những kết quả đáng tin cậy. Cũng cần phân biệt giữa độ chính xác trong sơ đồ kết cấu với độ chính xác trong mô hình toán học, hai vấn đề này không phải luôn thống nhất. Tuy nhiên có thể nêu một số giả thiết thường được sử dụng trong tính toán nhà cao tầng sau đây:

- Giả thiết ngôi nhà làm việc như một thanh công xon có độ cứng uốn tương đương độ cứng của các hệ kết cấu hợp thành. Giả thiết này đơn giản nhưng không hoàn toàn phản ánh đúng thực tế chịu lực của cả hệ. Giả thiết này thuận tiện cho việc xác định các đặc trưng động của công trình.

- Giả thiết mỗi hệ kết cấu chỉ có thể tiếp thu một phần tải trọng ngang tỷ lệ với độ cứng uốn (xoắn) của chúng, nhưng được liên kết chặt chẽ với các

hệ khác qua các thanh giằng liên kết khớp hai đầu. Độ cứng của các thanh giằng có giá trị lớn để có thể xem như không bị biến dạng co hoặc dãn dài. Các giằng ngang này chính là mô hình của hệ kết cấu dầm sàn có độ cứng lớn vô cùng trong mặt phẳng nằm ngang.

- Giả thiết về các hệ chịu lực cùng có một dạng đường cong uốn. Giả thiết này chỉ thích hợp cho các nhà chỉ có một hệ khung hoặc vách hoặc lõi. Còn đối với nhà hệ khung - vách - lõi thì đường cong uốn của mỗi hệ khác nhau, trong cùng một sơ đồ tính toán.

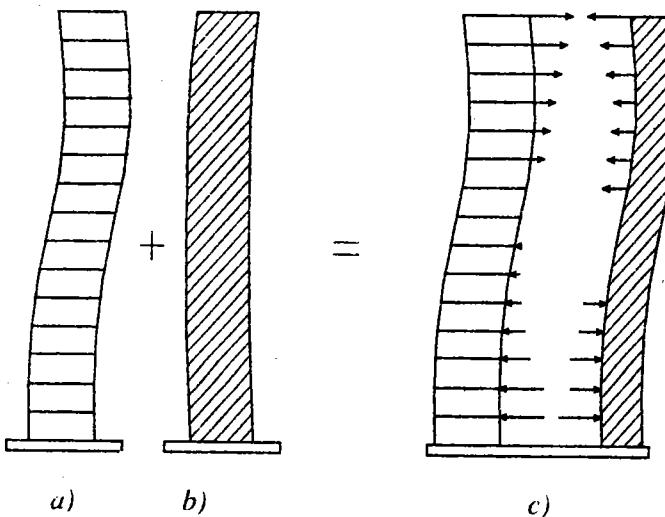
### **2.1.2. Ảnh hưởng của kết cấu sàn đến sự làm việc của các hệ chịu lực thẳng đứng**

Với giả thiết sàn cứng tuyệt đối trong mặt phẳng, chỉ là sự tương đối. Trong thực tế xây dựng kết cấu sàn nhà có nhiều loại: Sàn bê tông đổ liền khối, sàn bê tông lắp ghép, sàn bê tông thép, sàn nhiều lớp từ các vật liệu khác nhau. Mỗi loại sàn đều có liên kết cấu tạo riêng nhưng không phải lúc nào cũng có khả năng làm việc như một kết cấu liền khối, không chỉ có các chuyển vị thẳng hoặc xoay mà không có biến dạng góc. Với kết cấu sàn có dầm bê tông đổ liền khối dùng giả thiết sàn cứng tuyệt đối là phù hợp.

Trong nhà cao tầng thường dùng các lối cột kích thước lớn từ 6 đến 10m, nhưng chiều cao tầng lại hạn chế đến mức có thể. Sự trái ngược này thường được giải quyết bằng việc ứng dụng các kết cấu sàn không dầm hay gọi là sàn phẳng. Bản sàn được kê trực tiếp lên các đầu cột, tường, vách, lõi và thường dùng bê tông ứng lực trước để tăng khả năng chống uốn, vồng, và nứt. Đã có những nghiên cứu chứng tỏ, ứng với các giá trị độ cứng nhất định của sàn phẳng cần phải xét tới biến dạng của sàn trong tính toán

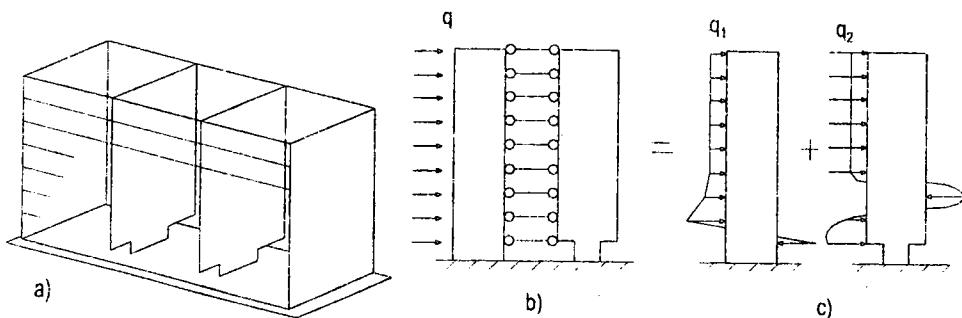
Vai trò của sàn cứng đặc biệt quan trọng khi nhà có hệ khung vách hoặc khung - lõi. Ví dụ trong hệ khung - vách, nhà sẽ có đường cong uốn như trên (hình 2.1c). Đường cong uốn của hệ khung có dạng trên hình (2.1a) tại chân ngầm có lực cắt và góc nghiêng lớn nhất. Ngược lại, tường cứng hoặc lõi cứng có đường cong uốn như thanh công xon, và góc nghiêng lớn nhất lại ở vị trí đỉnh tường. Song để đạt được sự đồng điệu trong biến dạng uốn cho toàn hệ thì trong các liên kết sẽ xuất hiện những phản ứng, nội lực khác nhau về giá trị và vị trí (hình 2.1c). Kích thước chiều dài các mũi tên chỉ độ lớn của các phản lực. Và nhờ vai trò của hệ giằng ngang mà hệ khung đường như đẩy ngang hệ vách cứng ở phía trên và co nó lại ở phía dưới. Kết quả lực

cắt sinh ra do tải trọng ngang được hệ khung tiếp thu phần lớn ở phía trên còn vách, lõi tiếp thu phần còn lại ở phía dưới.



**Hình 2.1.** a) Khung; b) Vách (lõi);  
c) Sơ đồ biến dạng của hệ thống qua các liên kết (giằng) đặt ở các mức sàn

Trong các ngôi nhà lõi hoặc hộp thì không những độ cứng của sàn mà khi có các tầng cứng (dạng dàn hoặc dầm kiểu Virendel có chiều cao bằng chiều cao tầng) ảnh hưởng rõ rệt đến đường cong uốn và các giá trị và dạng biểu đồ mômen uốn (hình 3.2, chương 3).



**Hình 2.2.** a) Sơ đồ kết cấu chịu tải trọng ngang;  
b, c) Sơ đồ liên kết và tải trọng thành phần

Trong trường hợp tổng quát, khi chấp nhận những giả thiết nêu trên thì mọi bộ phận kết cấu bố trí rời rạc trong công trình đều cùng chịu lực và tuân theo một quy luật nhất định trong một hệ kết cấu thống nhất, kể cả trường

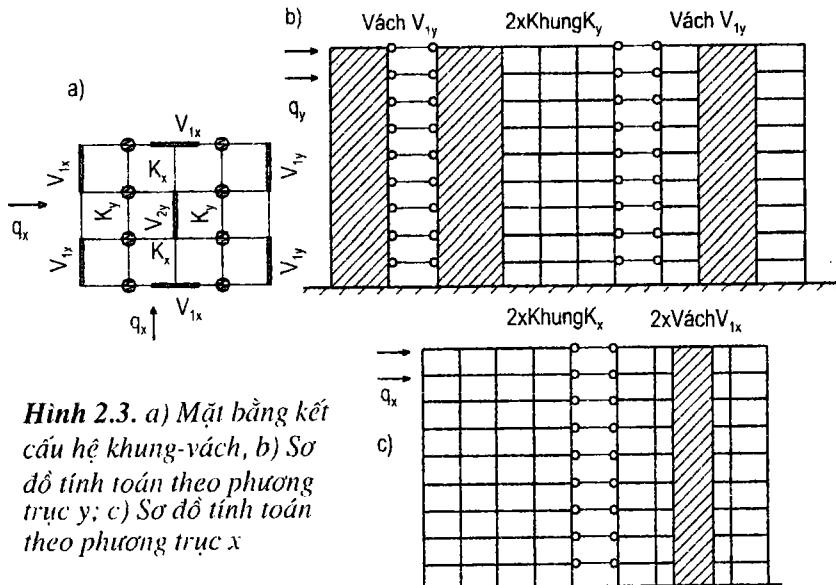
hợp các vách, lõi, khung bị giảm yếu ở những tầng dưới (hình 2.2). Trong sơ đồ này, tải trọng ngang tác động vào công trình có thể được xem như tổng các thành phần tải trọng do các kết cấu đơn vị tiếp nhận tương ứng với độ cứng uốn của chúng.

### 2.1.3 Sơ đồ tính toán

Căn cứ vào những giả thiết tính toán có thể phân chia thành các sơ đồ tính toán theo nhiều cách khác nhau:

#### a) Sơ đồ phẳng tính toán theo hai chiều

Công trình được mô hình hoá dưới dạng những kết cấu phẳng theo hai phương mặt bằng chịu tác động của tải trọng trong mặt phẳng của chúng. Giữa các hệ được giằng với nhau bởi các dây liên kết khớp hai đầu và ở ngang mức sàn các tầng (hình 2.3).



**Hình 2.3. a)** Mặt bằng kết cấu hệ khung-vách, **b)** Sơ đồ tính toán theo phương trực y; **c)** Sơ đồ tính toán theo phương trực x

Các sơ đồ tính toán trên đây được dùng phổ biến cho hệ kết cấu khung - vách phẳng. Trong trường hợp dùng các vách hình chữ L, H, T, v.v... thiên về an toàn vẫn có thể chỉ xét tới một cánh của vách theo một trong hai phương cùng trong mặt phẳng khung đang xét.

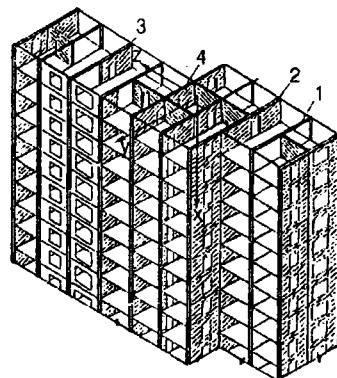
Đôi khi trong hệ khung - vách - lõi với tổng độ cứng của lõi nhỏ hơn tổng độ cứng vách và khung, cũng có thể sử dụng sơ đồ tính toán theo 2 phương.

### b) Sơ đồ tính toán không gian.

Công trình được mô hình như một hệ khung và tấm không gian chịu tác động đồng thời của ngoại lực theo phương bất kỳ (hình 2.4).

**Hình 2.4. Hệ khung - vách - lõi**  
trong ngôi nhà có mặt bằng gãy  
khúc cần tính toán theo sơ đồ  
không gian.

1. Khung phẳng;
2. Vách cứng liên tục;
3. Vách liền khung;
4. Lõi kết hợp với vách dọc, ngang.

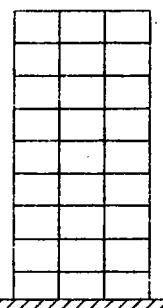


Sơ đồ tính toán ba chiều thường sử dụng cho tính toán nhà có mặt bằng phức tạp. Dùng sơ đồ này để tính toán có thể cho ta hình ảnh về trạng thái ứng suất biến dạng của từng hệ kết cấu với những liên kết theo 3 chiều. Tuy nhiên đòi hỏi khối lượng tính toán khá lớn, nhất là khi số tầng lớn.

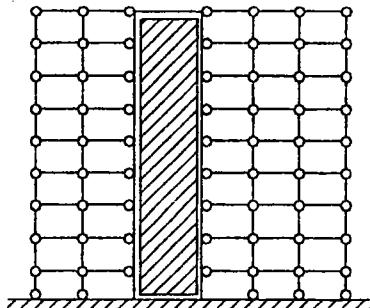
Theo các giả thiết về liên kết và các quan niệm về khả năng tiếp thu các tải trọng ngang của từng hệ, các hệ chịu lực khác nhau đều có thể dựa về một trong ba sơ đồ tính toán là sơ đồ *khung*, sơ đồ *khung-giằng* và sơ đồ *giằng*.

Trong sơ đồ *khung-giằng* (hình 2.5a) ta quan niệm sự cùng chịu tải trọng ngang của các hệ tuân theo quy luật tỷ lệ thuận với độ cứng của từng hệ theo từng phương tác động của tải trọng.

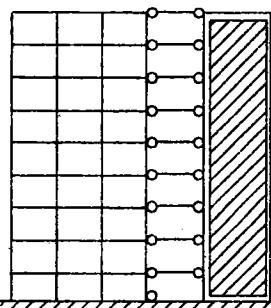
a) Sơ đồ khung



b) Sơ đồ giằng



c) Sơ đồ khung-giằng



**Hình 2.5.**

Trong thực tế trong các hệ vách, lõi mặc dù không thể thiếu các khung phẳng nhưng thiên về an toàn ta có thể bỏ qua phần tải trọng ngang do hệ

khung tiếp thu nên ta gọi đây là *sơ đồ giảng* (hình 2.5b). Như vậy các hệ lõi, hộp đều được tính toán như hệ giảng.

#### 2.1.4. Các phương pháp tính toán

Dựa theo các sơ đồ tính toán chúng ta có thể sử dụng nhiều phương pháp khác nhau trong cơ học kết cấu và trong toán học để xác định các nội lực và chuyển vị trong hệ và từng cấu kiện kết cấu chịu lực.

Các phương pháp trong cơ học kết cấu như phương pháp lực, phương pháp chuyển vị, phương pháp lực - chuyển vị vẫn được sử dụng có hiệu quả và cho những kết quả tin cậy cho từng trường hợp cụ thể. Các phương pháp biến phân, sai phân hữu hạn để giải các hệ phương trình vi phân bậc cao cũng vậy còn được sử dụng để giải các sơ đồ giảng, khung giảng phức tạp.

Trong số các phương pháp tính toán nhà cao tầng, phương pháp phần tử hữu hạn (PTHH) được sử dụng rộng rãi hơn cả vì hầu hết trong các phần mềm chương trình tính toán thực hiện trên máy tính đều xuất phát từ phương pháp này.

Các kết cấu ngôi nhà được chia thành những phần tử nhỏ dạng thanh hay bản, và số phần tử có thể là hàng nghìn tùy theo số tầng nhà. Do vậy số lượng các ẩn số là các nội lực và chuyển vị cũng tăng theo ít nhất là 3 lần số phần tử. Nhờ có máy tính, khi khối lượng tính toán số học không còn là vấn đề trở ngại nữa, thì việc giải các phương trình đại số tuyến tính bậc cao cũng được giải quyết nhanh chóng và chính xác. Những phần mềm mạnh hiện nay cho phép chúng ta đi sâu nghiên cứu trạng thái ứng suất biến dạng của các hệ kết cấu phức tạp với các sơ đồ tính toán không gian phù hợp với sự làm việc thực của công trình. Tuy nhiên kết quả của bài toán còn phụ thuộc vào kỹ năng của người sử dụng các chương trình, nên những kết quả nhận được từ máy luôn phải được kiểm tra theo các điều kiện:

- Cân bằng lực.
- Tính liên tục của các chuyển vị.
- Sự phù hợp với các tiêu chuẩn quy phạm thiết kế hiện hành.

#### Các bước tính toán

Cần cứ vào giải pháp kiến trúc và bố trí mặt bằng các kết cấu chịu lực có thể tiến hành tính toán theo các bước sau đây:

- Chọn sơ đồ tính toán.
- Xác định các loại tải trọng.
- Xác định các đặc trưng hình học và độ cứng của kết cấu.
- Phân phối tải trọng ngang vào các hệ chịu lực.
- Xác định nội lực, chuyển vị trong từng hệ từng cấu kiện.
- Kiểm tra các điều kiện bền, chuyển vị và các đặc trưng động.
- Kiểm tra ổn định cục bộ và ổn định tổng thể công trình.

Chúng ta sẽ xem xét tiếp các nội dung trên đây sau khi đã tiến hành lựa chọn sơ đồ tính toán cho ngôi nhà.

## 2.2. XÁC ĐỊNH TẢI TRỌNG

Tải trọng tác động lên nhà và công trình bao gồm:

- *Tải trọng thẳng đứng* gồm:

+ *Tĩnh tải* là tải trọng tác động thường xuyên thường có vị trí, phương, chiều tác động và giá trị không đổi trong quá trình sử dụng. Đó là trọng lượng bản thân kết cấu chịu lực, các kết cấu bao che, các lớp cách âm, cách nhiệt v.v...

+ *Hoạt tải* là tải trọng tác động không thường xuyên như người và vật dụng trong nhà.

- *Tải trọng ngang* gồm:

+ *Tải trọng gió* do tác động của khí hậu và thời tiết thay đổi theo thời gian, độ cao, và địa điểm dưới dạng áp lực trên các mặt hứng gió hoặc hút gió của ngôi nhà.

+ *Tải trọng động đất* là một trong những tải trọng đặc biệt là các lực quán tính phát sinh trong công trình khi nền đất chuyển động. Tải trọng động đất có thể tác động đồng thời theo phương thẳng đứng và phương ngang. Trong tính toán kết cấu nhà cao tầng thường chỉ xét tới tác động ngang của tải trọng động đất.

Ngoài ra còn các tải trọng đặc biệt khác phát sinh do hoạt động của con người như hỏa hoạn, cháy nổ, máy móc, xe cộ, thiết bị va đập vào công trình.

Dưới đây sẽ xem xét cụ thể hai loại tải trọng cơ bản thường tác động vào nhà và công trình là tải trọng thẳng đứng và tải trọng ngang do gió và động đất.

### 2.2.1. Tải trọng thẳng đứng

Tải trọng thẳng đứng tác động lên hệ kết cấu chịu lực của nhà bao gồm hai loại: *tính tải* do trọng lượng bản thân kết cấu chịu lực và kết cấu bao che; và *hoạt tải* là tải trọng sử dụng tác động thường xuyên hoặc ngắn hạn trên sàn và mái nhà.

*Tính tải* được xác định theo kích thước hình học, tải trọng khối vật liệu sử dụng cho kết cấu chịu lực và không chịu lực trong nhà và công trình.

*Hoạt tải* được lấy theo quy định trong các tiêu chuẩn thiết kế của từng nước. Trong tiêu chuẩn thiết kế tải trọng và tác động TCVN 2737-1995 quy định các giá trị tải trọng sử dụng tiêu chuẩn phân bố đều trên sàn và cầu thang các loại nhà và công trình. Ngoài những giá trị nêu trong tiêu chuẩn còn có thể sử dụng các giá trị tải trọng thường gấp sau đây trong nhà cao tầng:

- Các tường ngăn cố định, vách ngăn tạm thời, đặt trên sàn có thể tính gần đúng như tải trọng phân bố đều và phải lấy theo tác dụng thực tế. Nếu là vách ngăn bằng vật liệu nhẹ cần lấy không ít hơn  $75 \text{ daN/m}^2$ .

- Mái bằng sử dụng có trống cây trên mái lấy không ít hơn  $500 \text{ daN/m}^2$ .

Mái bằng nhà cao tầng còn có thể sử dụng làm bãi đỗ máy bay trực thăng. Tải trọng lớn nhất khi trực thăng cất hạ cánh có thể tính theo công thức:

$$Q = \frac{kP}{S} \quad (2.1)$$

Trong đó:

k - hệ số động lực lấy bằng 3;

P - trọng lượng của trực thăng căn cứ vào loại máy bay sử dụng. Khi không có số liệu chính xác, trọng lượng của trực thăng loại nhỏ lấy bằng  $20-30 \text{ kN}$ , trực thăng loại trung bình từ  $30$  đến  $50 \text{ kN}$ ;

S - diện tích chịu lực trong phạm vi khoảng cách giữa các bánh xe lấy theo số liệu thực tế hoặc lấy bằng  $2\times 2\text{m}$  cho loại nhỏ và  $2\times 3\text{m}$  cho loại trung bình ( $\text{m}^2$ ).

Theo TCVN 2737-1995 quy định được phép giảm các giá trị hoạt tải khi tác dụng đồng thời trên các sàn nhà cho hai trường hợp sau đây:

- Khi tính dầm, dầm khung, bản sàn, cột và móng chịu tải trọng từ một sàn, thì tải trọng sử dụng toàn phần ứng với các mục 1, 2, 3, 4, 5 bảng 3 tiêu chuẩn đều được nhân với hệ số:

$$\psi_{A1} = 0,4 + 0,6 \sqrt{\frac{A}{A_1}} \quad (2.2)$$

khi  $A > A_1 = 9\text{m}^2$  với  $A$  là diện tích truyền tải.

Đối với các phòng nêu ở các mục 6, 7, 8, 9, 10, 12, 14 (bảng 3 TCVN 2737 - 1995) và:

$$\psi = 0,5 + 0,5 \sqrt{\frac{A}{A_1}} \quad (2.3)$$

khi  $A > A_1 = 36\text{ m}^2$ .

- Khi xác định lực dọc trong cột, tường và móng chịu tải trọng từ 2 sàn trở lên, giá trị toàn phần tải trọng ở các mục 1, 2, 3, 4, 5 của tiêu chuẩn được phép giảm bằng cách nhân với hệ số:

$$\psi_n = 0,4 + \frac{\psi_{A1} - 0,4}{\sqrt{n}} \quad (2.4)$$

và hệ số:

$$\psi = 0,5 + \frac{\psi_{A2} - 0,5}{\sqrt{n}} \quad (2.5)$$

với các phòng nêu ở mục 6, 7, 8, 10, 12, 14 (bảng 3 TCVN 2737 - 1995).

Ở đây:  $\psi_{A1}$ ,  $\psi_{A2}$  lấy như trong các công thức (2.2), (2.3).

n - số sàn đặt tải trên tiết diện đang xét.

Trong nhà cao tầng xác suất xuất hiện đồng thời tải trọng sử dụng trên toàn bộ các sàn là rất thấp và thực tế cho thấy có sự giảm dần ở các tầng trên. Trong nhiều tiêu chuẩn nước ngoài cũng đều quy định các hệ số giảm tải khi tính toán các cấu kiện thẳng đứng chịu lực. Ví dụ, theo tiêu chuẩn Pháp NFP 06-001 trong trường hợp tại các tầng (trừ sân thượng) đều có cùng giá trị tải trọng sử dụng thì mỗi tầng được phép giảm 10% và giới hạn tổng cộng không quá 50% và được lấy như sau:

- Đối với sân thượng  $Q_0$
- Đối với tầng 1 kể từ trên xuống  $Q$ ;
- Đối với tầng 2 kể từ trên xuống  $0,9 (Q - Q_r) + Q_r$ ;
- Đối với tầng 3 kể từ trên xuống  $0,8 (Q - Q_r) + Q_r$ ;
- Đối với tầng 4 kể từ trên xuống  $0,7 (Q - Q_r) + Q_r$ ;
- Đối với tầng 5 kể từ trên xuống  $0,6 (Q - Q_r) + Q_r$ ;

- Đối với tầng 6 kể từ trên xuống  $0,5 (Q - Q_r) + Q_r$

Ở đây:  $Q_r$  - tải trọng sử dụng tại tầng đang xét.

Tuy nhiên hoạt tải thường không lớn so với tải trọng bản thân (bằng 15 đến 20%) nên khi thiêng về an toàn có thể không xét tới các hệ số giảm tải. Trong tính toán khung nhiều tầng nhiều nhịp, nhất là hệ khung không gian còn cho phép không xét tới các phương án chất tải bất lợi (hoạt tải) trên các sàn.

### *Ảnh hưởng độ lệch tâm của tải trọng thẳng đứng*

Khi tính toán theo các sơ đồ khung - vách tải trọng thẳng đứng xem như tác động đúng tâm. Nhưng trong thực tế tải trọng thẳng đứng tác động lệch tâm trong các trường hợp do thay đổi tiết diện cột, do tải trọng sàn truyền vào tường - vách một bên, do sai lệch tim trực trong thi công.

Đối với các kết cấu khung cột cho phép chỉ xét tới độ lệch tâm khi kiểm tra tiết diện, tính toán cốt thép.

Đối với tường - vách cứng độ lệch tâm có thể xảy ra ở cả hai phương: trong mặt phẳng và theo hướng vuông góc với mặt phẳng tường.

Độ lệch tâm theo hướng thẳng góc gây ra những mômen uốn phụ cũng có thể chỉ xét tới khi kiểm tra tiết diện như trường hợp cột khung. Độ lệch tâm trong mặt phẳng của tường - vách do tải trọng truyền từ đầm, sàn truyền vào không trùng với đường trọng tâm của vách hay của từng nhánh vách và của trường hợp các nhánh vách chịu các phần tải trọng khác biệt nhau nhiều về giá trị. Trong trường hợp này ta có thể xem tác dụng lệch tâm của tải trọng thẳng đứng trong mặt phẳng vách (hình 2.6a) tương đương với tác dụng phối hợp của tải trọng phân bố đúng tâm và mômen phân bố (hình 2.6b). Mômen phân bố theo đơn vị chiều cao nhà xác định như sau:

$$m_i^{td} = q^0 e_i \quad (2.6)$$

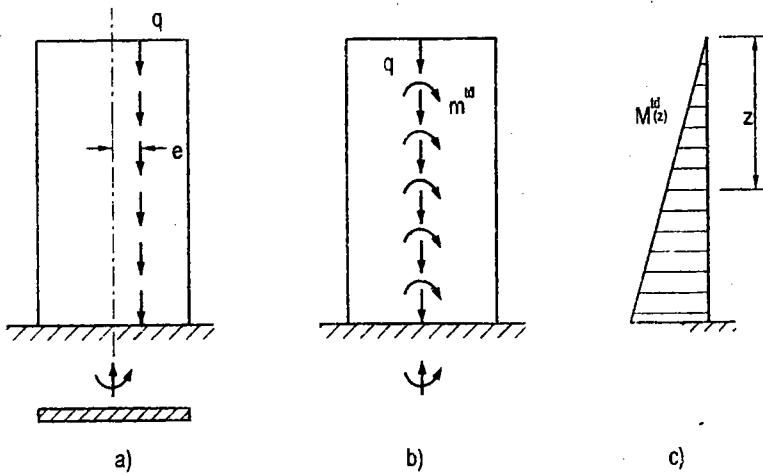
Ở đây:

$$q^0_i = \frac{\sum Q_i \text{tầng}}{H}$$

$Q_i$  - tải trọng thẳng đứng tác dụng lên cấu kiện i theo diện tích truyền tải tương ứng của từng tầng;

H - chiều cao nhà.

Mômen lệch tâm gây ra mômen uốn  $M_i^{td}(z) = m_i^{td} \cdot z$  (hình 2.6c).



**Hình 2.6.** Tải trọng đứng tác dụng lệch tâm

Tải trọng phân bố đều tác dụng đúng tâm lên vách nếu được liên kết khớp với các hệ chịu lực khác (khung giàng) sẽ chỉ gây ra nén đều và không ảnh hưởng đến các hệ kết cấu khác. Nhưng nếu các nhánh của vách được liên kết với nhau hoặc với các cột khung bằng các liên kết trượt (những lanh tô trên lỗ cửa có chiều cao lớn, hoặc xà ngang trong các khung liên vách chủ yếu chống cắt) thì phần tải trọng chính tâm này vẫn có thể ảnh hưởng tới các hệ chịu lực khác (khung, khung - vách) và gây nên những biến dạng không gian của toàn hệ. Điều này có thể xảy ra nếu tỷ số giữa tải trọng  $q_i^0$  trên diện tích tiết diện ngang của cầu kiện thẳng đứng được gọi là tải trọng riêng tác dụng vào các nhánh vách hay cột không bằng nhau (hình 2.7a):

$$\frac{q_i^0}{A_i} \neq \frac{q_{i+1}^0}{A_{i+1}} \quad (2.7)$$

Ở đây:

$A = EF$  - độ cứng dọc trục;

$E$  - mô đun biến dạng;

$F$  - diện tích tiết diện ngang cầu kiện thẳng đứng đang xét.

Trong trường hợp này mỗi nhánh tường có xu hướng biến dạng khác nhau dưới tác dụng của các tải trọng riêng khác nhau. Nhưng các liên kết trượt cản trở các biến dạng này và gây ra biến dạng của toàn hệ. Ví dụ cho trường hợp điển hình vách có một dãy lỗ cửa với hai nhánh chịu các tải trọng như trên hình (2.7b) ta luôn có thể đưa về trường hợp các tải trọng riêng bằng nhau và các mômen lệch tâm của chúng là  $m_i^d$  và:

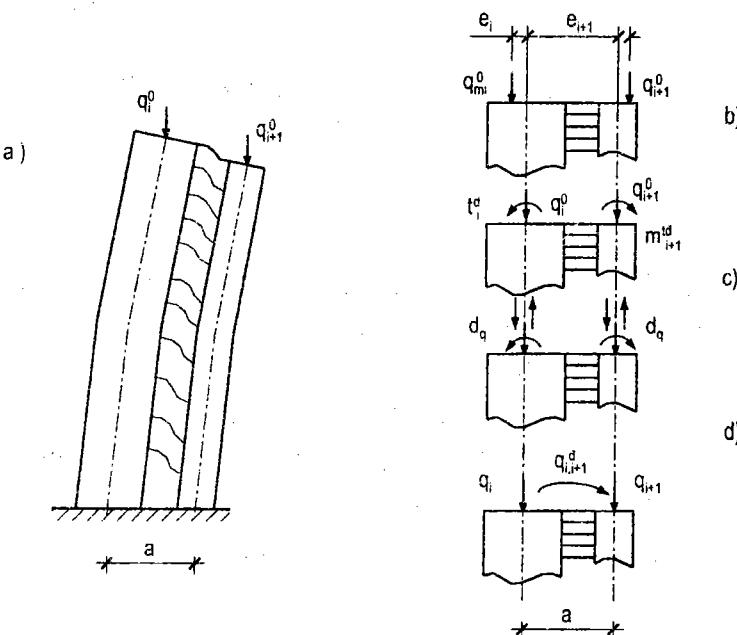
$$m_{i+1}^0 = \Delta q_i a = \frac{q_i^0 - \beta q_i^0}{1 + \beta} a \quad (2.8)$$

Ở đây  $\beta = \frac{A_{i+1}}{A_i}$  (2.9)

$$\pm \Delta q = \frac{q_i^0 + q_{i+1}^0}{1 + \beta} - q_i^0 = q_{i+1}^0 - \frac{q_i^0 + q_{i+1}^0}{1 + \beta} \beta \quad (2.10)$$

a - khoảng cách giữa tâm các nhánh tường - vách.

Biểu đồ mômen  $M^d(z) = m^d z$  cũng có dạng như biểu đồ  $M^d$  trên (hình 2.7).



*Hình 2.7. Sơ đồ các mảng tường cùng biến dạng dưới tác dụng của tải trọng thẳng đứng lệch tâm*

## 2.2.2. Tải trọng gió

Tác động của gió thể hiện dưới dạng các ngoại lực phân bố và tăng dần theo chiều cao công trình. Thông thường quy ước từ mặt đất hoặc từ cao độ san nền công trình đến chiều cao 10m áp lực gió được xem là phân bố đều và càng lên cao biểu đồ áp lực gió có dạng đường cong thoái, và thường thay bằng dạng hình thang (hình 2.10).

Áp lực gió tính theo tác động thẳng góc với mặt ngoài ngôi nhà và công trình và được xem là tĩnh đối với nhà cao dưới 40m. Khi chiều cao nhà trên

40m ngoài áp lực tĩnh còn phải xét tới *thành phần động* của gió do lực quán tính gây ra khi dao động của nhà và công trình.

Theo TCVN-2737-1995 giá trị tiêu chuẩn thành phần tĩnh của tải trọng gió ở độ cao so với mốc chuẩn xác định theo công thức:

$$W = W_0 \cdot k \cdot c, \quad (2.11)$$

Trong đó:  $W_0$  - giá trị áp lực gió lấy theo bản đồ phân vùng lãnh thổ

Theo TCVN 2737-1995, lãnh thổ Việt Nam được chia thành năm vùng I, II, III, IV và V tương ứng với áp lực tiêu chuẩn 65, 95, 125, và 185 daN/m<sup>2</sup>.

Đối với nhà và công trình xây dựng ở các địa điểm đặc biệt thuộc vùng núi, vùng biển, hải đảo với địa hình phức tạp giá trị áp lực gió  $W_0$  phải lấy theo số liệu thống kê đáng tin cậy của nhiều năm đo đạc tại chỗ hoặc ở địa điểm gần nhất. Khi đó áp lực gió  $W$  xác định theo công thức:

$$W_0 = 0,0613 v_0^2, \quad (2.12)$$

Ở đây:

$v_0$  - vận tốc gió (m/s) ở độ cao 10m so với với mốc chuẩn (vận tốc trung bình trong khoảng thời gian 3 giây bị vượt trung bình một lần trong 20 năm) tương ứng với địa hình dạng B;

$k$  - hệ số tính đến sự thay đổi áp lực gió theo độ cao so với mốc chuẩn và dạng địa hình xác định theo bảng 2 tiêu chuẩn;

$c$  - hệ số khí động lấy theo bảng 2 tiêu chuẩn;

Giá trị tiêu chuẩn thành phần động của tải trọng gió  $W_p$  ở độ cao Z được xác định như sau:

a) Đối với công trình và các bộ phận kết cấu công trình có tần số dao động riêng cơ bản f lớn hơn giá trị giới hạn của tần số dao động riêng f quy định ở bảng 2 tiêu chuẩn được xác định theo công thức:

$$W_p = W \zeta v, \quad (2.13)$$

Trong đó:

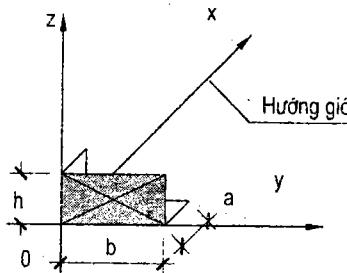
$W$  - giá trị tiêu chuẩn thành phần tĩnh tải trọng gió ở độ cao tính toán xác định theo (2.6);

$\zeta$  - hệ số áp lực động của tải trọng gió ở độ cao Z lấy theo bảng phụ lục TCVN 2737 - 1995.

$v$  - hệ số tương quan không áp lực động của tải trọng gió. Hệ số này được lấy theo bề mặt tính toán của công trình trên đó xác

định các tương quan động. Bề mặt tính toán gồm có phần bề mặt tường đón gió, khuất gió, tường bên, mái và các kết cấu tương tự mà qua đó áp lực gió truyền lên các bộ phận kết cấu công trình.

Nếu bề mặt kết cấu công trình có dạng hình chữ nhật và được định hướng song song với các trục cơ bản (hình 2.8) thì hệ số v xác định theo bảng 2 tiêu chuẩn theo các tham số ρ và γ.



**Hình 2.8. Hệ tọa độ xác định hệ số tương quan v**

b) Đối với các nhà có mặt bằng đối xứng có  $f_i < f_L$  và mọi công trình có  $f_L < f_2$  với  $f_i$  và  $f_2$  là tần số dao động riêng thứ nhất và thứ hai của công trình được xác định theo công thức:

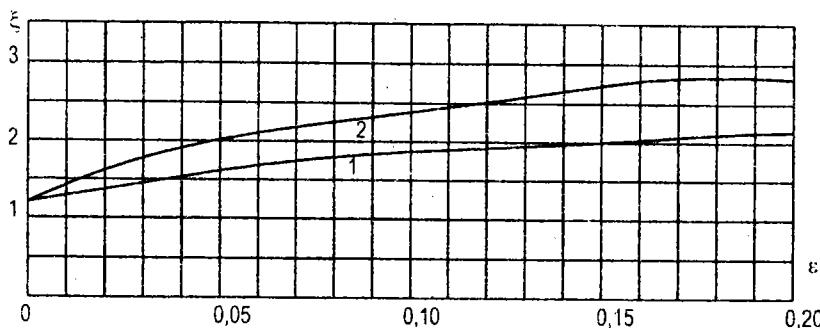
$$W_p = m \cdot \xi \cdot \psi \cdot y, \quad (2.14)$$

Trong đó:

m - khối lượng của phần công trình mà trọng tâm ở độ cao z;

ξ - hệ số động lực được xác định bằng đồ thị ở hình 2.9 phụ thuộc vào thông số ε và độ giảm lô-ga δ của dao động;

$$\xi = \frac{\sqrt{\gamma W_0}}{940 f_i} \quad (2.15)$$



**Hình 2.9. Đồ thị xác định hệ số động lực, ε**

Trên hình (2.9) đường cong 1 ứng với công trình bê tông, gạch đá, các công trình bằng khung thép có kết cấu bao che ( $\delta = 0,3$ ); đường cong 2 ứng với các tháp, trụ bằng thép, ống khói, các thiết bị dạng cột bằng thép, có bê tảng bê tông cốt thép ( $\delta = 0,15$ );

$\gamma = 1,2$  - hệ số độ tin cậy của tải trọng gió cho nhà và công trình có thời gian sử dụng giả định là 50 năm. Khi thời gian sử dụng giả định khác đi thì phải nhân với hệ số cho trong bảng phụ lục 2 tiêu chuẩn;

$W_0$ - giá trị áp lực gió tiêu chuẩn;

$y$  - chuyển vị ngang của công trình ở độ cao z ứng với dạng dao động riêng thứ nhất (đối với nhà có mặt bằng đối xứng cho phép lấy y bằng chuyển vị do tải trọng ngang phân bố đều đặt tĩnh gây ra);

$\psi$  - hệ số được xác định bằng cách chia công trình thành từng phần, trong phạm vi mỗi phần tải trọng gió không đổi ta có:

$$\psi = \frac{\sum y_k W_{pk}}{\sum y_k^2 M_k} \quad (2.16)$$

Ở đây:

$M_k$  - khối lượng thứ k của công trình, đường cong "1" ứng với các công trình bê tông cốt thép và gạch đá;

$y_k$  - chuyển vị ngang của trọng tâm phần thứ k ứng với dạng dao động riêng thứ nhất;

$W_{pk}$ - thành phần động phân bố đều của tải trọng gió ở phần thứ k của công trình xác định theo công thức (2.18).

Giá trị tiêu chuẩn thành phần động tải trọng gió ở độ cao z xác định theo công thức

$$w_p = \frac{1,4z\xi W_{ph}}{h} \quad (2.17)$$

Ở đây:  $W_{ph}$ - giá trị tiêu chuẩn thành phần động của tải trọng gió ở độ cao H tại đỉnh công trình xác định theo công thức (2.13).

Các công trình có  $f_s < f_L$  cần tính toán động lực có kể đến s dạng dao động đầu tiên, được xác định từ điều kiện:

$$f_s < f_L < f_{s+1} \quad (2.18)$$

Theo tiêu chuẩn hiện hành các giá trị tải trọng gió thay đổi liên tục theo chiều cao nhà và công trình và biểu đồ tải trọng gió có dạng đường gãy khúc (hình 2.10) kể từ điểm cách đế nhà và công trình 10m. Để tiện việc tính toán đường gãy khúc 1 được thay bằng đường thẳng 2 với các giá trị  $q$  ở đỉnh nhà và  $q^H$  ở đế nhà xuất phát từ điều kiện cân bằng diện tích và vị trí trọng tâm của hai biểu đồ theo các quan hệ sau đây:

$$a = \frac{2H - 3C}{3C - H} \quad (2.19a);$$

$$q = \frac{2F}{(1+a)H} \quad (2.19b)$$

Trong đó:

$C = S/H$  - vị trí trọng tâm biểu đồ;

$S$  - mômen tĩnh đối với đế nhà;

$F$  - diện tích biểu đồ gãy khúc.

Các công thức (2.19a), (2.19b) luôn thoả mãn điều kiện đưa các biểu đồ gãy khúc về dạng hình thang tương ứng với các giá trị mômen ngầm và lực cắt ngang tại đế nhà là không đổi.

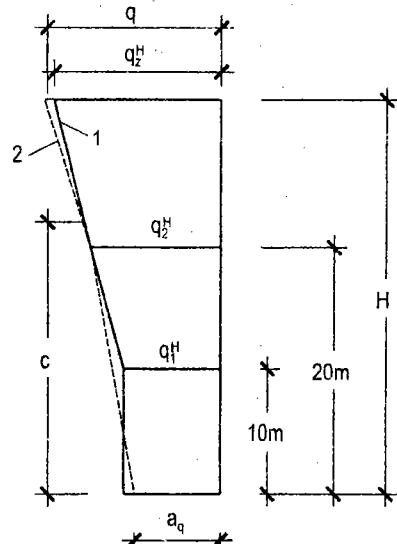
Thành phần động của tải trọng gió phụ thuộc vào chu kỳ  $T$  dao động riêng của ngôi nhà. Tuy nhiên việc xác định chính xác những giá trị của  $T$  không phải lúc nào cũng cần thiết bởi độ chính xác này ít ảnh hưởng đến thành phần động của tải trọng gió. Theo tính toán thiết kế và xây dựng hàng loạt nhà cao tầng ở nước ngoài cho phép tính theo công thức gần đúng sau đây:

$$T = 0,021H \quad (2.20)$$

Ở đây:

$T$  - chu kỳ dao động riêng của ngôi nhà tính bằng giây (s);

$H$  - chiều cao nhà tính từ đế đến đỉnh nhà bằng mét,(m).



**Hình 2.10.** 1. Biểu đồ áp lực gió tiêu chuẩn; 2. Biểu đồ áp lực gió quy về dạng hình thang tương đương

Tương tự như xác định tải trọng gió tĩnh theo biểu đồ hình thang (hình 2.10) các giá trị thành phần động tính toán của áp lực gió được xác định như sau:

Tại đỉnh nhà:

$$q^{*q} = W_0 (1 + \xi) \cdot k \cdot c \cdot 1,2 \quad (2.21)$$

Tại đế nhà:

$$q^p = 0,65 W_0 \cdot c \cdot 1,2, \quad (2.22)$$

Ở đây:

$W_0$  - áp lực gió tiêu chuẩn lấy theo bảng phân vùng tải trọng gió;

1,2 - hệ số độ tin cậy;

k - hệ số tăng áp lực gió theo chiều cao;

c - hệ số khí động lấy theo tiêu chuẩn;

$\xi$  - hệ số áp lực động tính tại đỉnh nhà theo dạng địa hình.

Tại bất kỳ điểm nào trên chiều cao ngôi nhà cũng được xác định theo công thức:

$$q_{(x)} = q^p \left( 1 + \frac{a-1}{H} x \right) \quad (2.23)$$

Trong đó: x - toạ độ tính từ đỉnh nhà.

### 2.2.3. Tải trọng động đất

#### *Khái niệm chung*

Động đất hoặc địa chấn là những rung động tự nhiên của vỏ trái đất có phương hướng và cường độ thay đổi theo thời gian. Trong thời gian động đất, chuyển động của nền đất làm phát sinh ra các lực quán tính ở các bộ phận công trình. Bởi vậy động đất không chỉ ảnh hưởng trực tiếp tới nền móng công trình mà còn gây dao động, biến dạng kết cấu thân nhà dẫn tới nứt nẻ, hư hỏng, phá hoại cục bộ hoặc toàn bộ ngôi nhà.

Việc thiết kế kháng chấn (chống động đất) là nhằm bảo vệ, hạn chế đến mức thấp nhất tác hại do động đất gây ra cho nhà và công trình xây dựng trong vùng có động đất. Trước hết chúng ta hãy xem xét một số khái niệm cơ bản về động đất sau đây:

- Sóng địa chấn là sóng dàn hồi vật lý hình thành do việc giải phóng năng lượng từ điểm (chấn tiêu) phát ra năng lượng do động đất.

- Cường độ động đất: Để đánh giá cường độ động đất người ta dựa vào hậu quả của nó đối với nhà và công trình hoặc năng lượng gây ra trận động đất ấy. Hiện nay trên thế giới sử dụng nhiều thang đo cường độ động đất, trong số đó hai thang sau đây được dùng phổ biến:

#### *Thang MSK-64*

Để đáp ứng với yêu cầu kỹ thuật trong lĩnh vực xây dựng, xét tới mức độ ảnh hưởng của động đất tới công trình, năm 1964 Medvedev cùng Sponhuer và Karnic đã đề ra thang đo cường độ động đất MSK-64. Để xây dựng thang MSK-64 các tác giả trước hết phân loại tác dụng phá hoại của động đất đến các công trình xây dựng, sau đó đánh giá cường độ động đất qua hàm chuyển dịch cực đại của con lắc tiêu chuẩn có chu kỳ dao động riêng  $T = 0,25\text{s}$ . Thang MSK-64 có 12 cấp. Từ cấp 1 đến cấp 6 là động đất nhẹ không gây ảnh hưởng lớn đến nhà và công trình.

Từ cấp 7 đến cấp 9 là động đất mạnh cần được xét đến trong thiết kế nhà, công trình. Từ cấp 10 trở lên là động đất có mức độ huỷ diệt.

#### *Thang Richter*

Thay cho việc đánh giá cường độ thông qua việc đánh giá hậu quả của nó, năm 1935 Ch. Richter đã đề ra thang đo cường độ động đất bằng cách đánh giá gần đúng năng lượng được giải phóng ở chấn tiêu. Theo định nghĩa, độ lớn M (Magnitud) của một trận động đất bằng logarit thập phân của biên độ cực đại A( $\mu\text{m}$ ) ghi được tại một điểm cách chấn tâm D = 100 km trên máy đo địa chấn có chu kỳ dao động riêng  $T = 0,8\text{s}$ :

$$M = \log A$$

Quan hệ giữa năng lượng (Egi) được giải phóng ở chấn tiêu với Magnitud được tính theo công thức:

$$\log E = 9,9 - 1,9M - 0,024M^2$$

Về mặt lý thuyết thang M. Richter bắt đầu bằng con số 0 và không có giới hạn trên. Nhưng cho đến nay người ta chưa đo được trận động đất nào có M đạt đến 9.

#### *Bản đồ phân vùng động đất*

Để dự báo các trận động đất có thể xảy ra trong tương lai và làm cơ sở cho việc xây dựng tiêu chuẩn kháng chấn, ở mỗi quốc gia đều phải nghiên

cứu tinh hình động đất trong khoảng thời gian dài tới nghìn năm và lập ra hai loại bản đồ phân vùng động đất: bản đồ phân vùng động đất lanh thổ, và bản đồ vi phân vùng động đất. Trên các bản đồ thể hiện các đặc trưng động đất lớn nhất có thể xảy ra và tác động của nó đến các công trình xây dựng, ảnh hưởng của nền đất, gia tốc cực đại và chu kỳ trội của nền đất, tương tác động lực của nền - công trình.

Bản đồ phân vùng động đất theo thang MSK-64 trên toàn lãnh thổ nước ta đã được đưa vào bộ Quy chuẩn xây dựng Việt Nam từ năm 1997. Theo TCXDVN – 375: 2006 - Tiêu chuẩn thiết kế công trình chịu động đất đã đưa vào bản đồ phân vùng động đất mới theo gia tốc nền lanh thổ Việt Nam với chu kỳ lặp 500 năm, nền loại A (đá gốc).

#### **2.2.4 Các phương pháp xác định tải trọng động đất**

Việc xác định tải trọng động đất (lực quán tính) tác dụng lên công trình một cách chính xác là một việc làm rất khó khăn vì phụ thuộc nhiều vào tính chất chuyển động địa chấn, các tính chất động học công trình và đặc trưng cơ lý của nền đất. Hiện nay trong nhiều tiêu chuẩn thiết kế kháng chấn của các nước đều sử dụng một trong hai phương pháp xác định tải trọng động đất sau đây:

- Phương pháp động lực: xác định trực tiếp trạng thái ứng suất - biến dạng các kết cấu chịu tải từ các gia tốc do ghi được chuyển động của nền đất khi động đất xảy ra.

Nội dung phương pháp này đã được trình bày trong tiêu chuẩn mới được ban hành TCXDVN 375: 2006, tuy nhiên việc xác định tải trọng tác động vào công trình còn cần đến các phần mềm chuyên dụng.

- Phương pháp tĩnh lực: thay thế các lực động đất thực tác dụng lên công trình bằng các lực tĩnh ảo có hiệu ứng tương đương nên còn gọi là phương pháp tải trọng ngang thay thế. Việc xác định tải trọng động đất theo phương pháp này tương đối đơn giản và đã được sử dụng vào thiết kế các công trình, nhà cửa ở trong và ngoài nước từ trước đến nay, trong đó có tiêu chuẩn của CHLB Nga và của Hoa Kỳ được giới thiệu sau đây đã và đang được sử dụng để tính toán các công trình xây dựng quan trọng trong nước.

#### **Xác định tải trọng động đất theo tiêu chuẩn SNiPII-7-81\* (CHLB Nga)**

Tiêu chuẩn thiết kế kháng của CHLB Nga CHuП II-7-81\* là tiêu chuẩn của Liên Xô trước đây đã được biên soạn bổ sung và có hiệu lực từ năm

1998. Tải trọng động đất được xác định theo cấp động đất theo thang MSK-64. Nếu sử dụng các giá trị từ đinh gia tốc nền tại địa điểm xây dựng có thể chuyển đổi sang cấp thang MSK- 64 hay thang M - Richter theo phụ lục K tiêu chuẩn TCXDVN 375: 2006.

Động đất có thể tác động lên nhà theo phương bất kỳ trong không gian. Nhà cao tầng thường được thiết kế với hình dáng mặt bằng và mặt đứng đơn giản, nên tải trọng động đất được xem như tác động theo hai phương theo các trục dọc và ngang của nhà. Tuy nhiên, khi mặt bằng nhà phức tạp cần chọn phương pháp tính toán bất lợi nhất.

Tác động của tải trọng động đất theo phương thẳng đứng của nhà cao tầng có thể không xét tới. Theo tiêu chuẩn, đối với các kết cấu công xon nằm ngang hoặc xiên, kết cấu vòm, dàn khâu độ từ 24m trở lên xây dựng trong vùng động đất còn phải tính toán theo phương thẳng đứng.

Tải trọng động đất tính toán ngang theo phương đã chọn trên tầng thứ k ở dạng dao động thứ i, được xác định theo công thức

$$S_{ik} = K_1 \cdot K_2 \cdot S_{oik}, \quad (2.24)$$

Trong đó:

$K_1$  - hệ số xét tới sự hư hỏng cho phép trong ngôi nhà, công trình, được lấy bằng:

1- khi không cho phép có biến dạng dư và các hư hỏng cục bộ (lún, nứt,...), đồng thời không vượt quá 1,5;

0,25 - khi cho phép có biến dạng dư, có nứt và hư hỏng cục bộ, gây khó khăn cho sử dụng bình thường công trình, nhưng vẫn an toàn cho người, cho các thiết bị trong nhà và công trình;

0,12 - cho phép có biến dạng dư lớn, nứt, hư hỏng từng bộ phận, làm ngưng trệ tạm thời sử dụng công trình (nhà công nghiệp, nông nghiệp một tầng).

$K_2$  - hệ số kết cấu lấy bằng:

$1 + 0,1(n - 5)$  cho nhà khung, блок lớn có số tầng lớn hơn 5;

0,9 - cho nhà tắm lớn hay tường bê tông đổ liền khối có số tầng ít hơn 5, và khi  $n > 5$  thì lấy bằng  $0,9 + 0,75(n - 5)$ ;

$S_{oik}$  - giá trị tải trọng động đất ứng với dạng dao động riêng thứ i của công trình được xác định theo công thức:

$$S_{oik} = Q_k \cdot A_i \cdot \beta_i \cdot K_w \cdot n_{ik} \quad (2.25)$$

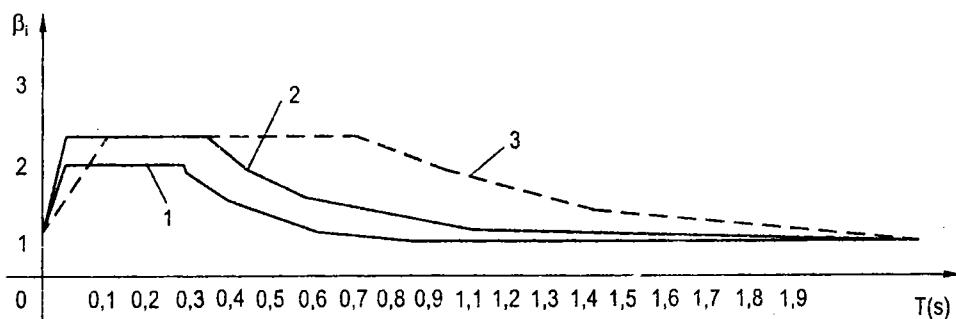
Ở đây:

$Q_k$  - trọng lượng tầng nhà thứ k tính ngang mức sàn có xét tới các hệ số giảm tải;

A - hệ số lấy bằng 0,1; 0,2; 0,4 ứng với động đất cấp 7, 8, 9 thang MSK-64.

$\beta_i$  - hệ số động lực, phụ thuộc vào chu kỳ dao động riêng và vào loại đất nền và có thể tính theo các công thức dưới đây hoặc theo đồ thị (hình 2.11).

Cho đất nền loại I (nền đá gốc chưa bị phong hoá, đá hòn lớn, chưa quá 30% đất sét và cát lấy theo đường cong 1 (hình 2.11);



Hình 2.11. Biểu đồ xác định hệ số động lực

$$\begin{array}{lll} \text{Khi} & T_i \leq 0,08s & \beta_i = 1 + 15T_i \\ \text{Khi} & 0,08s < T_i \leq 0,318s & \beta_i = 2,2 \\ \text{Khi} & T_i > 0,38s & \beta_i = 0,7/T_i \end{array} \quad (2.26)$$

Cho đất loại II, III - đá gốc phong hoá mạnh, đá hòn lớn, cát sạn, sỏi chật đến chật vừa, cát hạt nhỏ có chiều dày bằng hoặc nhỏ hơn 30m - lấy theo đường cong 2 (hình 11.4):

$$\begin{array}{lll} \text{Khi} & T_i \leq 0,1s & \beta_i = 1 + 15T_i \\ \text{Khi} & 0,1s < T_i \leq 0,4s & \beta_i = 2,5s \\ \text{Khi} & T_i > 0,4s & \beta_i = 1/T_i \end{array} \quad (2.27)$$

Cho đất loại II, III như trên nhưng có chiều dày lớn hơn 30m lấy theo đường cong 3 (hình 2.11):

$$\begin{array}{lll} \text{Khi} & T_i \leq 0,2s & \beta_i = 1 + 7,5T_i \\ \text{Khi} & 0,2 < T_i \leq 0,76s & \beta_i = 2,5 \\ \text{Khi} & T_i > 0,76s & \beta_i = 1,9/T_i \end{array} \quad (2.28)$$

Trong các công thức 2.26 ÷ 2.28:

$T_i$  - chu kỳ dao động riêng dạng thứ i và trong mọi trường hợp  $\beta_i$  không được nhỏ hơn 0,8.

$K_w$  - hệ số xét đến mối tương quan giữa các kích thước, của kết cấu, của nhà hoặc công trình được lấy bằng:

1,5 - cho công trình chiều cao lớn và kích thước mặt bằng nhỏ như tháp, trụ, ống khói, lối thang máy đứng độc lập, và nhà khung mà tường chèn không chịu lực, khi có tỷ lệ chiều cao khung H trên chiều cao tiết diện cột khung h theo phương tác động của tải trọng động đất  $H/h \geq 25$ ;

1 - cũng như trên khi tỷ số  $H/h < 15$ .

$n_{ik}$  - hệ số phụ thuộc vào chuyển vị của công trình ở dạng dao động riêng thứ i, và vào điểm đặt tải trọng, được xác định như sau:

Đối với nhà được tính theo sơ đồ thanh công xon:

$$n_{ik} = \frac{X_i(x_k) \sum_{j=1}^n Q_j X_i(x_j)}{\sum_{j=1}^n Q_j X_i^2(x_j)} \quad (1.29)$$

Ở đây:

$X_i(x_k), X_i(x_j)$  - chuyển vị công trình ở dạng dao động thứ i tại điểm k đang xét và trên tất cả các điểm j khi trọng lượng của tầng nhà được xem như tải trọng tập trung;

$Q_j$  - trọng lượng tầng nhà tính ở điểm j, có xét tới hệ số giảm tải  $n_c$ .

$x_k, x_j$  - khoảng cách từ các điểm k và j đến mặt trên móng.

Đối với nhà cao đến 5 tầng, khi tải trọng và độ cứng ít thay đổi theo chiều cao tầng, khi chu kỳ dao động riêng  $T_j < 4s$  thì hệ số  $n_k$  được tính như sau:

$$n_k = \frac{x_k \sum_{j=1}^n Q_j x_j}{\sum_{j=1}^n Q_j x_j^2} \quad (2.30)$$

Khi xác định nội lực trong kết cấu chịu lực của ngôi nhà có thể chỉ xét tới 3 dạng dao động riêng ban đầu, nếu như ở dạng dao động thứ nhất chu kỳ dao động  $T_1 > 0,4$  s. Lúc này tải trọng động đất toàn phần  $S_{ik}$  cho ba dạng dao động được xác định theo công thức:

$$S_{ik} = \sqrt{S_{ki}^2 + S_{k2}^2 + S_{k3}^2} \quad (2.31)$$

Ở đây:

$S_{k1}, S_{k2}, S_{k3}$  - tương ứng với các giá trị tải trọng động đất ở dạng dao động thứ 1, 2, 3.

Còn khi  $T_1 \leq 0,4$ s thì chỉ xét tới dạng dao động thứ nhất.

Các nội lực tính toán  $N_p$  như mômen uốn, lực dọc, lực cắt, mômen lật, ứng suất pháp, ứng suất tiếp sinh ra trong kết cấu do tải trọng động đất với giả thiết tác động tĩnh vào công trình có thể xác định theo công thức:

$$N_p = \sqrt{\sum_{j=1}^n N_i^2} \quad (2.32)$$

Ở đây:

$N_i$  - giá trị nội lực hay ứng suất trong tiết diện đang xét do tải trọng động đất ở dạng dao động thứ i;

n - số dạng dao động được xét.

Khi xét tới tổ hợp tải trọng đặc biệt có tác động của tải trọng động đất cần lấy hệ số tổ hợp  $n_c$  như sau:

0,9 - cho tải trọng thường xuyên;

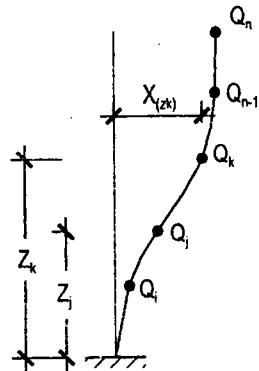
0,8 - cho tải trọng tạm thời dài hạn;

0,5 - cho tải trọng tạm thời ngắn hạn tác động trên sàn và mái.

Khi tính toán kết cấu theo cường độ và ổn định, ngoài các hệ số điều kiện làm việc lấy như trong tiêu chuẩn, còn cần bổ sung hệ số điều kiện làm việc  $m_{kp}$  bằng:

1,2 - cho bê tông nặng, cốt thép nhóm AI, AII, AIII;

1,1 - như trên, nhưng với cốt thép nhóm khác.



Hình 2.12

Khi kiểm tra theo tiết diện nghiêng trong kết cấu bê tông cốt thép dùng cốt thép thanh và sợi:

Cột nhè nhiều tầng  $m_{kp} = 0,9$ ;

Các cấu kiện khác  $m_{kp} = 1$ .

### **Xác định tải trọng động đất theo tiêu chuẩn kháng chấn UBC (Uniform Building Code 1979) của Hoa Kỳ**

Theo tiêu chuẩn kháng chấn của Mỹ cũng như của một số nước khác tải trọng động đất được xác định từ việc xác định lực cắt ngang ở chân công trình trước rồi sau đó mới phân phối lên các tầng. Tổng lực cắt tại chân công trình do chuyển động địa chấn gây ra ở dạng dao động thứ I được xác định theo biểu thức:

$$F_i = C_i Q \quad (2.33)$$

Trong đó:

Q - trọng lượng toàn bộ công trình;

$C_i$  - hệ số địa chấn ở dạng thứ i;

$$C_i = ZIKCS \quad (2.34)$$

Ở đây:

Z - hệ số cường độ địa chấn,  $Z = (3/16) - 1$ ;

I - hệ số tầm quan trọng công trình lấy bằng 1 - 1,5;

K - hệ số giảm chấn, lấy bằng 0,67 cho kết cấu mềm; 0,8 cho hệ khung giàn; 1,3 cho hệ kết cấu hỗn hợp và bằng 1 cho các loại kết cấu khác;

C - hệ số động lực:

$$C = \frac{1}{15\sqrt{T_i}} \leq 0,12$$

S - hệ số cộng hưởng nền đất - kết cấu:

$$S = 1 + \frac{T_i}{T_0} - 0,5 \left( \frac{T_i}{T_0} \right)^2 \geq 1 \text{ khi } \frac{T_i}{T_0} \leq 1,0$$

Và:  $S = 1,2 - 0,6 \left( \frac{T_i}{T_0} \right) - 0,3 \left( \frac{T_i}{T_0} \right)^2 \geq 1 \text{ khi } \frac{T_i}{T_0} \geq 1,0$

Ở đây:  $T_0$  là chu kỳ dao động đặc trưng của nền đất.

Sau khi xác định được lực cắt toàn phần tại chân công trình do động đất theo công thức (2. 32) được xem như tổng tải trọng để phân phối cho các tầng trung gian như sau:

$$F_i = \frac{Q - F_1}{\sum Q_i h_i} \quad (2.35)$$

Trong đó:

$Q_i$  - tải trọng thẳng đứng tác dụng lên tầng thứ i;

$h_i$  - chiều cao tầng thứ i kể từ mặt nền nhà.

Theo một số tiêu chuẩn thiết kế nhà và công trình trong vùng động đất của nước ngoài thì có thể không tính toán với tải trọng động đất tới cấp 7 theo thang MSK - 64, nhưng phải tuân thủ các yêu cầu cấu tạo kháng chấn đối với kết cấu chịu lực và kết cấu tự mang như tường bao che, vách ngăn (xem chương 6).

Những công trình xây dựng trong vùng áp lực gió từ II đến V của Việt Nam, khi tính toán có xét tới thành phần động của gió, các giá trị nội lực trong kết cấu thường lớn hơn các giá trị tính theo động đất cấp 7, nên tùy cấp độ, tầm quan trọng công trình mà có thể chỉ cần dùng các biện pháp cấu tạo kháng chấn cho kết cấu theo các tiêu chuẩn thiết kế hiện hành.

### Chương 3

## TÍNH TOÁN CÁC HỆ CHỊU LỰC THEO SƠ ĐỒ PHẲNG

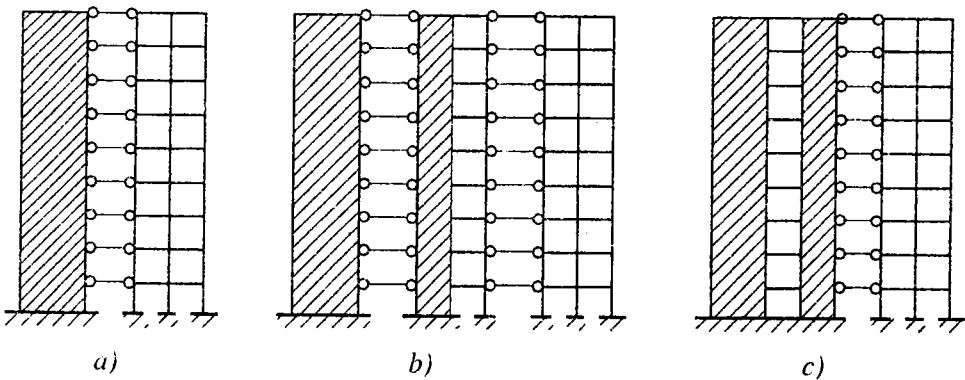
### 3.1. HỆ KHUNG - VÁCH

Trong nhà cao tầng hệ chịu lực khung - vách thường được bố trí song song với nhau theo một hay hai phương trên mặt bằng nên có thể dùng sơ đồ khung - giằng phẳng để tính toán cho toàn hệ.

Tùy theo cấu tạo của các vách cứng có thể có các sơ đồ tính toán khác nhau như trên hình (3.1):

- Khung - vách đặc (hình 3.1a).
- Khung - vách đặc và vách liên khung (hình 3.1b).
- Khung - vách có lỗ cửa (hình 3.1c).

Trước khi tính toán cả hệ ta hãy xem xét sự làm việc độc lập của hệ khung nhiều tầng nhiều nhịp dưới tác dụng của tải trọng ngang.

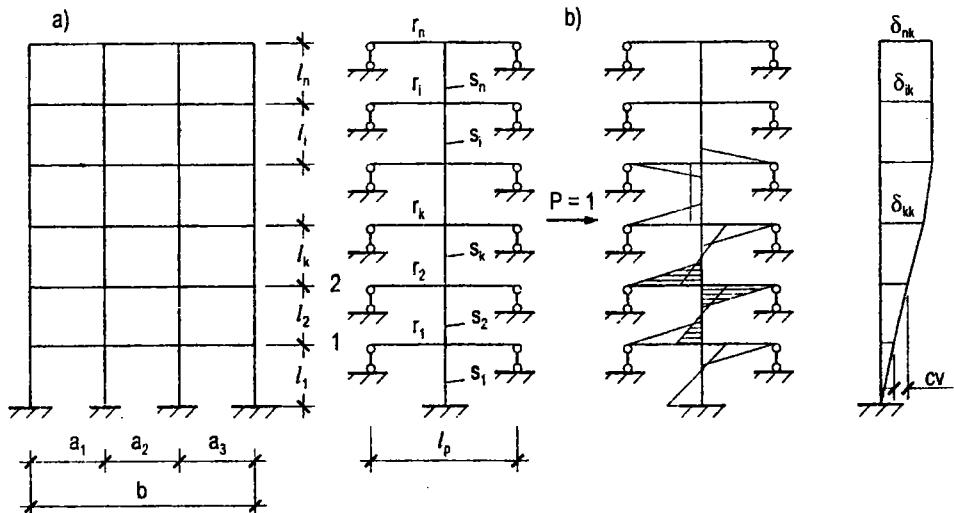


Hình 3.1. Các sơ đồ tính toán hệ chịu lực hệ khung - vách

### 3.2. CHUYỂN VỊ NGANG CỦA KHUNG NHIỀU TẦNG, NHIỀU NHỊP

Khi tính toán chuyển vị ngang của khung nhà nhiều tầng dưới tác dụng của tải trọng ngang có thể xem là một cách gần đúng rằng góc xoay của các

nút trên một xà ngang là bằng nhau. Như vậy có thể đơn giản hóa sơ đồ tính chuyển vị của khung như trên hình (3.2b).



**Hình 3.2. Sơ đồ tính chuyển vị ngang của khung:**  
a) Sơ đồ kết cấu; b) Sơ đồ tính chuyển vị

Gọi  $S_i$  là tổng độ cứng đơn vị của các cột của tầng thứ  $i$ ,  $r_i$  là tổng độ cứng đơn vị của xà ngang của tầng thứ  $i$  tính với  $l_p$  là giá trị trung bình của các nhịp xà ngang,  $l_i$  - chiều cao của tầng thứ  $i$ ,  $n$  là số tầng của khung.

Trong sơ đồ cơ bản này, chuyển vị ngang do  $P = 1$  được tính theo các công thức sau:

$$\delta_{11} = \frac{1}{12} (S_1 + R_1) \quad (3.1)$$

$$\delta_{kk} = \frac{1}{12} \left( S_k + R_k + \frac{l_k^2}{4r_k} \right) \quad (3.2)$$

Trong đó:  $k = 2, 3, \dots, n$ ;

$$\delta_{ki} = \delta_{ik} = \delta_{k,k+1} = \dots = \delta_{kn} = \delta_{kk} + \frac{l_k l_{k+1}}{48r_k} \quad (3.3)$$

Trong đó:

$$S_k = \sum_i^n \frac{k l_i^2}{s_i} \quad (3.4)$$

$$R_1 = \frac{l_1^2}{4r_1 + 0,33s_1} \quad (3.5)$$

$$R_2 = \frac{(l_1 + l_2)^2}{4r_1 + 0,33s_1} \quad (3.6)$$

$$R_k = R_{k-i} + \frac{(l_1 + l_2)^2}{4r_{k-1}}; k = 3, 4, \dots, n \quad (3.7)$$

Trong công thức (3-1) và (3-2) số hạng  $S_k$  biểu thị ảnh hưởng độ cứng của cột tới chuyển vị của khung, còn  $R_k$  biểu thị ảnh hưởng độ cứng của xà ngang.

Chuyển vị ngang của khung do tải trọng ngang đặt ở tất cả các tầng được tính theo công thức:

$$y = \delta_{k1} P_1 + \delta_{k2} P_2 + \dots + \delta_{kn} P_n; \quad (3.8)$$

Khi số tầng  $n \geq 6$  và nếu như cho rằng các lực cắt tầng:

$$Q_k = \sum_{i=1}^n P_i; i \geq k \quad (3.9)$$

thì chuyển vị của khung có thể xác định như tổng các chuyển vị ngang đầu mút các cột:

$$y = \sum_{i=1}^k Q_i c_i; i \leq k \quad (3.10)$$

$c_i$  - độ lệch của tầng do lực đơn vị tác dụng theo phương ngang như trên hình (3.2).

Đối với khung nhà nhiều tầng có kết cấu đều đặn với chiều cao tầng  $l$  như nhau và độ cứng theo đơn vị chiều dài là  $s$  và  $r$  giống nhau cho tất cả các tầng, độ lệch  $c$  do lực đơn vị  $P = 1$  có thể tìm được bằng cách nhân phần biểu đồ có đường gạch l với nhau như trên hình (3.2):

$$c = \sum \int \frac{M^2}{B} dx = \frac{l^2}{12} \left( \frac{1}{s} + \frac{1}{r} \right); \quad (3.11)$$

Gọi  $A$  là độ cứng chống trượt của khung với ý nghĩa là lực gây nén góc lệch  $\psi = A \frac{c}{l} = 1$ , suy ra ta có  $A = \frac{l}{c}$  hay:

$$A = \frac{12}{l(s^{-1} + r^{-1})} \quad (3.12)$$

Khi số tầng  $n \geq 16$  có thể xem các xà ngang như được bố trí liên tục trên chiều cao khung. Do vậy, các tải trọng tập trung có thể xem như phân bố đều  $p(x)$  và từ công thức (3.9) có thể viết:

$$y = \int_0^x Q_c \frac{c}{l} dx = \int_0^x \frac{Q_0}{A} dx \quad (3.13)$$

Ở đây:

$Q_0$  - lực cắt do tải trọng phân bố đều;

$x$  - toạ độ tiết diện ngang khung.

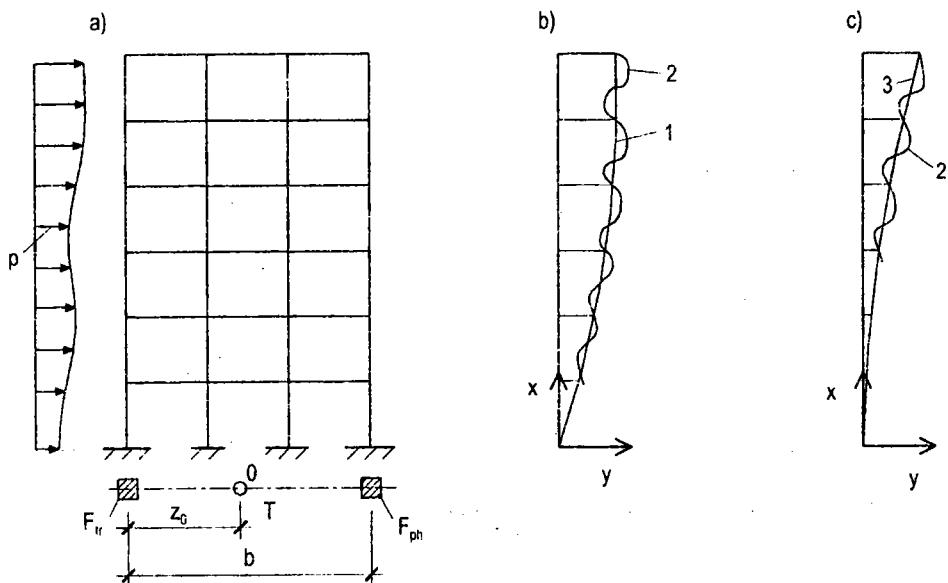
Lấy tích phân lần lượt biểu thức (3.13) ta được:

$$Ay' = Q_0; \quad (3.14)$$

$$Ay'' = -p(x). \quad (3.15)$$

Từ đó cho thấy mối quan hệ giữa lực cắt và tải trọng với chuyển vị là đạo hàm bậc một và bậc hai của hàm chuyển vị.

Trên biểu đồ chuyển vị (hình 3.3) ta thấy khung chịu uốn như một hệ chịu cắt. Đường cong số 1 hướng vào phía xuất phát, còn đường cong số 2 thay đổi độ cong trong phạm vi mỗi tầng. Đây là trường hợp khi độ cứng của cột tương đương hoặc nhỏ hơn độ cứng của xà ngang.



Hình 3.3

Khi độ cứng của cột lớn hơn độ cứng của xà ngang (trường hợp thường gặp trong nhà cao tầng) thì đường cong uốn của cột thay đổi theo đường số 3 vì lực cắt  $By''$  phụ thuộc vào tổng độ cứng uốn của cột  $B = \sum B_j$ . Ngoài ra do ảnh hưởng của biến dạng nén, kéo do lực dọc trực khi chịu tải trọng ngang, các cột biên làm việc tương tự như thanh công xon tổ hợp với khoảng cách hai nhánh là  $b$  (hình 3.3) và độ cứng  $B_0$ . Tại các cột giữa khung nhiều nhịp có các nhịp thường không chênh nhau nhiều, lực cắt thường không lớn vì chúng bằng hiệu các giá trị lực cắt của các xà ngang liền kề. Mômen  $M = N_b$  làm xoay các cột một góc có giá trị:

$$\int_0^x \frac{M}{B_0} dx = \frac{b}{B_0} \int_0^x N dx \quad (3.16)$$

Vậy khi xét tới các biến dạng dọc trực biểu thức (3.14) lực cắt có dạng:

$$A \left( y' + \frac{b}{B_0} \int_0^x N dx \right) = Q_0 \quad (3.17)$$

Phương trình tổng quát cân bằng lực cắt trên tiết diện ngang của khung có dạng:

$$-By'' + Ay' + \frac{Ab}{B_0} \int_0^x N dx = Q_0 \quad (3.18)$$

Lực dọc được xác định theo phương trình cân bằng mômen cũng trên tiết diện đó:

$$N = \frac{M_0 - M}{b} = \frac{M_0 - By''}{b} \quad (3.19)$$

Trong đó:

$M_0$  - mômen do ngoại lực tại tiết diện  $x$ ;

$M = -By''$  là tổng mômen của cột khung.

Đưa giá trị  $N$  từ công thức (3.19) vào (3.18) rồi lấy tích phân theo  $x$  ta có:

$$By^{IV} - Av^2 y'' - \frac{AM_0}{B_0} - p(x) = 0 \quad (3.20)$$

Nếu thay biến mới  $w = By$  vào (3.19) ta có phương trình giải cuối cùng sau đây:

$$s^2 w^{IV} - w'' - \frac{v^2 - 1}{v^2} M_0 - s^2 p(x) = 0 \quad (3.21)$$

ở đây:  $s = \frac{B}{Av^2}$  (3.22)

Nghiệm của phương trình (3.21) có dạng:

$$w = C_1 + C_2 m\varphi + C_3 \sin \varphi + C_4 \cos \varphi + C_0 \quad (3.23)$$

Trong đó:

$C_i$  - các hằng số tích phân;

$C_0$  - nghiệm riêng, phụ thuộc dạng tải trọng;

$\varphi = x/s$  - tọa độ không thứ nguyên; (3.24)

$\lambda = H/s$  - đặc trưng độ cứng khi  $x = H$ ; (3.25)

$H = H_0 n/(n - 0,5)$  - chiều cao tính toán ngôi nhà; (3.26)

$H_0$  - chiều cao kể từ chân ngầm đến trục xà ngang trên cùng.

Đối với những khung thông thường, độ cứng của cột nhỏ so với độ cứng của xà ngang, nên có thể bỏ qua số hạng thứ nhất trong công thức (3.20),  $v^2 = 1$ ,  $B \approx 0$ , do đó (3.20) có dạng:

$$Ay'' + A M_o / B_o + q(x) = 0 \quad (3.27a)$$

Điều kiện biên để giải phương trình (3.27a) là:

$$1) y(0) = 0; \quad 2) Ay'(0) = Q_o(0) \quad (3.27b)$$

Khi tải trọng phân bố đều  $p(x) = p$ , suy ra điều kiện:

$$3) M_o = -0,5p(H-x)^2 \quad (3.27c)$$

Từ kết quả giải phương trình (3.27a), với các điều kiện biên ta có biểu thức chuyển vị ngang của khung như sau:

$$y = \frac{ph^2}{2A} \left( 2\xi - \xi^2 \right) + \frac{ph^4}{8B_0} \left( 2\xi^2 - \frac{4\xi^3}{3} + \frac{\xi^4}{3} \right). \quad (3.28)$$

Ở đây:  $\xi = x/H$  - là tọa độ không thứ nguyên.

Chuyển vị ngang tại đỉnh khung khi  $\xi = 1$  là:

$$f = \frac{QH^2}{2A} + \frac{QH^4}{8B_0} = \left( \frac{QH^2}{2A} \right) \left( \frac{1 + \lambda_p^2}{4} \right) \quad (3.29)$$

Trong đó:

H- chiều cao tính toán nhà lấy theo (3.26), nếu  $n \geq 16$  lấy  $H = H_0$ .

$\lambda_p$  - đặc trưng độ cứng của khung có xét đến ảnh hưởng của lực dọc trong cột:

$$\lambda_p = H \sqrt{\frac{A}{B_0}} \lambda_p \quad (3.30)$$

Kết quả nghiên cứu cho thấy nếu  $\lambda_p < 0,7$  ta có thể bỏ qua ảnh hưởng của lực dọc trong cột và trong tính toán cho  $v^2 = 1$ .

Để xác định độ cứng  $B_0$  của khung ta quy ước như sau:

$F_{tr}$ ,  $F_{ph}$  là tổng diện tích diện các cột trái và cột phải so với đường trọng tâm của khung, nếu là khung nhiều nhịp hoặc đối xứng thì lấy theo trực đối xứng;  $z_0$  - khoảng cách từ trực cột trái đến trọng tâm tiết diện ngang khung (hình 3.3) khi đó ta có:

$$z_0 = \frac{F_{ph}b}{F_{ph} + F_{tr}} = \frac{b}{1 + \frac{F_{tr}}{F_{ph}}} \quad (3.31)$$

Mômen quán tính của tiết diện ngang khung:

$$J_0 = F_{tr}z_0^2 + F(b - z_0)^2 = \frac{F_{tr}b^2}{1 + \frac{F_{tr}}{F_{ph}}}; \quad (3.32)$$

Độ cứng uốn của khung:

$$B_0 = \frac{E_b F_{tr} b^2}{1 + \frac{F_{tr}}{F_{ph}}} \quad (3.33)$$

Trường hợp khung đối xứng  $F_{tr} = F_{ph} = F$  ta có:

$$B_0 = \frac{E_b F b^2}{2} \quad (3.34)$$

Như vậy ta thấy độ cứng  $B_0$  phụ thuộc vào độ cứng dọc  $E_b F$  của cột khung.

### 3.3. TÍNH TOÁN HỆ KHUNG - VÁCH ĐẶC

Ta hãy xét trường hợp hệ có vách đặc giằng với khung theo sơ đồ khung giằng. Từ giả thiết sàn cứng vô cùng trong mặt phẳng, khung và vách có chuyển vị ngang nên độ cứng của hệ có thể viết như sau:

$$B = \Sigma B_j + B_v$$

Ở đây:  $\Sigma B_j$  - tổng độ cứng cột khung;

$B_v$  - tổng độ cứng của vách cứng.

Khi tổng độ cứng của cột khung quá nhỏ so với tổng độ cứng của vách có thể cho  $B = B_v$ . Như vậy hệ có dạng đường cong uốn tuân theo công thức(3.21) và ta dùng lời giải (3.24) với các điều kiện biên sau:

$$1) w(0) = 0; \quad 2) w'(0) = 0; \quad 3) -w''(0) = Q_0(0); \quad 4) w''(\lambda) = 0.$$

Để tìm lời giải riêng  $C_0$  trong (3.24) ta xét trường hợp tải trọng ngang phân bố đều theo chiều cao:  $p(x) = p$  và có mômen uốn và lực cắt:

$$M_o = -0,5pH^2(1-\xi)^2; \quad Q_o = pH(1-\xi)^2;$$

Vậy:

$$C_0 = -\frac{ps^4\varphi^2}{2v^2} + \frac{ps^4\lambda^4(v^2-1)}{2v^2} \left( \frac{\xi^2}{2} - \frac{\xi^3}{3} + \frac{\xi^4}{12} \right) \quad (3.35)$$

Từ các điều kiện biên ta lập được hệ phương trình đại số tuyến tính với các ẩn là các hằng số tích phân, kết quả giải ta có:

$$C_1 = -C_3 = -ps^2 \frac{\chi}{v^2} \quad (3.36)$$

$$C_4 = -sC_2 = -ps^4 \frac{\lambda}{v^2} \quad (3.37)$$

Trong đó:  $\chi = \frac{1 + \lambda \operatorname{sh} \lambda}{\operatorname{ch} \lambda}$  (3.38)

Đưa các kết quả vừa nhận được vào (3.24) ta được phương trình chuyển vị của hệ:

$$w = \frac{ps^4}{v^2} \left[ \lambda \varphi - \frac{\varphi^2}{2} + \chi \operatorname{ch} \varphi - \chi \operatorname{sh} \varphi - \chi + \frac{\lambda^4(v^2-1)}{2} \left( \frac{\xi^2}{2} - \frac{\xi^3}{3} + \frac{\xi^4}{12} \right) \right] \quad (3.39)$$

Khi  $\varphi = 1$ , và  $\xi = 1$  cho ta có độ vồng tại đỉnh hệ:

$$f = \frac{pH^4}{2v^2\lambda^2 B} \left[ 1 - \frac{2(\chi - 1)}{\lambda^2} + \frac{\lambda^2(v^2 - 1)}{4} \right] \quad (3.40)$$

Khi xác định nội lực trong hệ, ta sử dụng quan hệ:  $dx = Sd\varphi = H d\xi$ ;  $\lambda s = H$ . Mômen uốn trong vách:

$$M = -w'' = -\frac{pH^2}{v^2} \left[ \frac{1}{2}(1-\xi)^2(v^2-1) - \frac{1}{\lambda^2}(1-\chi ch\varphi + sh\varphi) \right] \quad (3.41)$$

Lực cắt trong vách:

$$Q = M' = \frac{pH}{v^2} \left[ (1-\xi)(v^2-1) + ch\varphi - \frac{\chi}{\lambda} sh\varphi \right] \quad (3.42)$$

Lực cắt trong cột khung:

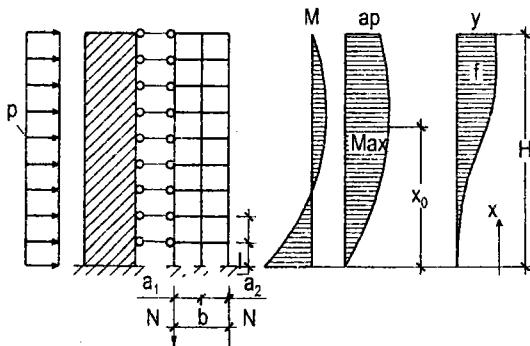
$$Q_p = Q_0 - Q = \frac{pH}{v^2} \left( 1 - \xi + \frac{\chi}{\lambda} sh\varphi - ch\varphi \right) \quad (3.43)$$

Lực doc trong các cột biên của khung xác định từ phương trình cân bằng mômen:

$$N = \frac{M_0 - M}{b} = -\frac{pH^2}{bv^2} \left[ \frac{1}{2}(1-\xi)^2 + \frac{1}{\lambda^2}(1-\chi ch\varphi + \lambda sh\varphi) \right] \quad (3.44)$$

Mômen uốn, lực cắt của hệ được phân phối vào các vách tỷ lệ với độ cứng của chúng. Biểu đồ nội lực và chuyển vị của hệ được thể hiện trên hình (3.5). Trên biểu đồ lực cắt  $Q_p$  của cột có giá trị lớn nhất tại tiết diện có  $\varphi_0$  được xác định từ phương trình đạo hàm bậc nhất của  $Q_p' = 0$ .

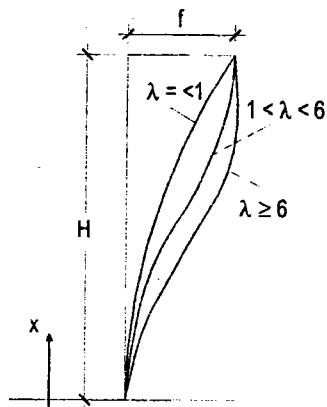
$$Q_p' = -1 + \chi ch\varphi_0 - \lambda sh\varphi_0 = 0, \quad (3.45)$$



Hình 3.4

Lực cắt trong cột  $Q_p \neq 0$  khi  $\varphi = \lambda$  (tại đỉnh hệ) Lực cắt được phân phối vào các cột khung tỷ lệ với độ cứng của chúng. Mômen uốn, lực cắt trong cột và xà ngang được xác định theo giá trị lực cắt được phân phối như đã trình bày ở mục 3.1.1.1.

Kết quả nghiên cứu cho thấy hình dạng đường cong uốn của hệ phụ thuộc vào đặc trưng độ cứng  $\lambda$ . Nếu hệ có độ cứng lớn khi  $\lambda \leq 1$  - hệ biến dạng như thanh công xon. Khi  $\lambda$  tăng đường uốn thay đổi chiều cong và khi  $\lambda \geq 6$  thì đường cong uốn hoàn toàn hướng vào trong (hình 3.4). Như vậy các dạng đường cong uốn có ảnh hưởng lớn tới các đặc trưng động của nhà cao tầng.



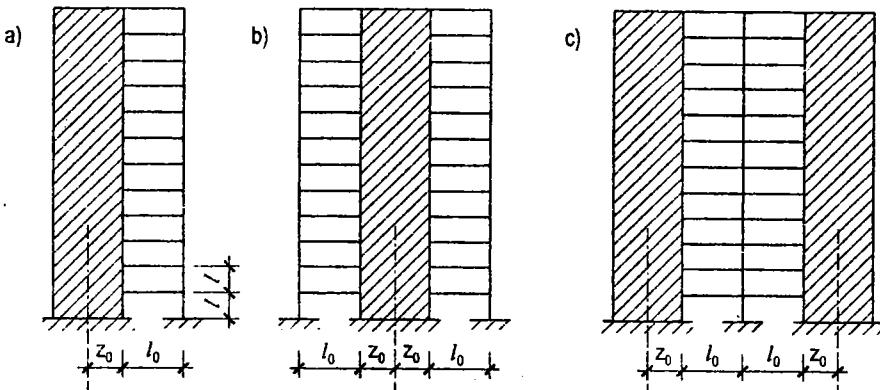
Hình 3.5

### 3.4. TÍNH TOÁN HỆ KHUNG - VÁCH LIỀN KHUNG

Đối với các vách liền khung (hình 3.6) ta chỉ cần xác định tổng độ cứng của hệ cho từng trường hợp cụ thể rồi tiến hành tính toán tương tự như hệ vách đặc.

Tổng độ cứng của hệ, trường hợp chung xác định như sau:

$$B = B_K + B_{VK}, \text{ hoặc } B \approx B_{VK}$$



Hình 3.6

Ở đây:  $B_{VK}$  - tổng độ cứng của vách liền khung. Độ cứng uốn của vách liền khung bao gồm độ cứng của vách và phần khung. Để xác định độ cứng

uốn của phần khung thuộc vách ta phải xét đến các biến dạng đàn hồi của các nút liên kết giữa vách và đầm, cột, khung. Độ cứng này được gọi là độ cứng trượt của hệ khung - vách và được xác định theo công thức:

$$A_{VK} = \frac{3i_d(1+\eta_0)[i_d(1+\eta_0)+(1+2\eta_0)]}{l(i_d+3i_c)} \quad (3.46)$$

Ở đây:  $l$  - chiều cao tầng;

$i_d$  - độ cứng tương đối của đầm khung liền vách;

$i_c$  - độ cứng tương đối của cột khung liền vách;

$$\eta_0 = \frac{z_0}{l_0} \quad \text{ở đây: } l_0 \text{ - chiều dài đầm (xem hình 3.6).}$$

Trường hợp khung liền vách hai phía (hình 3.6b), độ cứng  $A_{VK}$  theo công thức (3.46) được tăng lên gấp đôi. Nếu khung ở giữa hai vách, độ cứng trượt cũng được nhân đôi nhưng giá trị  $i_c$  được nhân với hệ số 0,5. Độ cứng của hệ khung vách có vách liền khung bằng tổng của độ cứng các khung và của vách liền khung:

$$A = \frac{12}{l(s^{-1} + r^{-1})} + A_{KV} \quad (3.47)$$

Trong khung nhiều tầng có  $\lambda_d < 0,7$  thì lực dọc trong cột ít ảnh hưởng đến hệ, trường hợp này lấy  $v^2 = 1$ , thì nội lực và chuyển vị hệ khung vẫn có thể xác định theo như hệ khung - vách đặc nêu trên.

Tổng lực cắt của hệ được phân phối vào cột khung  $Q_{kc}$  của hệ và vào cột liền vách  $Q_c$  tỷ lệ với độ cứng trượt của chúng:

$$Q_{kc} = Q_p \frac{A - A_{kv}}{A}; \quad Q_c = Q_p \frac{A_{kv}}{A} \quad (3.48)$$

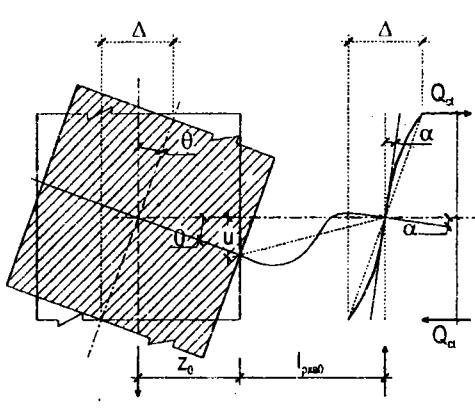
Trong đó:  $Q_p$  - lực cắt trong đầm khung nối với vách.

Mômen tại đầu mút đầm liền vách phụ thuộc vào  $Q_d$  và xác định như sau:

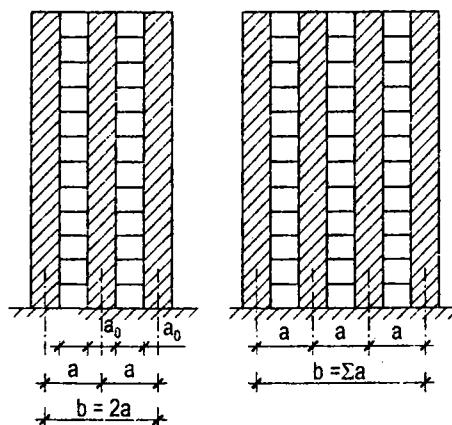
$$\text{Tại mép cột: } M_d = \frac{3i_d(1+\eta_0)\left(6 + \frac{i_d}{i_c}\right)Q_p}{3 + \frac{i_d}{i_c}} \frac{A}{A} \quad (3.49)$$

Tại trục cột:  $M_u = \frac{18(1+\eta_0)i_p Q_p}{3+i_p/i_c} A$  (3.50)

Mômen uốn của cột khung liền vách lấy bằng một nửa mômen đầu mút xà ngang liền kề.



**Hình 3.7.** Sơ đồ biến dạng vách liền khung



**Hình 3.8.** Các sơ đồ vách có lỗ cửa trong hệ giằng chịu lực

### 3.4.1. Tính toán vách có lỗ

Ta hãy xem xét các hệ chịu lực trong nhà cao tầng khi là những vách cứng được liên kết theo sơ đồ giằng. Các vách này không chỉ đặc mà có một hay nhiều dãy lỗ cửa cùng kích thước (hình 3.8).

Các vách có lỗ có thể xem như những khung tương đương nhiều tầng, nhiều nhịp, mà các mảng tường của vách là các cột và các lanh tó cửa là xà ngang của khung. Như vậy độ cứng của cột - tường sẽ thường lớn gấp nhiều lần độ cứng xà ngang - lanh tó cửa do vậy có thể bỏ qua và giá trị  $l/r$  - quá nhỏ so với giá trị  $l/r$ . Vậy theo công thức (3.12) độ cứng trượt của vách có lỗ thì:

$$A = 12r/l \quad (8.51)$$

Ở đây:  $r = \sum i_{ll}$  - tổng độ cứng tương đối của các lanh tó trên cùng một tầng trong vách có nhiều dãy lỗ cửa.

Lanh tó có độ cứng hữu hạn trong khoảng ô cửa, còn vô hạn trong khoảng nằm trong các mảng tường. Như vậy trong tính toán phải lấy giá trị trung

bình độ cứng lanh tô trên chiều dài tính toán xà ngang khung tương đương và lấy bằng  $B_{ll}\gamma^3$  với  $\gamma = a/a_o$ , ở đây:

a - khoảng cách giữa các trục tường vách;

$a_o$  - khoảng cách thông thuỷ của lanh tô.

Độ cứng tương đối của lanh tô:

$$i_h = B_{ll}\gamma^3/ak \quad (3.52)$$

Hệ số: k - xét ảnh hưởng biến dạng trượt của lanh tô xác định như sau:

$$k = 1 + 2,4(h/a_o)^2 \quad (3.53)$$

h - chiều cao của lanh tô.

Nếu các mảng tường trong hệ đều đặc thì tổng độ cứng uốn của hệ bằng tổng độ cứng của các mảng tường  $B = \sum B_j$ ; ở đây  $B_j$  - độ cứng của từng mảng tường. Nếu các vách trong hệ vừa đặc vừa có lỗ (hình 3. 8) thì tổng độ cứng uốn:

$$B = B_V + \sum B_j$$

Tổng độ cứng uốn của vách  $B_0$  (theo tiết diện cắt qua lỗ cửa, không kể tới độ cứng các mảng tường lấy theo các trục của chúng) được xác định theo công thức (3.32). Theo đây khoảng cách  $b = \Sigma a$ , và khi vách có 1 dãy lỗ cửa  $b = a$ . Bởi vậy đối với vách có lỗ cửa có thể sử dụng các công thức (3.39) và (3.40) để xác định độ vông, chuyển vị và mômen uốn của các mảng tường theo công thức (3.41).

Lực dọc trong các mảng tường của vách được xác định:

$$N = -\frac{1}{l} \int_x^H Q_h dx \quad (3.54)$$

Từ đây tìm được lực cắt trong lanh tô:

$$N/l = -\frac{d}{dx} \int_x^H Q_h dx = Q_h \quad (3.55)$$

rồi lấy tích phân (3.44) ta được lực cắt trong lanh tô:

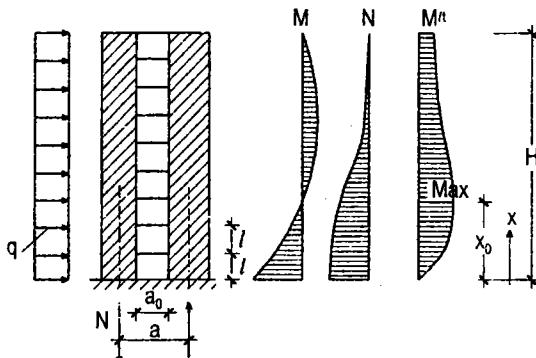
$$Q_h = \frac{pHl}{bv^2} \left( 1 - \xi + \frac{\chi}{\lambda} \operatorname{sh}\varphi - \operatorname{ch}\varphi \right) \quad (3.56)$$

Trong vách có hai dãy lỗ cửa đối xứng thì lực cắt trong lanh tô cùng tầng bằng nhau. Với nhiều dãy lỗ cửa cũng có thể cho chúng bằng nhau với sai số không đáng kể.

Mômen uốn trong lanh tô được xác định theo giả thiết điểm mômen bằng không trùng với điểm giữa chiều dài thông thuỷ lanh tô nên lấy bằng:

$$M_{lt} = Q_{lt} \frac{a_0}{2} \quad (3.57)$$

Biểu đồ nội lực của vách có lỗ cửa thể hiện trên hình (3.9). Mômen lớn nhất trên biểu đồ để phân phôi được xác định theo công thức (3.45).



**Hình 3.9. Sơ đồ tính toán nội lực trong vách có một dãy lỗ cửa**

Mômen uốn trong từng mảng tường của vách cũng xác định bằng cách phân phôi theo tỷ lệ độ cứng của chúng.

Theo điều kiện cân bằng lực cắt tầng, lực cắt do ngoại lực phải cân bằng với lực cắt tại các tiết diện của các mảng tường bằng đạo hàm bậc một của mômen các mảng tường và mômen được phân phôi vào lanh tô M, tức là:

$$M + \bar{M} = Q_0 \quad (3.58)$$

Ở đây:  $\bar{M} = \frac{\sum (Q_{lt} a)}{l} = \frac{Q_{lt} b}{l}$  (3.59)

Lực cắt trong từng mảng tường:

$$Q_j = M \frac{B_j}{B} + \frac{Q_{lt}}{l} (a_{tr} + a_{ph}) \quad (3.60)$$

Ở đây:  $a_{tr}, a_{ph}$  - khoảng cách bên trái và phải kể từ trục của mảng tường tới điểm mômen lanh tô bằng không.

Như trên hình (3.11) cho thấy đường cong uốn của vách có lỗ tương tự đường cong uốn thanh công xon, và phụ thuộc vào giá trị  $\lambda = 1$  đến 9 với  $v^2 = 1,1$  đến 1,3.

Để xác định độ võng đỉnh vách có lỗ, theo công thức (3.40) có thể viết  $f = f_{lt} + f_{mt}$ , ở đây thành phần độ võng do uốn của lanh tô:

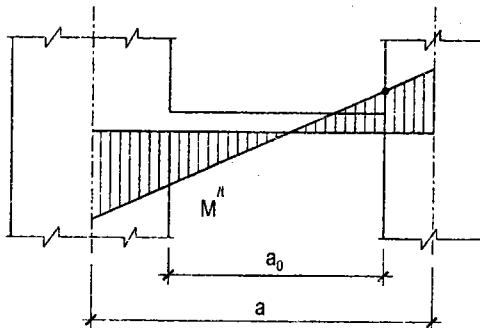
$$f_{lt} = \frac{qH^4}{2v^2\lambda^2 B} \left( 1 - \frac{2(\chi-1)}{\lambda^2} \right) \quad (3.61)$$

$$f_{mt} = \frac{qH^4(v^2-1)}{v^2 B} = \frac{qH^4}{8B_{vl}} \quad (3.62)$$

Độ cứng của vách tại tiết diện qua lỗ cửa được xác định:

$$B_{vl} = \frac{v^2 B}{v^2 - 1} = B_0 + B_j \quad (3.63)$$

Với vách có lỗ  $\lambda = 1$  đến 9 và  $v^2 = 1,1$  đến 1,3 cho vách đặc:



Hình 3.10. Biểu đồ mômen trong lanh tô

### Các thông số $\lambda$ và $v^2$

Qua nghiên cứu tính toán thiết kế nhà khung cao tầng cho thấy hệ khung - giằng có  $\lambda = 0,5$  đến 2. Đối với nhà cao 16 đến 18 tầng đặc trưng  $\lambda_p < 0,7$  nên ảnh hưởng biến dạng dọc trục của cột tối toàn hệ không lớn và có thể bỏ qua, và khi xác định nội lực và chuyển vị có thể cho  $v^2 = 1$ .

Khi tính toán hệ giằng - vách có lỗ, các giá trị của  $\lambda$  có từ 3 đến 9. Nếu  $\lambda = 12$  đến 15, biến dạng của lanh tô không gây ảnh hưởng đáng kể đến độ cứng ngang của ngôi nhà. Trong trường hợp này lấy  $v^2 = 1,1$  đến 1,3.

Cũng cần chú ý khi  $\lambda \geq 3$  trong các công thức xác định chuyển vị và nội lực có thể cho ch  $\lambda = \sinh \lambda$  và  $\chi = \lambda$ .

### Lập các bảng tính sẵn

Để tiện sử dụng trong tính toán cho các trường hợp thông dụng thiết kế các hệ chịu lực nhà cao tầng, trên cơ sở các công thức từ (3.40) đến (3.56) đưa ra những công thức rút gọn với các thông số lấy trong bảng tính sẵn sau đây:

- Tổng mômen uốn tại chân ngầm của vách đặc trong hệ khung - vách hoặc tại chân ngầm các mảng tường hệ vách - giằng xác định theo công thức:

$$M = -\left(\frac{v^2 - 1}{2} + \alpha_1\right) \frac{qH^2}{v^2}; \quad (3.64)$$

- Tổng lực cắt trong các vách đặc thuộc khung - giằng hay của các mảng tường của vách có lỗ cửa hệ vách - giằng tại tiết diện chân ngầm  $Q = qH$  (khi tải trọng ngang phân bố đều) hay lấy bằng tải trọng thực tế:

$$Q = Q_{th,t} \quad (3.65)$$

Các giá trị  $M$  và  $Q$  trên đây được phân phối vào các vách đặc và các vách có lỗ tỷ lệ với độ cứng của chúng.

Tổng lực cắt cột khung:

$$Q_c = \frac{k_1 qH}{v^2} \quad (3.66)$$

Tổng lực cắt trong lanh tó thuộc vách có lỗ cửa:

$$Q_{th} = \frac{k_1 qH}{v^2} \quad (3.67)$$

Lực dọc trong các cột biên thuộc khung nhiều tầng hay của các mảng tường thuộc vách có lỗ cửa ở tầng dưới cùng:

$$N = \frac{M_0 - M}{b}; \quad M_0 = -0,5qH^2 \quad (3.68)$$

Độ võng đính khung trong thuộc hệ khung - giằng hay độ võng đính các mảng tường thuộc vách có lỗ hệ vách - giằng:

$$f = \left( \frac{v^2 - 1}{8} + \alpha_2 \right) \frac{qH^4}{Bv^2} \quad (3.69)$$

Các hệ số  $\alpha_1, \alpha_2, k_1$  lấy trong các bảng 3.1. và 3.2.

**Bảng 3.1. Các giá trị hệ số  $\alpha_1, \alpha_2$  dùng để xác định mômen uốn và độ võng của vách cứng theo sơ đồ khung - giằng và của các mảng tường trong vách theo sơ đồ giằng**

$\lambda$	0	0,5	0,75	1	1,25	1,5	1,75	2	2,5	3	$\lambda \geq 4$
$\alpha_1$	0,5	0,48	0,445	0,41	0,377	0,351	0,32	0,3	0,261	0,232	$\frac{\lambda-1}{\lambda^2}$
$\alpha_2$	0,125	0,117	0,108	0,09	0,079	0,067	0,059	0,05	0,038	0,298	$\frac{0,5-\alpha_1}{\lambda^2}$

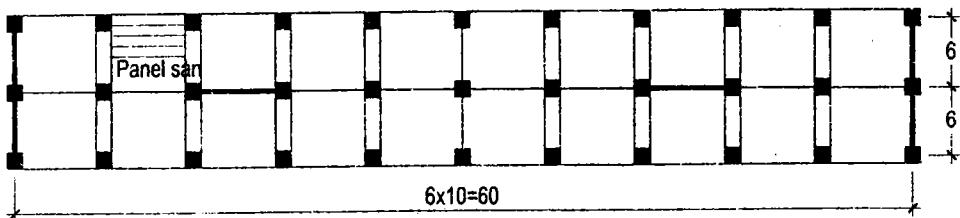
**Bảng 3.2. Các giá trị hệ số  $k_1$  và các toạ độ  $\xi_0$  dùng để xác định tổng lực cắt lớn nhất trong cột theo sơ đồ khung giằng và tổng lực cắt lớn nhất trong các lanh tò của vách có lỗ cửa theo sơ đồ giằng**

$\lambda$	0,5	0,6	0,75	1	0,25	1,5	1,75	2	2,5	3
$k_1$	0,037	0,052	0,075	0,115	0,153	0,187	0,218	0,247	0,297	0,34
$\xi_0$	0,93	0,9	0,85	0,77	0,7	0,63	0,58	0,54	0,47	0,38
$\lambda$	4	5	6	7	8	10	12	15	20	30
$k_1$	0,43	0,48	0,54	0,58	0,62	0,67	0,71	0,75	0,8	0,89
$\xi_0$	0,35	0,32	0,3	0,28	0,26	0,23	0,21	0,18	0,15	0,11

### 3.4.2. Thí dụ tính toán

#### Thí dụ 3.1

Xác định độ võng và nội lực trong các hệ chịu lực khung vách của ngôi nhà 16 tầng bê tông cốt thép, có mặt bằng trên hình (3.11). Lưới cột 6x6m; chiều cao tầng  $l = 3m$ ; chiều cao nhà  $H_o = 48m$ . Tiết diện xà ngang 25x50cm; tiết diện cột không thay đổi trên các tầng 45x45cm. Vách cứng bố trí theo hai phương cùng chiều dày 14cm. Sàn tầng lắp ghép từ các tấm panen đúc sẵn được liên kết tạo thành hệ sàn cứng. Số hiệu bê tông 300. Tải trọng tiêu chuẩn ngang giả thiết phân bố đều tương đương trên chiều cao nhà là  $q_{lc}$ .



**Hình 3.11. Măt bằng nhà hệ khung - giằng**

Kết quả tính toán độ cứng của các cấu kiện được thể hiện trong bảng 3.3.

**Bảng 3.3**

Độ cứng	Cột	Dầm
Uốn	$B_c = 9,1 \cdot 10^4 \text{ kN.m}^2$	$B_d = 7 \cdot 10^4 \text{ kN.m}^2$
Theo đơn vị chiều dài	$i_c = 3,03 \cdot 10^4 \text{ kN.m}$	$i_d = 1,17 \cdot 10^4 \text{ kN.m}$
Tổng độ cứng uốn	$S = 7 \cdot 10^4 \text{ kNm}$	$r = 18,7 \cdot 10^4 \text{ kNm}$
Tổng độ cứng dọc trực các cột biên	$E_b F = 4,3 \cdot 10^7 \text{ kN}$	$r = 18,7 \cdot 10^4 \text{ kNm}$

Độ cứng uốn của 3 vách ngang:  $B = 3,87 \cdot 10^7 = 261 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2$

Độ cứng trượt các khung theo công thức (3.12):

$$A = \frac{12 \cdot 10^4}{3(73^{-1} + 18,7^{-1})} = 60 \cdot 10^4 \text{ kN}$$

Độ cứng uốn của toàn bộ khung theo công thức (3.33):

$$B_0 = 0,5 \cdot E_b F b^2 = 0,5 \cdot 4,3 \cdot 10^7 \cdot 12^2 = 310 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2$$

Chiều cao tính toán ngôi nhà theo (3.25):

$$H = H_0 \frac{n}{n-0,5} = 48 \frac{16}{16-0,5} \approx 48 \text{m}$$

Đặc trưng độ cứng của hệ khung theo (3.29):

$$\lambda_d = H \sqrt{\frac{A}{B_0}} = 48 \sqrt{\frac{60 \cdot 10^4}{261 \cdot 10^7}} = 0,67 < 0,7$$

Như vậy có thể bỏ qua ảnh hưởng của biến dạng dọc trực trong tính toán và cho  $v^2 = 1$ .

Đặc trưng độ cứng của toàn hệ khung giằng theo (3.24):

$$\lambda = H \sqrt{\left(\frac{v^2 A}{B}\right)} = 48 \sqrt{\frac{60.10^4}{261.10^7}} = 0,73$$

Vậy độ võng đinh nhà theo (3.69) và bảng (3.2):

$$f = \frac{\alpha_2 p H^4}{B} = \frac{0,109.48^4 p}{261.10^7} = 2,20.10^{-4} p$$

Ở đây:

$p$  - tải trọng ngang tiêu chuẩn phân bố theo 1 m chiều cao và nhân với  
chiều dài ngôi nhà  $p_w = W_o L$ , ( $W_o$  - áp lực gió tiêu chuẩn  $kN/m^2$ );

$L$  - chiều dài ngôi nhà;

Độ võng đinh nhà cần phải thoả mãn điều kiện  $f \leq H/1000 = 4800/1000 = 4,8\text{cm}$ .

Nội lực xác định theo tải trọng tính toán  $q_{ut}$ .

Tổng mômen uốn tại chân ngầm vách cứng theo công thức (3.64) và  
bảng (3.1):

$$M = -\alpha_1 q_{ut} H^2 = 0,48.48^2 q_{ut} = -1035 q_{ut}$$

Cho mỗi vách:

$$M_i = -(1/3). 1035 q_{ut} = -345 q_{ut}$$

Lực cắt của vách tại chân ngầm  $Q = q_{ut} H$  hay theo tải trọng thực tế  $Q = Q_{th,t}$

Tổng lực cắt lớn nhất trong cột khung theo (3.66) và bảng (3.2):

$$Q_d = k_1 p_u = 0,072.48 q_{ut} = 3,46 q_{ut}$$

cho mỗi khung ( $n = 8$ ):

$$Q_d = \frac{1}{8} 3,46 q_{ut} = 0,43 q_{ut}$$

Lực cắt tại các cột liền khung tầng một (trên tầng hầm nếu có) theo (3.68):

$$N = \frac{(M_0 - M)}{b} = -(0,5 - 0,45) \frac{48^2}{12} q_{ut} = -9,6 q_{ut}$$

Đối với mỗi cột biên:

$$N = -\frac{1}{8} 9,6 q_{ut} = -1,2 q_{ut}$$

Hệ số giảm độ cứng của các cột biên với  $i_d/i_c = 1,17/3,03 = 0,39$ , theo  
bảng (3.1) có  $\beta = 0,55$  ta tính được lực cắt ở các cột biên:

$$Q = Q_p \frac{\beta}{1+2\beta} = \frac{0,55}{2,1} 0,43 q_{ut} = 0,11 q_{ut}.$$

và cột giữa:  $Q = 0,21 q_{ut}$ .

Còn mômen uốn trong cột có thể xác định theo lực cắt được xác định theo các công thức sau đây:

- Đối với cột các tầng trừ tầng một:

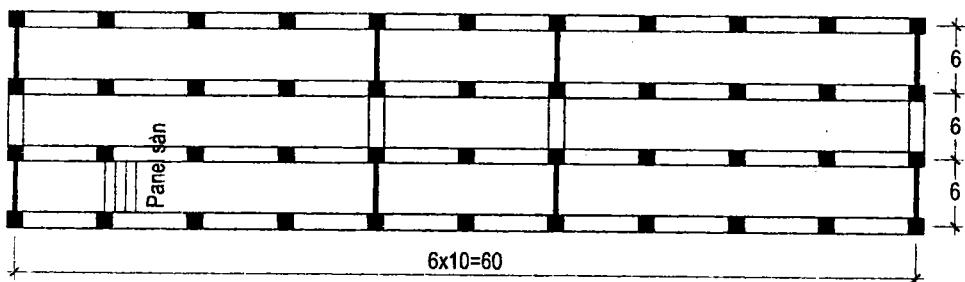
$$M = 0,5 Q l.$$

- Đối với cột tầng một ở nút trên và dưới:

$$M_{tr} = Q \frac{l}{3}; \quad M_{dưới} = Q \frac{2l}{3}.$$

### Thí dụ 3.2:

Xác định độ võng và nội lực theo tải trọng ngang ngôi nhà 16 tầng, làm việc theo sơ đồ giằng với 4 vách có một dãy lỗ cửa giống nhau. Panen gác theo phương ngang, cột không chịu lực theo phương ngang (hình 3.12). Lưới cột  $6 \times 6$  m; Chiều dài nhà  $L = 10 \times 6 = 60$ m; Chiều cao tầng 4,2m; Chiều cao  $H_o = 67,2$ m. Cột cùng tiết diện  $45 \times 45$ cm. Tiết diện lanh tô cửa:  $30 \times 120$ cm. Bê tông M300. Chiều dày vách đúc sẵn không đổi được liên kết với cột và dầm: 14cm.



**Hình 3.12. Măt bằng nhà với 4 vách có lỗ cửa**

Độ cứng của lanh tô khi chưa xét đến biến dạng trượt như tiết diện đặc:  $B = E_\delta J = 116 \cdot 10^4$  kN.m $^2$ . Theo công thức (3.53):

$$k = 1 + 2,4(h/a_0)^2 = 1 + 2,4(1,3/(6 - 0,45))^2 = 1,13$$

vậy khi xét tới biến dạng trượt:

$$B_l = 116 \cdot 10^4 / 1,13 = 103 \cdot 10^4 \text{ kN.m}^2$$

Khoảng cách giữa tâm của các mảng tường:  $b = a = 12m$ ;

Chiều dài thông thuỷ lanh tô:  $a_o = 5,55m$ ;  $\gamma = a/a_o = 2,16$ .

Độ cứng tương đối theo chiều dài của lanh tô xác định theo (3.52):

$$i_{lt} = 103 \cdot 10^3 \cdot 2,16^3/12 = 86 \cdot 10^4 \text{ kN.m}^2$$

Độ cứng trượt của vách có một dãy lỗ cửa theo công thức (3.51):

$$A = 12 \cdot 86 \cdot 10^4 / 4,2 = 247 \cdot 10^4 \text{ kN},$$

Độ cứng uốn các mảng tường trong vách:

$$B_1 = B_2 = 15,8 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2;$$

Tổng độ cứng uốn của 2 mảng tường:

$$B = 31,6 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2;$$

Độ cứng dọc trực các mảng tường:

$$E_b F = 3,5 \cdot 10^7 \text{ kN}$$

Theo công thức (3.33):

$$B_v = 0,5 E_b F b^2 = 0,5 \cdot 3,5 \cdot 10^7 \cdot 12^2 = 252 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2$$

Độ cứng uốn của vách theo tiết diện qua lỗ cửa:

$$B_v = B_0 + B = 283,6 \cdot 10^7 \text{ kN.m}^2.$$

Theo công thức (3.23):

$$\nu^2 = 1 + B/B_0 = 1 + 31,6 \cdot 252 \cdot 10^7 / 252 \cdot 10^7 = 1,125.$$

Chiều cao tính toán nhà:  $H = H_o = 67,2m$ .

Đặc trưng  $\lambda$  của vách theo (3.24) :

$$\lambda = H \sqrt{\frac{\nu^2 A}{B}} = 67,2 \sqrt{\frac{1,125 \cdot 247 \cdot 10^4}{31,6 \cdot 10^7}} = 6,3$$

Do vị trí 4 vách đặt cách đều nhau, nên tải trọng ngang tiêu chuẩn tác động vào mỗi vách bằng  $1/4 q_{lc}$  tính trên toàn chiều dài nhà (các vách có độ cứng bằng nhau). Độ võng đỉnh vách theo công thức (3.69) và theo bảng (3.2):

$$f_2 = [(1,125 - 1)/8] \cdot [(67,2^4 q_{lc})/(31,6 \cdot 10^7 \cdot 1,125)] = 13,9 \cdot 10^{-4} q_{lc};$$

còn độ võng của vách không có biến dạng của lanh tô:

$$f_1 = (q_{lc} H^4)/8B_v = 9 \cdot 10^{-4} q_{lc}.$$

Như vậy do ảnh hưởng biến dạng của lanh tô, độ vồng vách tăng lên  $f_1/f_2 = 13,9/9 = 1,53$  lần.

Tổng mômen uốn của các mảng tường tại chân ngầm theo công thức (3.64) xác định như sau:

$$M = - \left( \frac{1,125 - 1}{2} + 0,134 \right) \frac{67,2^2}{1,125} q_{uu} = - 790 q_{uu};$$

và cho mỗi mảng tường  $M_i = -790 q_{uu}/2 = 390 q_{uu}$ .

Tổng lực cắt của các mảng tường tại chân ngầm:

$$Q = qH, \text{ hay } Q = Q_{thuc}$$

Lực cắt lớn nhất của lanh tô theo công thức (3.67) và theo bảng (3.2):

$$Q_{li} = (0,55 \cdot 67,2 \cdot 4,2 q_{uu})/(12 \cdot 1,125) = 11,6;$$

Mômen uốn lanh tô:

$$M = Q_{li} a_0/2 = 0,5 \cdot 11,6 \cdot 5,55 q_{uu} = 32,2 q_{uu};$$

Lực dọc trong các mảng tường tại tiết diện chân ngầm theo công thức (3.68):

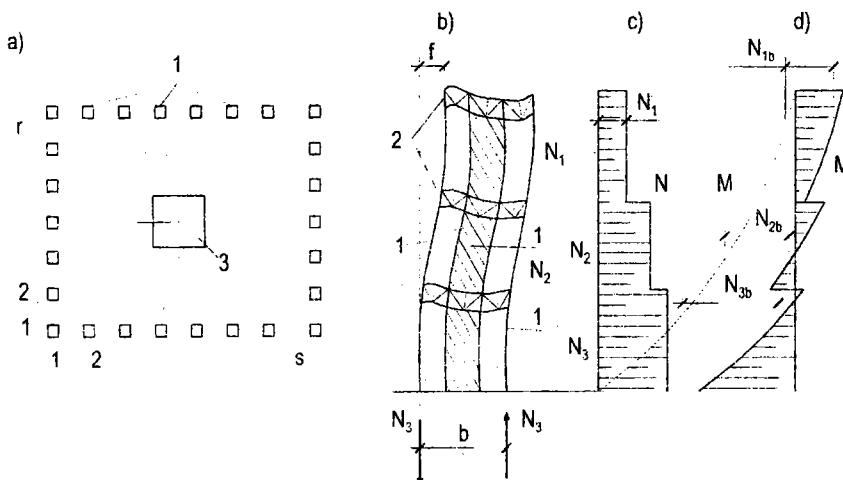
$$N = 0,5 \cdot (67,2^2 - 790) q_{uu}/12 = - 123 q_{uu}.$$

Cần chú ý trong hai thí dụ trên, tải trọng ngang tiêu chuẩn  $q_{ue}$  dùng cho tính độ vồng và tải trọng tính toán  $q_{uu}$  dùng cho tính nội lực, được quy đổi về phân bố đều trên chiều cao nhà. Qua thí dụ trên cho thấy cách xác định chuyển vị và nội lực trong các hệ theo sơ đồ khung - giằng và sơ đồ giằng khá đơn giản và thuận tiện, khi hệ tường, khung đặt song song với nhau theo phương chịu lực chính của ngôi nhà. Những kết quả tính toán trên đây đều có thể sử dụng trong thiết kế nhà cao tầng khi chịu tác động của các thành phần động của tải trọng gió động hay sau khi xác định được tải trọng động đất theo các tiêu chuẩn hiện hành.

### 3.5. TÍNH TOÁN HỆ LÔI (HỘP) CÓ TẦNG CỨNG

Hệ chịu lực lõi (hộp) hoặc hộp trong hộp thường dùng cho nhà có chiều cao lớn bởi vậy trên chiều cao nhà thường phải bố trí các tầng kĩ thuật. Các tầng kĩ thuật này là một hệ kết cấu có kích thước lớn có khi bằng chiều cao tầng. Đó là các đầm giao thoa bê tông cốt thép ứng lực trước hoặc bê tông cốt cứng (bê tông - thép). Cùng với các bản sàn tầng trên và bản trần tầng dưới tạo thành một hệ kết cấu hộp có độ cứng uốn rất lớn so với độ cứng các sàn thông thường, bởi vậy để phân biệt ta có thể gọi là các *kết cấu tầng cứng*.

Trong hệ nhà này thường không bố trí các cột khung trung gian bên trong mà chỉ có các hàng cột ngoài biên. Số lượng các tầng cứng thường không quá 5 và ít nhất có một tầng trên đỉnh nhà. Khoảng cách giữa các tầng cứng lớn và không bằng nhau nên không thể xem chúng như những liên kết liên tục như trong các hệ khung-vách như đã được xem xét. Nhà lõi hay nhà hộp có tầng cứng thường có mặt bằng đơn giản như hình tròn, hình vuông và có độ cứng uốn của lõi - ống gần bằng nhau theo hai phương. Bởi vậy ta có thể tính toán hệ chịu lực như một khung phẳng tương đương chịu tải trọng ngang theo từng phương riêng biệt.



**Hình 3.13.** a) *Mặt bằng kết cấu*: 1. Cột biên; 2. Tầng cứng; 3. Lõi  
b) *Sơ đồ biến dạng*; c) *Biểu đồ lực dọc trong cột*; d) *Biểu đồ mômen trong lõi*

Trong trường hợp này các thanh đứng ngoài biên chỉ có thể tiếp thu lực dọc với độ cứng dọc trực bằng tổng độ cứng của các dãy cột biên (hình 3.14a,b).

Việc xác định các nội lực trong sơ đồ khung tương đương của hệ có thể bằng phương pháp lực với hệ cơ bản như trên hình 3.14b. Để xác định các hệ số (các chuyển vị đơn vị) trong phương trình chính tắc ta phân theo hai trường hợp sau đây:

#### A. *Tính toán khung ngang theo giả thiết tầng cứng không biến dạng trong mặt phẳng*

Với giả thiết tầng cứng không biến dạng các cột hiên liên tục giữa các sàn cứng kề nhau, ta có sơ đồ tính toán và hệ cơ bản như trên hình 3.14. Các chuyển vị đơn vị  $\delta_{ij}$  luôn luôn bằng không, và ta nhận được n các phương trình riêng biệt có dạng sau đây:

$$\delta_{ii} X_i + \delta_{ip} = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n) \quad (3.70)$$

Ở đây:

$$\delta_{ii} = \int \frac{M_i^2}{EJ_i} dx + \int \frac{N_i^2}{EF_i} dx = \left( \frac{k^2 b^2}{EJ_i} + \frac{2}{EF_i} \right) H_i \delta_{ii}; \quad (3.71)$$

$$\delta_{ip} = \int \frac{M_i M_p}{EJ_i} = \frac{\Omega k b}{EJ_i} \delta_{ip}. \quad (3.72)$$

Trong các công thức (3.70 - 3.72):

$X_i$  - nội lực trong mỗi thanh đứng biên;

$\Omega$  - diện tích biểu đồ  $M_p$  trong phạm vi  $H_i$ ;

$EJ_i$  - độ cứng uốn tiết diện ngang của lõi trong khoảng cách  $i$ ;

$EF_i$  - độ cứng dọc trực của một thanh đứng biên trong khoảng  $i$ ;

$$k = r + \frac{s}{3} \left( \frac{s-1}{s+1} \right) \quad (3.73)$$

$r$  - số lượng cột trên mỗi cạnh mặt bằng thẳng góc với mặt phẳng uốn, kể cả các cột góc;

$s$  - số lượng cột trên mỗi cạnh khác song song với phương tác động tải trọng ngang.

Từ phương trình (3.70) ta sẽ xác định được lực dọc trong cột biên của khung:

$N_i = X_i$  tại cao độ  $i$ , và mômen uốn trong các tiết diện của lõi:

$$M(x) = M_p(x) - N_i k b; \quad (3.74)$$

mômen tại tiết diện mép tầng cứng liên kết với lõi:

$$M_i = k (N_i - N_j) \frac{b-a}{2}; \quad (3.75)$$

Biểu đồ mômen trong cột và lõi có dạng như trong hình 3.14.

### B. Tính toán hệ khung có xét tới biến dạng của tầng cứng

Nếu biến dạng của tầng cứng xem gần đúng như dạng uốn trụ thì trong công thức (3.71) ta cộng thêm một phần biến dạng bằng:

$$\delta_{ii}^p = k^2(b-a)^3/6B_p \quad (3.76)$$

$$\delta_{ij} = -k^2(b-a)^3/12B_p; \quad (3.77)$$

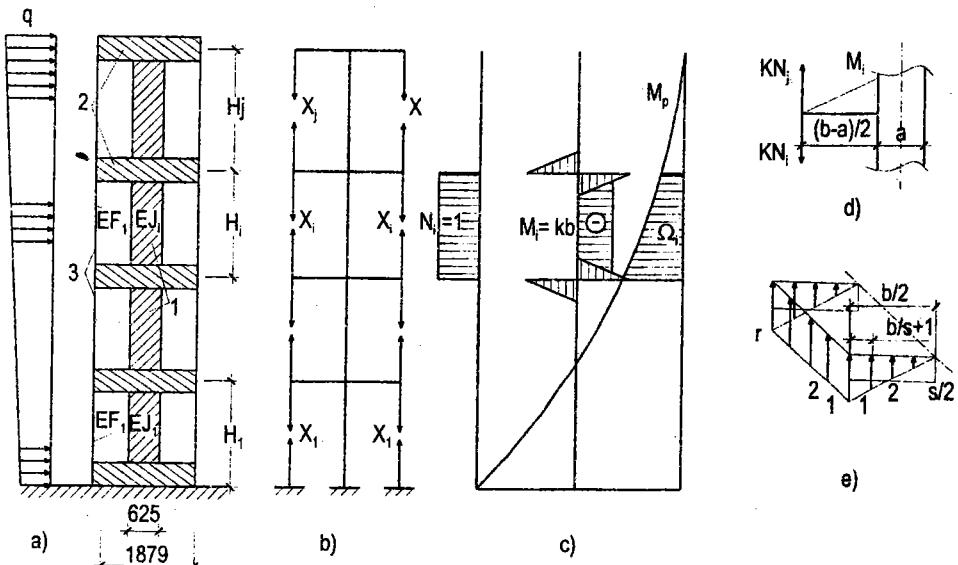
Vậy ta có hệ  $n$  phương trình chính tắc theo phương pháp lực để xác định  $n$  ẩn số  $X_1, \dots, X_n$  sau đây:

$$(X_1) (X_2) \cdot (X_i) (X_j) (X_k) \cdot (X_m) (X_n) (\delta_p)$$

$$(1) X_1 \delta_{11} + X_2 \delta_{12} + 0 + 0 + 0 + \dots + 0 + 0 = -\delta_{ip}$$

$$(j) 0 + 0 + X_i \delta_{ji} + X_j \delta_{jj} + X_k \delta_{jk} + \dots + 0 + 0 = -\delta_{jp} \quad (3.78)$$

$$(n) 0 + 0 + \dots + 0 + 0 + 0 + X_m \delta_{nm} + X_n \delta_{nn} = -\delta_{np}$$



Hình 3.14. a) Sơ đồ tính toán; b) Hệ cơ bản theo phương pháp lực;

c) Biểu đồ lực dọc trong cột, biểu đồ mômen đơn vị do tải trọng;

d) Sự phân bố lực dọc N trong cột; e) Mômen uốn trong tầng cứng

Trong hệ phương trình (3.78) hệ số  $\delta_{ip}$  không thay đổi vì các biểu đồ N và M bổ sung do các lực đơn vị  $X_i = 1$  và do tải trọng đều bằng không.

Trong các công thức (3.76), (3.77) độ cứng uốn - trượt quy ước  $B_p$  tiết diện thẳng đứng của tầng cứng xác định theo công thức:

$$B_p = \frac{1}{\frac{1}{EJ_p} + \frac{12\psi k_1}{GF_p k^2 b^2}} \quad (3.79)$$

$EJ_p$ ,  $GF_p$  - độ cứng uốn và độ cứng trượt tiết diện thẳng đứng của tầng cứng. Đối với tiết diện chữ H, U và hộp có thể lấy giá trị:

$$\Psi \approx F/F_c \quad (3.80)$$

Trong đó:  $F$ ,  $F_c$  .. là diện tích toàn phần tiết diện và diện tích phần sườn của tiết diện (hoặc các thành đầm mỏng).

### Thí dụ 3.3

Xác định nội lực trong hệ chịu lực ngôi nhà lõi có tầng cứng và mặt bằng  $30 \times 30$ m, chiều cao  $H = 151,8$ m dưới tác động của tải trọng gió theo hai phương án bố trí tầng cứng như trên hình 3.15a:

*Phương án 1.* Chỉ có một tầng cứng tại đỉnh nhà với chiều cao 3,3m.

*Phương án 2.* Có ba tầng cứng, một ở trên đỉnh lõi, hai ở trên các cao độ 49,5 và 99m.

Trong tính toán dùng hệ cơ bản như trên hình (3.15). Tải trọng gió phân bố theo hình thang quy đổi với giá trị  $q = 50,02\text{kN/m}$  và hệ số quy đổi  $a = 0,28$  (xem hình 2.10 chương 2).

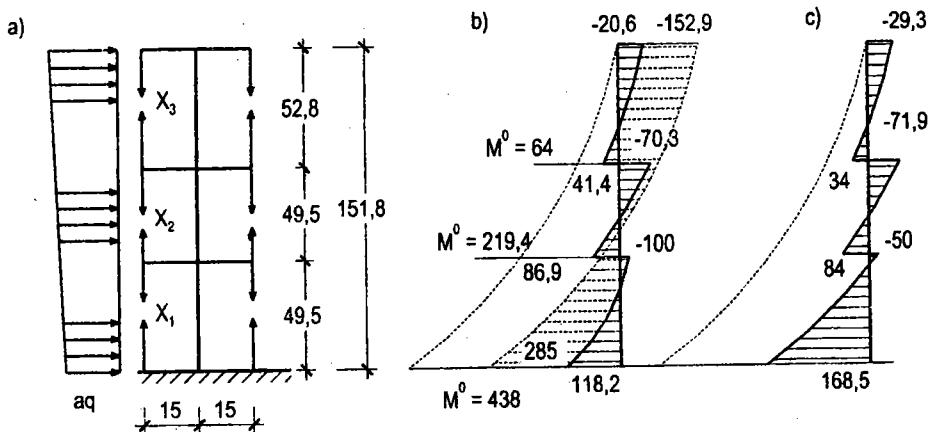
Theo giả thiết lõi như một thanh công xon chịu tải trọng ngang thì mômen trong bất kỳ tiết diện nào được tính theo công thức sau:

$$M(x) = \frac{qx^2}{2} \left(1 + \frac{a-1}{3H} x\right) + M_{lt}^g. \quad (3.81)$$

Ở đây:  $M_{lt}^g$  - mômen do tải trọng đứng đặt lệch tâm, nếu không xét tới thành phần này ta có mômen tại chân ngầm lõi - hộp bằng:

$$M^0(x = H) = \frac{50,02 \cdot 151,8^2}{2} + \left(1 + \frac{0,28-1}{3}\right) = 438000\text{kN.m}$$

và biểu đồ mômen thể hiện trên hình (3.15a):



**Hình 3.15.** a) Sơ đồ tính toán; b) Biểu đồ mômen khi không xét biến dạng tầng cứng; c) Biểu đồ mômen khi có xét tới biến dạng tầng cứng

### *Phương án 1.*

Cho trước các giá trị độ cứng của lõi và của cột như sau:

$$EJ = 11441 \cdot 10^6 \text{ kN.m}^2; \quad EF = 13 \cdot 10^6 \text{ kN};$$

$$k = 7 + \frac{5}{3} \left( \frac{5-1}{5+1} \right) = 8,1$$

Theo công thức (3.71):

$$\delta_{11} = \left( \frac{8,1^2 \cdot 30^2}{11441 \cdot 10^6} + \frac{2}{13 \cdot 10^6} \right) 151,8 = 8068 \cdot 10^{-4}$$

Theo công thức (3.72) và theo hình (3.15c):

$$\delta_{1p} = -\frac{2391,24 \cdot 10^4 \cdot 8,1 \cdot 30}{11441 \cdot 10^4} = -5078,85 \cdot 10^4$$

Giải phương trình (3.70) ta được:

$$X_1 = \frac{5078,85 \cdot 10^4}{8,068 \cdot 10^4} = 629,50 \text{ kN}$$

Theo công thức (3.74) xác định được mômen trong lõi:

$$M(0) = 629,5 \cdot 8,1 \cdot 30 = 152968,5 \text{ kN.m};$$

$$M(H) = 438\,000 - 152\,968,5 = 285\,031,5 \text{ kN.m}.$$

Theo công thức (3.75) xác định mômen tại nút khung tương đương:

$$M_p = 8,1 \cdot 629,5 \frac{30-12}{2} = 45890,55 \text{ kN.m}$$

### *Phương án 2.*

Cho trước độ cứng uốn của lõi  $EJ = 8358 \cdot 10^6 \text{ kN.m}^2$ ; độ cứng dọc trục của các cột  $EF_1 = 19 \cdot 10^6 \text{ kN}$ ;  $EF_2 = 13 \cdot 10^6 \text{ kN}$ ;  $EF_3 = 5,2 \cdot 10^6 \text{ kN}$ .

Theo các công thức (3-71) và (3-72) ta có:

$$\delta_{11} = \left( \frac{8,1^2 \cdot 30^2}{8358 \cdot 10^6} + \frac{2}{19 \cdot 10^6} \right) 49,5 = 3,55 \cdot 10^{-4};$$

$$\delta_{22} = \left( \frac{8,1 \cdot 30^2}{8358 \cdot 10^6} + \frac{2}{13 \cdot 10^6} \right) 49,5 = 3,57 \cdot 10^{-4};$$

$$\delta_{33} = \left( \frac{8,1^2 \cdot 30^2}{8358 \cdot 10^6} + \frac{2}{5,2 \cdot 10^6} \right) 52,8 = 3,93 \cdot 10^{-4};$$

$$\delta_{3p} = -\frac{8,1 \cdot 30 \cdot 115 \cdot 10^4}{8358 \cdot 10^6} = -3,34 \cdot 10^{-2};$$

$$\delta_{2p} = -\frac{8,1 \cdot 30 \cdot 669 \cdot 10^{-4}}{8358 \cdot 10^6} = -19,45 \cdot 10^{-2};$$

$$\delta_{1p} = -\frac{8,1 \cdot 30 \cdot 1607 \cdot 10^4}{8358 \cdot 10^6} = -46,72 \cdot 10^{-2}.$$

Giải phương trình theo (3.70) ta được:

$$X_1 \frac{0,4672 \cdot 10^4}{3,55} = 1316 \text{kN};$$

$$X_2 = \frac{19,45 \cdot 10^{-2}}{3,57 \cdot 10^{-4}} = 545 \text{kN};$$

$$X_3 = \frac{3,34 \cdot 10^{-2}}{3,39 \cdot 10^{-2}} = 85 \text{kN}.$$

Theo các công thức (3.74), (3.75) xác định mômen uốn trong lõi và trong tầng cứng tại các tiết diện trên và dưới trong khoảng cách 1, 2, 3:

$$M_3^{\text{tr}} = 0 - 85,8,1,30 = -20655 \text{ kN.m};$$

$$M_3^d = 63903 - 20655 = 41439 \text{ kN.m};$$

$$M_2^{\text{tr}} = 63903 - 545,8,1,30 = -70341 \text{ kN.m};$$

$$M_2^d = 219404 - 545,8,1,30 = 86969 \text{ kN.m};$$

$$M_1^{\text{tr}} = 219404 - 1316,8,1,30 = -100384 \text{ kN.m};$$

$$M_1^d = 438000 - 1316,8,1,30 = -118212 \text{ kN.m};$$

Mômen lớn nhất trong tiết diện tầng cứng theo (3.75):

$$M_{\max}^T = 8,1(1316 - 545) \frac{30 - 12}{2} = 56206 \text{kN.m}$$

Các giá trị nội lực tính được sẽ được điều chỉnh bằng việc xét tới biến dạng của tầng cứng.

Ta có mômen quán tính của tầng cứng  $J^T = 36,8 \text{m}^4$ , tổng diện tích tiết diện ngang của sàn tầng cứng  $F^T = 9,20 \text{m}^2$  và của các sườn  $F_s^T = 4,83 \text{ m}^2$ , theo công thức (8.79), (8.80) xác định các hệ số:

$$k_1 = 7^2 + \frac{5^2}{12} \left( \frac{5-1}{5+1} \right)^2 = 49,92.$$

và

$$\psi = 9,18/4,83 = 1,9.$$

Theo công thức (3.78) xác định độ cứng uốn - trượt quy ước của tầng cứng:

$$B^T = \frac{\frac{1}{1,9.49,92.12}}{1 + \frac{26.10^6.36,8}{11,6.10^6.4,83.8,1^2.30^2}} = 719,89.10^6 \text{ C}$$

Các hệ số chuyển vị đơn vị:

$$\delta_{12} = \delta_{21} = \delta_{23} = \delta_{32} = -\frac{8,1^2(30-12)}{12.719,89.10^6} = 0,0443.10^{-4}.$$

Theo công thức (3-76) lượng chuyển vị bổ sung vào  $\delta_{11}$  bằng:

$$\delta_{11}^p = \frac{8,1^2(30-12)^2}{6.719,8.10^6} = 0,886.10^{-4}$$

vậy ta có:

$$\delta_{11} = (3,55 + 0,866).10^{-4} = 4,436.10^{-4};$$

$$\delta_{22} = (3,57 + 0,866).10^{-4} = 4,456.10^{-4};$$

$$\delta_{33} = (3,93 + 0,866).10^{-4} = 4,816.10^{-4}.$$

Các hệ số tải trọng không thay đổi.

Thiết lập hệ phương trình theo (3.78) ta có:

$$4,436 X_1 - 0,44 X_2 = 4672;$$

$$- 0,443 X_1 + 4,456 X_2 - 0,443 X_3 = 1945;$$

$$- 0,443 X_2 + 4,861 X_3 = 334.$$

Kết quả giải ta được:

$$X_1 = 1109,07 \text{ kN}; X_2 = 558,75 \text{ kN}; X_3 = 120,75 \text{ kN}.$$

Theo các công thức (3.74), (3.76) ta xác định được mômen uốn trong lõi và được thể hiện trên hình (3.17); và mômen lớn nhất trong tầng cứng:

$$M_{\max}^T = 8,1(1109,07 - 558,75) = 40118 \text{ kN.m.}$$

Các kết quả cho trên hình(3.16b, c) và trong bảng so sánh sau đây:

Bảng 3.4

Mômen uốn, (kN. m)	Phương án 2		Phương án 1
	Có xét biến dạng	Không xét	Không xét
M(x=0)	29342	20 655	152 968,5
M(x=H)	168 496	118 212	285 031,5

Từ kết quả nêu trên cho thấy nếu không xét tới biến dạng của tầng cứng thì mômen uốn tại chân ngầm của lõi trong phương án 1 lớn hơn rất nhiều so với mômen uốn cũng tại đây trong phương án 2. Bởi vậy trong tính toán cần xét tới biến dạng của tầng cứng.

Sau khi đã xác định được nội lực trong các thanh đứng biên ta có thể phân phối vào từng cột biên và cột góc theo độ cứng dọc trục của chúng.

Việc tính toán động cho hệ chịu lực lõi - hộp có tầng cứng cũng được tiến hành theo sơ đồ thanh công xon nhưng có thể với số bậc tự do bằng số tầng

Kiểm tra ổn định cần được tiến hành theo các chỉ dẫn trong chương 4.

## Chương 4

# TÍNH TOÁN CÁC HỆ CHỊU LỰC THEO SƠ ĐỒ KHÔNG GIAN

### 4.1. GIẢ THIẾT VÀ CÁC CÔNG THỨC TÍNH TOÁN

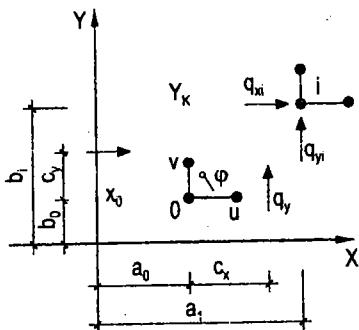
Trong chương này sẽ lần lượt trình bày các bước xác định nội lực trong hệ tường cứng, lõi cứng chịu tải trọng ngang ngoài các giả thiết nêu trong chương 1 còn cần chú ý những điểm sau đây:

- Độ cứng của các tường cứng không thay đổi đột ngột theo chiều cao ngôi nhà;
- Đường cong uốn của mọi tường cứng đều tương tự nhau về hình dạng;
- Biến dạng trượt trong các tường cứng do lực cắt ngang gây ra không lớn so với biến dạng do uốn và có thể xét tối bằng các hệ số điều chỉnh.
- Độ cứng chống xoắn của các tường cứng không khép kín nhỏ đến mức có thể bỏ qua.
- Đối với tường cứng khép kín (lõi cứng) độ cứng chống xoắn cường bức nhỏ so với độ cứng xoắn tự do.

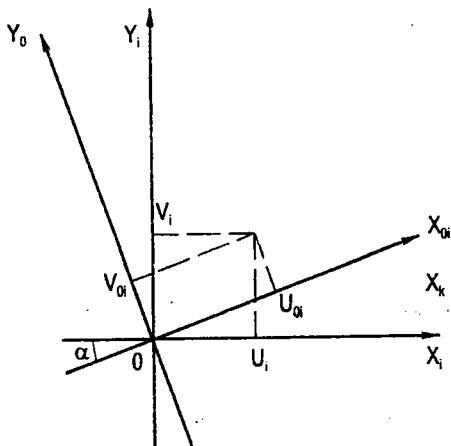
Tuy nhiên đối với từng công trình có thể áp dụng một cách linh hoạt từng giả thiết nêu trên nhưng giả thiết sàn cứng tuyệt đối cần dùng cho mọi trường hợp tính toán. Về giả thiết các hệ tường cứng phải có cùng một đường cong uốn và ảnh hưởng của biến dạng trượt nhỏ chỉ chính xác khi cấu tạo các tường cứng cùng một kiểu (hoặc đổ liên khối hoặc lắp ghép). Nếu trong một ngôi nhà vừa sử dụng các hệ tường cứng liền khối, vừa sử dụng các hệ tường cứng kiểu khung chèn tường thì các đường đàn hồi không tương tự nhau. Tuy vậy trong thực tế ít gặp trường hợp này.

Trước khi xét tới sự phân phối tải trọng ngang vào từng tường cứng ta cần xác định chuyển vị của mỗi tường cứng tại bất kỳ vị trí nào trên tiết diện ngang ngôi nhà.

Dưới tác động của tải trọng ngang  $q_y$  (hình 4.1) tại điểm O bất kỳ trên mặt bằng, ngôi nhà sẽ bị xoay quanh trục thẳng đứng một góc  $\varphi$  và chuyển dịch một khoảng  $u$  và  $v$  theo phương trục X và Y.



Hình 4.1



Hình 4.2

Theo giả thiết, mọi tường cứng đều được liên kết với nhau bởi các sàn cứng nên những chuyển vị của chúng được xác định bởi các chuyển vị của điểm O. Chuyển vị tại tâm uốn của một hệ tường cứng i nào đó sẽ là:

$$u_i = u - (b_i - b_o) \quad (4.1)$$

$$v_i = v + (a_i - a_o) \quad (4.2)$$

$$\varphi_i = \varphi \quad (4.3)$$

Thông thường các trục chính của tường cứng thứ i không song song với trục X, Y bất kỳ và hợp với chúng một góc  $\alpha$ . Vậy hình chiếu của các biến dạng  $U_i$  và  $V_i$  lên các trục chính sẽ là:

$$U_{oi} = U_i \cos \alpha_i + V_i \sin \alpha_i \quad (4.4)$$

$$V_{oi} = V_i \cos \alpha_i + U_i \sin \alpha_i \quad (4.5)$$

Tải trọng truyền vào tường cứng tỷ lệ với độ cứng và các chuyển vị tương ứng (hoặc theo mômen quán tính của các tiết diện đã được tính đổi theo cùng một loại vật liệu tương đương):

$$q_{xoi} = KJ_{yoi} (U_i \cos \alpha_i + V_i \sin \alpha_i) \quad (4.6)$$

$$q_{yoi} = KJ_{xoi} (U_i \cos \alpha_i - V_i \sin \alpha_i) \quad (4.7)$$

$$m_i = KJ_{\omega i} \varphi_i \quad (4.8)$$

Trong đó:

$q_{xoi}, q_{yoi}$  - hình chiếu tải trọng trên các trục chính của tường cứng.

$m_i$  - mômen xoắn phân bố đều theo chiều cao và do tường cứng chịu.

$J_{xoi}$  và  $J_{yoi}$  - mômen quán tính đối với các trục chính đã được tính đổi.

K - hệ số tỷ lệ, xét tới mô đun đàn hồi của vật liệu tường cứng tại cao độ đang xét về sự đồng dạng của các đường cong uốn nên đối với tất cả hệ tường cứng trong ngôi nhà hệ số K đều bằng nhau.

Hình chiếu tải trọng xuống các trục X, Y bất kỳ:

$$q_{xi} = q_{xoi} \cos \alpha_i - q_{yoi} \sin \alpha_i \quad (4.9)$$

$$q_{yi} = q_{xoi} \sin \alpha_i + q_{yoi} \cos \alpha_i \quad (4.10)$$

hoặc có xét tới (4.6) và (4.7) ta có:

$$q_{xi} = K(U_i J_{yoi} \cos^2 \alpha_i + J_{xoi} \sin^2 \alpha_i) + v_i (J_{yoi} - J_{xoi}) \sin \alpha_i \cos \alpha_i \quad (4.11)$$

$$q_{yi} = K[U_i (J_{yoi} - J_{xoi}) \sin \alpha_i \cos \alpha_i + v_i (J_{xoi} \cos^2 \alpha_i + J_{yoi} \sin^2 \alpha_i)] \quad (4.12)$$

Nếu sử dụng các công thức xoay trực sau đây:

$$J_{xi} = J_{xoi} \cos^2 \alpha_i + J_{yoi} \sin^2 \alpha_i \quad (4.13)$$

$$J_{yi} = J_{yoi} \cos^2 \alpha_i + J_{xoi} \sin^2 \alpha_i \quad (4.14)$$

$$J_{xyi} = (J_{yoi} - J_{xoi}) \sin \alpha_i \cos \alpha_i \quad (4.15)$$

Ta được:

$$q_{xi} = K(u_i J_{yi} + v_i J_{xyi}) \quad (4.16)$$

$$q_{xi} = K(u_i J_{xyi} + v_i J_{xi}) \quad (4.17)$$

$$q_{xi} = K\{u J_{yi} + v J_{xyi} - \varphi [J_{xyi} (a_i - a_o) - J_{yi} (b_i - b_o)]\} \quad (4.18)$$

$$q_{yi} = K\{u J_{xyi} + v J_{xi} + \varphi [J_{xi} (a_i - a_o) - J_{xyi} (b_i - b_o)]\} \quad (4.19)$$

$$m_i = K J_{oii} \varphi \quad (4.20)$$

Các điều kiện cân bằng ngoại lực và tải trọng được truyền vào từng tường cứng phải là:

$$\sum q_{xi} = 0 \quad (4.21)$$

$$\sum q_{yi} = q_y \quad (4.22)$$

$$\sum q_{yi} (a_i - a_o) - \sum q_{xi} (b_i - b_o) + \sum m_i = q_y c_x \quad (4.23)$$

Dấu lấy tổng " $\Sigma$ " trong (4.21) - (4.23) có nghĩa phải xét tới toàn bộ các hệ tường cứng.

Ta đưa vào tính toán định nghĩa "mômen quán tính của ngôi nhà" như sau: mômen quán tính theo trục và mômen quán tính ly tâm của ngôi nhà là tổng mômen quán tính của tất cả các hệ tường cứng:

$$J_x = \sum J_{xi}; J_y = \sum J_{yi}; J_x = \sum J_{xyi} \quad (4.24)$$

Mômen xoắn quán tính của ngôi nhà có dạng như sau:

$$J_0 = \sum J_{xi}; (a_i - a_o)^2 + \sum J_{yi} (b_i - b_o)^2 - 2\sum J_{xyi} (a_i - a_o) (b_i - b_o) + \sum J_{wi} \quad (4.25)$$

Trên cơ sở các đặc trưng trên ta sẽ xác định chuyển vị của ngôi nhà do ngoại lực.

Đưa (4.18),(4.20) vào (4.21), (4.23) và có xét tới (4.24) và (4.25) ta được:

$$K\{uJ_y + vJ_{xy} + \varphi [\sum J_{xyi}(a_i - a_o) - \sum J_{yi}(b_i - b_o)]\} = 0 \quad (4.26)$$

$$K\{uJ_{xy} + vJ_x + \varphi [\sum J_{xi}(a_i - a_o) - \sum J_{xyi}(b_i - b_o)]\} = q_y \quad (4.27)$$

$$\begin{aligned} K\{u[\sum J_{xyi}(a_i - a_o) - \sum J_{yi}(b_i - b_o)] + v[\sum J_{xi}(a_i - a_o) - \sum J_{xyi}(b_i - b_o)]\} \\ + \varphi J_0 = q_y c_x \end{aligned} \quad (4.28)$$

Toạ độ điểm O trên hình (4.1) là  $a_o$  và  $b_o$  chọn sao cho thoả mãn các điều kiện sau:

$$\sum J_{xyi}(a_i - a_o) - \sum J_{yi}(b_i - b_o) = 0 \quad (4.29)$$

$$\sum J_{xi}(a_i - a_o) - \sum J_{xyi}(b_i - b_o) = 0 \quad (4.30)$$

Giải hệ phương trình (4.29) - (4.30) ta được:

$$a_0 = A_y (\sum J_{xi}a_i - J_{xyi}b_i) - A_{xy} (\sum J_{xyi}a_i - \sum J_{yi}b_i) \quad (4.31)$$

$$b_0 = A_x (\sum J_{yi}b_i - J_{xyi}a_i) - A_{xy} (\sum J_{xyi}b_i - \sum J_{xi}a_i) \quad (4.32)$$

Trong đó:

$$A_x = \frac{J_x}{J_x J_y - J_{xy}^2} \quad (4.33)$$

$$A_y = \frac{J_y}{J_x J_y - J_{xy}^2} \quad (4.34)$$

$$A_{xy} = \frac{J_{xy}}{J_x J_y - J_{xy}^2} \quad (4.35)$$

Điểm O có toạ độ xác định theo công thức (4.31) và (4.32) gọi là tâm uốn của ngôi nhà. Nếu hợp lực của tải trọng ngang đi qua tâm uốn sẽ không gây

ra góc xoay trên mặt bằng nhì:  $\varphi = 0$ . Vậy từ công thức (4.28) có thể suy ra  $C_x = 0$  nếu điều kiện (4.29) và (4.30) thoả mãn.

Thay (4.29) và (4.30) vào (4.26) và (4.28) ta có:

$$uJ_y + vJ_{xy} = 0 \quad (4.36)$$

$$uJ_{xy} + vJ_x = \frac{q_y}{K} \quad (4.37)$$

$$\varphi J_\omega = \frac{q_y C_x}{K} \quad (4.38)$$

Từ đó ta được:

$$u = -\frac{q_y A_x}{K}; \quad v = \frac{q_y A_y}{K}; \quad \varphi = \frac{q_y C_x}{K J_\omega} \quad (4.39)$$

Đưa các giá trị của  $u$ ,  $v$ ,  $\varphi$  theo như (4.39) vào (4.18)-(4.20) ta được tải trọng truyền vào từng倜ng cung do  $q_y$ :

$$q_{xi} = q_y \{ A_y J_{xyi} - A_x J_{yi} + C_x [J_{xyi} (a_i - a_0) - J_{yi} (b_i - b_0)] : J_\omega \} \quad (4.40)$$

$$q_{yi} = q_y \{ A_y J_{xi} - A_{xy} J_{xyi} + C_x [J_{xi} (a_i - a_0) - J_{xyi} (b_i - b_0)] : J_\omega \} \quad (4.41)$$

$$m_i = q_y C_x J_\omega i : J_\omega \quad (4.42)$$

Tương tự như trên đối với tải trọng  $q_x$ . Tác động theo chiều trục X ta có:

$$q_{xi} = q_x \{ A_x J_{yi} - A_{xy} J_{xyi} + C_y [J_{xyi} (a_i - a_0) - J_{yi} (b_i - b_0)] : J_\omega \} \quad (4.43)$$

$$q_{yi} = q_x \{ A_x J_{xi} - A_{xy} J_{xi} + C_y [J_{xi} (a_i - a_0) - J_{xyi} (b_i - b_0)] : J_\omega \} \quad (4.44)$$

$$m_i = -q_y C_y J_\omega i : J_\omega \quad (4.45)$$

Để đơn giản trong cách ghi và tính toán theo công thức trên nếu ta đặt:

$$K_{xxi} = A_x J_{yi} - A_{xy} J_{xyi} \quad (4.46)$$

$$K_{yyi} = A_y J_{xi} - A_{xy} J_{xyi} \quad (4.47)$$

$$K_{xyi} = A_x J_{xyi} - A_{xy} J_{yi} \quad (4.48)$$

$$K_{\omega xi} = \frac{J_{xyi} (a_i - a_0) - J_{yi} (b_i - b_0) J}{J_\omega} \quad (4.49)$$

$$K_{\omega yi} = \frac{J_{xi} (a_i - a_0) - J_{xyi} (b_i - b_0) J}{J_\omega} \quad (4.50)$$

Và gọi những hệ số K... trên đây là hệ số phân phối tải trọng vào các tường cứng. Cách đọc các ký hiệu bằng chữ trong các hệ số K như sau:

Chỉ số chữ thứ nhất viết dưới hệ số  $K_{xxi}$ ,  $K_{yyi}$ ,  $K_{xyi}$  và  $K_{yxi}$  ứng với hướng của ngoại lực, trong các hệ số  $K_{\omega xi}$  và  $K_{\omega yi}$  ứng với ảnh hưởng xoắn trên mặt bằng ngôi nhà. Ký hiệu chữ thứ hai trong các hệ số trên ứng với hướng tác động của tải trọng vào hệ cứng thứ i.

Các hệ số trên nếu tính chính xác phải thỏa mãn các điều kiện:

$$\Sigma K_{xxi} = \Sigma K_{yyi} = 1 \quad (4.51)$$

$$\Sigma K_{xyi} = \Sigma K_{yxi} = \Sigma K_{\omega xi} = \Sigma K_{\omega yi} = 0 \quad (4.52)$$

Nếu xét tới ảnh hưởng uốn dọc và ngang đồng thời một cách gần đúng ta có thể dùng các hệ số  $\eta_x$ ,  $\eta_y$ ,  $\eta_\omega$  để hiệu chỉnh tải trọng được truyền vào các tường cứng được xác định theo các công thức (5.51) thuộc chương 5.

Cho tải trọng  $q_y$  ta xác định các thành phần tải trọng như sau:

$$q_{xi} = q_y (K_{yxi} \eta_y + C_x K_{\omega xi} \eta_\omega) \quad (4.53)$$

$$q_{yi} = q_y (K_{yyi} \eta_y + C_x K_{\omega yi} \eta_\omega) \quad (4.54)$$

$$m_i = q_y C_x \left( \frac{J_{\omega i}}{J_\omega} \right) \eta_\omega \quad (4.55)$$

Cho tải trọng  $q_x$ :

$$q_{xi} = q_x (K_{xxi} \eta_y - C_y K_{\omega xi} \eta_\omega) \quad (4.56)$$

$$q_{yi} = q_x (K_{xyi} \eta_x - C_y K_{\omega yi} \eta_\omega) \quad (4.57)$$

$$m_i = -q_x C_x \left( \frac{J_{\omega i}}{J_\omega} \right) \eta_\omega \quad (4.58)$$

Nếu cần xét tới hướng tác động của tải trọng ngang không song song với các hướng trục X và Y thì dùng phương pháp phân lực theo các trục trên được  $q_x$  và  $q_y$  rồi tổng cộng lại.

Khi xác định nội lực trong các hệ tường cứng không nhất thiết phải xác định tải trọng được phân phổi.

Trong trường hợp này nên xác định tổng mômen uốn và tổng lực cắt ngang do tải trọng gió tác động vào ngôi nhà theo các công thức trong chương 3 rồi phân phổi tổng nội lực đó vào các hệ tường cứng tương tự như

phân phối tải trọng. Nếu thay  $q_x$  và  $q_y$  bằng  $Q_y$  và  $Q_x$  vào (4.53) - (4.58) ta sẽ được lực cắt trong trường hợp tường cứng thứ i bất kỳ là  $Q_{yi}$ ,  $Q_{xi}$  và mômen xoắn trong các hệ cứng khép kín là  $L_i$ .

Tương tự như trên, phân phối mômen uốn vào hệ tường cứng vẫn theo các công thức (4.53) - (4.58) hoặc theo tỷ lệ các lực cắt và có xét đến sự tác động dài hạn của tải trọng qua các hệ số  $\eta_x$  và  $\eta_y$ :

Với tải trọng  $q_y$  ta có:

$$M_{xi} = M_x (K_{yyi} \eta_x + C_x K_{\omega yi} \eta_\omega) \quad (4.59)$$

$$M_{yi} = M_x (K_{yxi} \eta_y + C_x K_{\omega xi} \eta_\omega) \quad (4.60)$$

Với tải trọng  $q_x$  ta có:

$$M_{xi} = M_y (K_{xyi} \eta_x + C_y K_{\omega yi} \eta_\omega) \quad (4.61)$$

$$M_{yi} = M_y (K_{xxi} \eta_y + C_y K_{\omega xi} \eta_\omega) \quad (4.62)$$

Những công thức trên đây được dùng trong trường hợp tổng quát: nhà có các hệ cứng tiết diện hở hoặc khép kín, và các trục chính không song song với các trục X và Y, các trường hợp đặc biệt gồm có:

Khi các trục chính song song với trục nhà nghĩa là  $J_{xy} = \sum J_{xyi} = 0$ . Tâm uốn xác định theo các công thức sau:

$$a_0 = \frac{\sum J_{xi} a_i - \sum J_{xyi} b_i}{J_x} \quad (4.63)$$

$$b_0 = \frac{\sum J_{yi} b_i - \sum J_{xyi} a_i}{J_y} \quad (4.64)$$

Hệ số phân phối tải trọng:

$$\begin{cases} K_{xxi} = \frac{J_{yi}}{J_y}; & K_{yyi} = \frac{J_{xi}}{J_x} \\ K_{xyi} = \frac{J_{xyi}}{J_y}; & K_{yxi} = \frac{J_{xyi}}{J_x} \end{cases} \quad (4.65)$$

$K_{\omega xi}$  và  $K_{\omega yi}$  xác định theo công thức (4.49) - (4.50).

b) Các trục chính của các hệ tường cứng song song với các trục nhà. Tâm uốn xác định theo công thức:

$$a_0 = \frac{\sum J_{xi} a_i}{J_x} \quad (4.66)$$

$$b_0 = \frac{\sum J_{yi} b_i}{J_x} \quad (4.67)$$

Các hệ số phân phối tải trọng:

$$\begin{cases} K_{xxi} = \frac{J_{yi}}{J_y}; \quad K_{yyi} = \frac{J_{xi}}{J_x}; \quad K_{xy} = K_{yxi} = 0 \\ K_{\omega yi} = -\frac{(b_i - b_0)J_{yi}}{J_\omega}; \quad K_{\omega xi} = \frac{(a_i - a_0)J_{xi}}{J_\omega} \end{cases} \quad (4.68)$$

Ngôi nhà chỉ có một hệ tường cứng. Toàn bộ tải trọng do hệ vách cứng này chịu.

## 4.2. CÁC ĐẶC TRƯNG HÌNH HỌC VÀ ĐỘ CỨNG CỦA VÁCH CỨNG VÀ CỦA NGÔI NHÀ

Trong tính toán cần xác định mômen quán tính của các tiết diện trong mỗi hệ tường cứng theo các trục chính tâm  $X_i$  và  $Y_i$  song song với các trục lõi cột của ngôi nhà. Những mômen quán tính này đều được tính đổi theo mô đun đàn hồi của các vật liệu tường cứng (cốt thép và bê tông). Thông thường nên quy đổi ra vật liệu chủ yếu là bê tông. Khi xác định các mômen quán tính ban đầu  $J_i$  theo trục  $X_i$   $Y_i$  giả thuyết hệ cứng là một vật liền khối, không có các mạch nối. Nếu có lỗ cửa xác định mômen quán tính cho phần liền, trừ lỗ cửa. Trong tính toán cần xác định:

- a) Mômen quán tính theo trục là  $J_{xi}$  và  $J_{yi}$  - cho toàn bộ các hệ cứng;
- b) Mômen quán tính ly tâm  $J_{xyi}$  - đổi với các hệ cứng mà không một trục nào của hệ đó ( $X_i$  hay  $Y_i$ ) là trục đối xứng của các tường cứng.
- c) Đối với các tường cứng khép kín (lõi cứng) mômen quán tính xoắn tự do  $J_{xoắn i}$  bằng:

$$J_{xoắn i} = \frac{\Omega^2}{\sum S_j} \quad (4.69)$$

Trong đó:

$\Omega$  - hai lân diện tích hình giới hạn bởi các đường bao quanh tâm tiết diện;

$S_j$  - chiều dài đường bao phần có tiết diện không đổi là  $\delta_j$ ; dấu tổng  $\Sigma$  cho toàn bộ chu vi tiết diện.

d) Trường hợp chỉ có duy nhất một tường cứng có tiết diện hở, cần xác định mômen xoắn quán tính  $J_{\omega_i}$  gần đúng bằng cách lấy tổng các tích số giữa mômen quán tính của từng phần tường bụng song song với bình phương khoảng cách từ tường bụng đó tới tâm uốn của hệ cứng.

e) Nếu trong các hệ tường cứng có lõi cứng thì mômen xoắn quy ước xác định theo công thức:

$$J_{\omega_i} = 0,05 J_{xoắn_i} H^2 \quad (4.70)$$

Trong đó:  $H$  - chiều cao hệ cứng;

$J_{xoắn_i}$  - theo công thức (4.69).

Mômen quán tính tính toán bằng mômen quán tính ban đầu nhân với hệ số đồng nhất của hệ cứng:

$$J_{ij} = K_j J_{ij} \quad (4.71)$$

Hệ số đồng nhất xét tới mức giảm độ cứng của tường cứng do biến dạng của các liên kết và của lanh tô cửa. Hệ số này có thể xác định chính xác bằng thực nghiệm. Nhưng cũng có thể xác định bằng cách so sánh độ uốn của đỉnh tường cứng đang xét có kể tới các lỗ cửa và các mạch lắp ghép với độ vồng của một thanh công xon có độ cứng không đổi. Khi xét tới các yếu tố giảm yếu dùng hệ số:

$$K_j = K_m K_{pj} \quad (4.72)$$

Ở đây:  $K_m$  - hệ số xét tới biến dạng của các liên kết.

$K_{pj}$  - xét tới ảnh hưởng của biến dạng các lanh tô, các hệ số này xác định theo công thức:

$$K_m = \frac{1}{1 + \beta m} \quad (4.73)$$

$$K_{pj} = \frac{1}{1 + P_j} \quad (4.74)$$

Trong đó:

$m$  - số mạch nối thẳng đứng của hệ tường lắp ghép.

$\beta$  - hệ số xét tới biến dạng của mạch nối lấy bằng 0,05 đối với các mạch nối giữa hai cấu kiện đúc sẵn; bằng 0,25 đối với các mạch nối giữa các cấu kiện đúc sẵn với các cấu kiện đổ liền khối.

$P_j$  - hệ số xét tới biến dạng của lanh tô cửa.

Trong các công thức (4.73) - (4.74) ký hiệu chữ "i" chỉ thứ tự tường cứng đang xét, "x,y" chỉ mômen quán tính đang xét  $J_x$ ,  $J_y$ ,  $J_{xy}$  hay  $J_{xoắn}$  ( $J_\omega$ ).

Để xác định các mômen quán tính tính toán cho tường cứng có hai nhánh các hệ số  $P_i$  ( $P_x$  hay  $P_y$ ) có thể tính theo công thức:

$$P_j = \frac{hl^3}{3J_hH^2} \frac{F_1 F_2}{F_1 + F_2} \left( 1 - \frac{J_1 + J_2}{J_j} \right) \quad (4.75)$$

$F_1$ ,  $F_2$  - diện tích tiết diện đã được quy đổi của các nhánh;

$J_1$ ,  $J_2$  - mômen quán tính đã được quy đổi của các nhánh;

$J_j$  - mômen quán tính của tường cứng chưa xét đến ảnh hưởng của lỗ cửa và mạch lắp ghép;

$l$  - chiều rộng lỗ cửa,

$h$  - chiều cao tầng nhà;

$H$  - chiều cao tường cứng;

$J_h$  - mômen quán tính của lanh tô cửa cần giảm đi 1,5 lần để tránh xuất hiện vết nứt đối với lanh tô không có ứng suất trước.

Trường hợp có nhiều dãy cửa (nhiều nhánh) trong một tiết diện tường cứng có thể tính gần đúng bằng phương pháp sau:

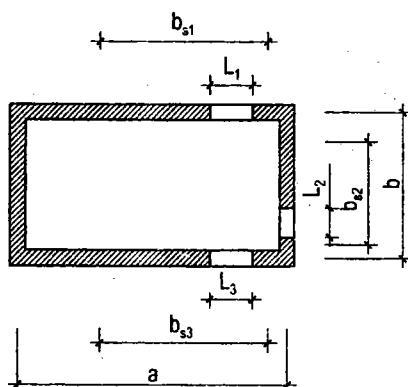
Xác định các hệ số  $P_x$  và  $P_y$  đối với các tường cứng có nhiều dãy cửa theo công thức:

$$P_j = \sum P_{jk} \quad (4.76)$$

Trong đó:  $P_{jk}$  hệ số tính theo công thức (4.75) cho dãy cửa theo chiều đứng thứ "k" nào đó như trong trường hợp tường cứng chỉ có hai dãy cửa sổ (giả thiết các lanh tô còn lại không bị biến dạng). Sau khi tính toán cho từng dãy cửa tiến hành tổng cộng lại theo công thức (4.76).

Để xác định gần đúng mômen ly tâm quán tính tính toán của tường cứng có lỗ hệ số  $P_{xy}$  trong (4.76) có thể tính theo công thức:

$$P_{xy} = 0,2(P_x + P_y) \quad (4.77)$$



Hình 4.3

Trong đó:  $P_x$ ,  $P_y$  xác định theo (4.75) khi tường cứng chịu uốn theo trục X và Y.

Khi lõi cứng có lỗ cửa có thể tính bằng cách thay  $P_j$  bằng  $P_{xoắn}$  trong công thức (4.74) ta được:

$$P_{xoắn} = \frac{8J_{xoắn}}{(a+b)^2} \left( \frac{c}{F} + \frac{hv}{30\sum J_h b_0^2 / l^3} \right) - c \quad (4.78a)$$

Trong đó:

c - tỷ số giữa chiều cao lỗ cửa và chiều cao tầng;

F - diện tích tiết diện ngang của tường cứng bị giảm yếu bởi lỗ cửa;

$h$  - khoảng cách giữa các trọng tâm của các nhánh của lõi cứng kề nhau theo phương song song với tường bụng có chứa lỗ cửa đang xét;

a, b - kích thước của tường cứng (hình 4.3);

v - hệ số phụ thuộc vào tỷ số giữa chiều cao của lanh tô  $h_l$  và chiều rộng lỗ cửa, theo bảng (4.1). Các ký hiệu khác như trong công thức (4.75).

Bảng 4.1

$\frac{h_l}{l}$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1
v	1,03	1,11	1,26	1,46	1,73	2,05	2,43	2,87	3,37	3,93

Trường hợp hệ *tường cứng có tiết diện thay đổi*, cần tính mômen quán tính và mômen ly tâm quán tính của một hệ tường cứng tương đương như sau:

$$J_{td} = \frac{H^4}{\sum \frac{1}{J_j} (h_j^4 + 4H_j^3 h_j + 6H_j^2 h_j + 4H_j h_j^3)} \quad (4.78b)$$

Trong đó:

$J_j$  - mômen quán tính phần thứ j của tường cứng;

$h_j$  - chiều cao phần thứ j;

$H_j$  - khoảng cách từ đỉnh của phần thứ j tới đỉnh tường cứng;

H - chiều cao tường cứng.

Mômen quán tính của tường cứng tương đương khi chịu xoắn tự do xác định theo công thức:

$$J_{\text{xoắn}} = \frac{H^2}{\sum \frac{1}{J_{\text{xoắn}}} (h_j^2 + 2h_j H_j)} \quad (4.79)$$

Đối với tường cứng, chỉ thay đổi tiết diện một lần, thay cho công thức (4.78) có thể sử dụng công thức sau:

$$J_i = \psi J_1 \quad (4.80)$$

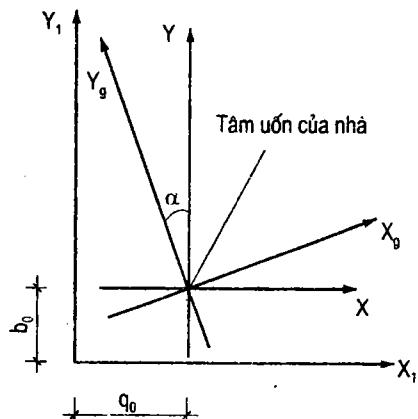
Hệ số  $\psi$  phụ thuộc vào tỷ số chiều cao và tỷ số mômen quán tính của hai phần tường cứng có tiết diện thay đổi và tính sẵn theo bảng (4.2).

**Bảng 4.2. Hệ số  $\psi$**

$J_2: J_1$	$h_1: H$				
	0,1	0,2	0,5	0,6	0,8
0,2	0,276	0,379	0,659	0,907	0,994
0,4	0,504	0,619	0,837	0,963	0,998
0,6	0,696	0,786	0,920	0,983	0,999
0,8	0,859	0,907	0,969	0,998	1,000

Trường hợp trục chính của ngôi nhà không song song với các trục lưỡi cột.

Trong trường hợp tổng quát khi  $J_y = \sum J_{xy} \neq 0$  thì các trục chính không song song với hệ trục lưỡi cột mặt bằng ngôi nhà. Mômen quán tính theo hệ trục song song với hệ trục lưỡi cột và đi qua tâm uốn xác định theo công thức (4.24) và (4.25). Trục chính của ngôi nhà hợp với trục X một góc  $\alpha$  gọi là trục  $X_0$  và với trục Y gọi là trục  $Y_0$ . Góc nghiêng này (hình 4.4) xác định theo công thức:



**Hình 4.4**

$$\tan 2\alpha = \frac{2J_{xy}}{J_y - J_x} \quad (4.81)$$

Chiều dương của góc kể từ trục X tới trục Y.

Mômen quán tính theo hệ số trục  $X_0Y_0$  gọi là mômen quán tính chính của ngôi nhà, xác định theo công thức:

$$J_{\min}^{\max} = \frac{J_x + J_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{J_x - J_y}{2}\right)^2 + J_{yx}} \quad (4.82)$$

Nếu  $J_y > J_x$  thì mômen quán tính chính đối với trục  $X_o$  sẽ có giá trị nhỏ nhất, khi  $J_x < J_y$  sẽ được giá trị lớn nhất.

Thông thường ngôi nhà được tính toán theo hai phương của hệ trục lưỡi cột. Trong trường hợp, khi lấy một trong hai giá trị nhỏ nhất của các mômen quán tính  $J_x$  và  $J_y$  so với mômen quán tính chính  $J_{\min}$  ta thấy không chênh nhau quá 20% thì không nhất thiết phải tính toán theo các phương trục chính.

Trong trường hợp tổng quát, khi mômen quán tính ly tâm của ngôi nhà khác "0" và tải trọng ngang không trùng với phương trục chính thì sẽ gây ra hiện tượng uốn xiên, khi đó cần xác định tải trọng tác dụng theo một phương nào đó gây ra nội lực hoặc biến dạng lớn nhất trong hệ tường cứng đang xét để tính toán (hình 4.4).

Thí dụ tìm hướng gió nào gây ra mômen uốn lớn nhất  $M_{xi}$  trong tiết diện ngang của tường cứng thứ "i" trong ngôi nhà. Mômen uốn tổng cộng theo phương ngang và phương dọc đã được xác định là  $M_y$  và  $M_x$ , khoảng cách từ mặt phẳng tác động của mômen tới tâm uốn ngôi nhà  $C_x = C_y = 0$ . Theo phương uốn xiên của gió hợp với trục  $X$  một góc  $\beta$ , ta có tổng mômen uốn:

$$M_{x\beta} = M_x \sin \beta; \quad M_{y\beta} = M_y \cos \beta \quad (4.83)$$

Đưa các giá trị trên đây vào (4.59) và (4.60) ta được:

$$M_{xi} = M_x K_{yyi} \eta_x \sin \beta + M_y K_{xyi} \eta_x \cos \beta \quad (4.84)$$

Lấy đạo hàm bậc nhất của  $M_{xi}$  theo  $\beta$  rồi cho bằng không ta sẽ có:

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{M_x K_{yyi}}{M_y K_{xyi}} \quad (4.85)$$

Khi tải trọng gió xác định theo hướng xác định theo công thức(4.85) sẽ cho ta giá trị mômen uốn lớn nhất. Vì các hệ số  $K_{yyi}$  và  $K_{xyi}$  khác nhau đối với các hệ cứng, nên giá trị mômen  $M_{xi}$  lớn nhất trong mỗi hệ cũng khác nhau. Tuy nhiên trong thực tế tính toán cho ta kết quả là dù với hướng tính toán nào của tải trọng ngang cũng không làm tăng đáng kể nội lực trong các tường cứng, nên có thể bỏ qua phần tính toán này.

### 4.3. XÁC ĐỊNH NỘI LỰC TRONG CÁC TƯỜNG CỨNG DO TẢI TRỌNG THẲNG ĐỨNG ĐẶT LỆCH TÂM

Khi tải trọng thẳng đứng đặt vào các hệ cứng không chính tâm sẽ gây ra những mômen uốn  $M_{xi}$  và  $M_{yi}$  đối với các trục song song liên kết với sàn cứng nên các hệ tường cứng không thể uốn tự do được, các chuyển vị của chúng liên quan với nhau và được xác định bởi độ uốn chung của ngôi nhà.

Cộng các mômen uốn do tải trọng thẳng đứng ta sẽ được mômen tổng hợp lực:

$$M_x^{\text{đứng}} = \sum M_{xi} \quad (4.86)$$

$$M_y^{\text{đứng}} = \sum M_{yi} \quad (4.87)$$

$$M_y^{\text{đứng}} = \sum M_{xi} X_{ui} - \sum M_{yi} X_{ui} \quad (4.88)$$

Trong đó:

$X_{ui}$  và  $Y_{ui}$  - toạ độ trọng tâm của tường cứng thứ i theo hệ trục X và Y đi qua tâm uốn ngôi nhà.

Tương tự như việc phân phối các tải trọng ngang ta có thể xác định được mômen uốn trong tường thứ i do tải trọng thẳng đứng:

$$M_{xi}^{\text{đứng}} = M_x^{\text{đứng}} K_{yyi} \eta_x^{\text{dh}} + M_y^{\text{đứng}} \times K_{xyi} \eta_x^{\text{dh}} + M_{\omega}^{\text{đứng}} K_{\omega yi} \eta_{\omega}^{\text{dh}} \quad (4.89)$$

$$M_{yi}^{\text{đứng}} = M_x^{\text{đứng}} K_{yxi} \eta_y^{\text{dh}} + M_y^{\text{đứng}} \times K_{xxi} \eta_y^{\text{dh}} + M_{\omega}^{\text{đứng}} K_{\omega xi} \eta_{\omega}^{\text{dh}} \quad (4.90)$$

Các hệ số  $\eta_x^{\text{dh}}$ ,  $\eta_{\omega}^{\text{dh}}$ ... xét tới tác động dài hạn của tải trọng lấy theo công thức trong mục.

Lực cắt do mômen gây ra xác định như sau:

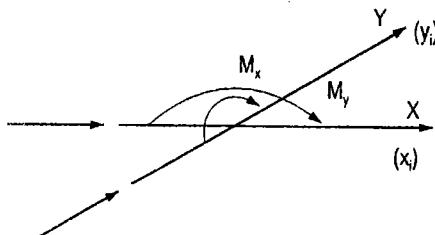
$$Q_{yi}^{\text{đứng}} = \frac{2(M_{xi}^{\text{đứng}} - M_{xi} \eta_x^{\text{dh}})}{H_j} \quad (4.91)$$

$$Q_{xi}^{\text{đứng}} = \frac{2(M_{yi}^{\text{đứng}} - M_{yi} \eta_x^{\text{dh}})}{H_j} \quad (4.92)$$

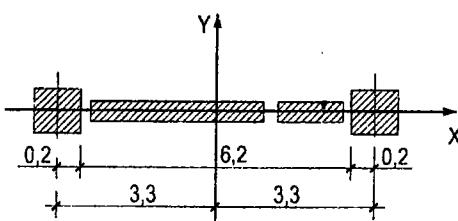
Trong đó:  $H_j$  - khoảng cách từ tiết diện đang xét tới đỉnh tường cứng.

Chiều dương của mômen uốn và lực cắt do tải trọng đứng lấy theo chiều mũi tên chỉ trên hình 4.5. Nếu trong số những tường cứng có 1 lõi cứng thì tải trọng đứng sẽ gây ra mômen xoắn và bằng:

$$L_i^{\text{dung}} = \frac{M_{\omega}^{\text{dung}}}{H_j} \frac{J_{\omega i}}{J_{\omega}} \eta_{\omega}^{\text{dh}} \quad (4.93)$$



Hình 4.5



Hình 4.6

#### 4.4. THÍ DỤ TÍNH TOÁN

##### Thí dụ 4.1

Xác định mômen quán tính của hệ tường cứng lắp ghép không có lỗ cửa (hình 4.6).

Tiết diện cột  $40 \times 40 \text{cm}^2$  bê tông mác 500.  $E_b = 3,25 \times 10^4 \text{ MPas}$ . Cốt thép trong hai cột với  $\mu = 2,5\%$  có  $F_a = 80 \text{cm}^2$ ;  $E_a = 20 \times 10^4 \text{ MPas}$ . Chiều dày thân tường 18cm. Bê tông thân tường mác 300 với  $E_b = 2,6 \times 10^4 \text{ MPas}$  không đặt thép dưng trong tường. Lấy vật liệu thân tường làm vật liệu chuẩn để tính đổi.

Diện tích cột tính đổi theo mô đun đàn hồi của bê tông thân tường như sau:

$$F_{\text{cột}} = \left[ (0,4 \cdot 0,4 + 0,008) \frac{20}{3,25} \right] \frac{3,25}{2,6} = 0,251 \text{m}^2$$

ở đây vế thứ 2 trong ngoặc lớn là diện tích thép tính đổi ra bê tông.

Mômen quán tính ban đầu của tường cứng đối với trọng tâm O:

$$J_y = \frac{0,18 \cdot 6,2^3}{12} + 0,251 \cdot 3,3^2 \cdot 2 = 9,04 \text{m}$$

Hệ số đồng nhất theo công thức (4.73) và (4.74):

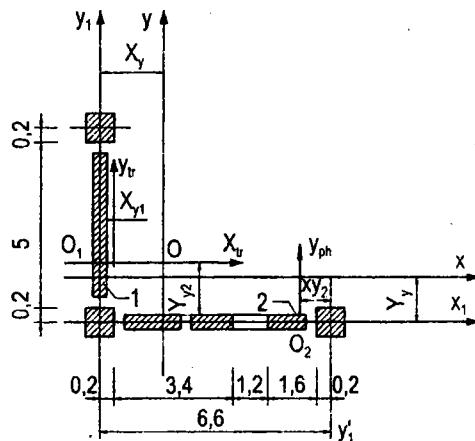
$$K_y = K_{\omega} = \frac{1}{1 + \beta m} = \frac{1}{1 + 0,05 \cdot 3} = 0,87$$

Trong đó:  $m = 3$  mạch lắp ghép.

Vậy:  $J_y = 0,87 \cdot 9,04 = 7,90 \text{m}^2$

### Thí dụ 4.2

Xác định mômen quán tính của tường cứng lắp ghép có một lỗ cửa (hình 4.7). Chiều dài thân tường 18cm. Tiết diện cột  $40 \times 40\text{cm}^2$ . Diện tích cột quy về diện tích tương đương với bê tông thân tường  $F_{cột} = 0,234\text{m}^2$ . Chiều cao hệ tường cứng 48m. Chiều cao tầng nhà 3m. Chiều cao lanh tô cửa 0,6m.



Hình 4.7

Diện tích nhánh trái có lỗ cửa:

$$F_1 = 0,234 \cdot 2 + 0,18 \cdot 5 + 0,18 \cdot 3,4 = 0,468 + 0,900 + 0,616 = 1,984\text{m}^2$$

$$S_{x1} = 0,234 \cdot 5,4 + 0,9 \cdot 2,7 = 3,68\text{m}^3$$

$$S_{y1} = 0,616 \cdot 1,9 = 1,17\text{m}^3$$

Toạ độ trọng tâm của nhánh:

$$X_1^{\text{trái}} = \frac{1,17}{1,984} = 0,59\text{m}$$

$$Y_1^{\text{trái}} = \frac{3,68}{1,984} = 1,85\text{m}$$

Mômen quán tính của nhánh trái đối với trọng tâm của nhánh:

$$J_x^{\text{trái}} = \frac{0,18 \cdot 5^3}{12} + 0,234 \cdot 1,85^2 + 0,234 \cdot 3,55^2 + 0,9 \cdot 0,52^2 + 0,616 \cdot 1,85^2 = 8,37\text{m}^4$$

$$J_y^{\text{trái}} = \frac{0,18 \cdot 3,43}{12} + 0,234 \cdot 0,592 \cdot 2 + 0,9 \cdot 0,593 + 0,616 \cdot 1,312 = 2,104\text{m}^4$$

Nhánh bên phải lõi cửa:

$$F_2 = 0,234 + 0,16 \cdot 1,6 = 0,234 + 0,288 = 0,522 \text{cm}^2$$

$$S_{y2} = 0,288 \cdot 1 = 0,288 \text{m}^3$$

$$X_{02}^1 = \frac{0,288}{0,522} = 0,55 \text{m}$$

Đối với trọng tâm của nhánh ta có:

$$J_{yph} = \frac{0,18 \cdot 1,6^3}{12} + 0,234 \cdot 0,55^2 + 0,288 \cdot 0,45^2 = 0,19 \text{m}^2$$

$$J_{xph} = 0$$

Đối với toàn bộ tiết diện hệ cứng:

$$F = 1,984 + 0,522 = 2,506 \text{m}^2$$

$$S_{x1} = 3,68 \text{m}^3$$

$$S_{y1} = 1,17 + 0,288 \cdot 6,05 = 4,33 \text{m}^3$$

Trọng tâm của tiết diện có toạ độ sau đây:

$$X_t = \frac{4,33}{2,506} = 1,72 \text{m}$$

$$Y_t = \frac{3,68}{2,506} = 1,46 \text{m}$$

Mômen quán tính của tiết diện đối với hệ trục qua trọng tâm tiết diện:

$$J_x = 8,37 + 1,984 (1,85 - 1,46)^2 + 0,522 \cdot 1,46^2 = 9,78 \text{m}^4$$

$$J_y = 2,1 + 1,984 (1,72 - 0,59)^2 + 0,19 + 0,522 \times (6,6 - 1,72 - 0,55)^2 = - 6,54 \text{m}^4$$

Mômen quán tính tiết diện lanh tô:

$$J = \frac{(0,18 \cdot 0,6^3)}{12} = 0,00324 \text{m}^4$$

Nếu xét đến khả năng hình thành khe nứt trong lanh tô phải giảm độ cứng của lanh tô:

$$J_h = \frac{0,00324}{1,5} = 0,00216 \text{m}^4$$

Hệ số đồng nhất của hệ tường cứng với  $m = 5$  mạch lắp ghép ta có:

$$K_m = \frac{1}{1+0,05m} = \frac{1}{0,055} = 0,08$$

Xét tới ảnh hưởng của lanh tô dùng hệ số  $P_x$  xác định theo công thức:

$$\begin{aligned} P_x &= \frac{hl^3}{3J_{lt}H^2(F_1+F_2)} \left( 1 - \frac{J_1+J_2}{J_y} \right) = \\ &= \frac{3 \cdot 1,2^3}{3,000216 \cdot 4,8^2} \frac{1,984 \cdot 0,522}{1,984 + 0,522} \left( 1 - \frac{8,37 + 0,000}{9,78} \right) = \\ &= 0,347 \cdot 0,413 \cdot 0,144 = 0,021 \end{aligned}$$

$$P_y = 0,47 \cdot 0,413 \left( 1 - \frac{2,1+6,9}{14,6} \right) = 0,121$$

$$P_{xy} = 0,5 (0,021 + 0,121) = 0,98$$

$$K_{px} = \frac{1}{1+0,021} = 0,98$$

$$K_{py} = \frac{1}{1+0,121} = 0,89$$

$$K_{pxy} = \frac{1}{1+0,071} = 0,93$$

Vậy mômen quán tính tính toán của hệ tường cứng sẽ bằng:

$$J_x = 9,78 \cdot 0,8 \cdot 0,98 = 7,7 m^4$$

$$J_y = 14,6 \cdot 0,8 \cdot 0,89 = 10,4 m^4$$

$$J_{xy} = 6,54 \cdot 0,8 \cdot 0,93 = 4,9 m^4$$

### *Thí dụ 4.3*

Tính các mômen quán tính của hệ tường cứng dạng lõi đổ liền khối có tiết diện theo hình 4.8. Chiều cao hệ 48m, chiều cao tầng 3m. Mômen quán tính lanh tô  $J_{lt} = 0,014 m^4$  chiều cao lõi cửa 2,25m. Lõi đối xứng nên có thể tính theo một nhánh trái hoặc phải:

$$F = 3,4 \cdot 0,4 \cdot 2 + 0,2 \cdot 9,4 = 2,72 + 1,88 = 4,6 m^2$$

$$S_{y1} = 2,72 \cdot 1,8 = 4,896 m^3$$

$$X_y = \frac{4,896}{4,6} = 1,66 m$$

Vậy mômen quán tính đối với trọng tâm nhánh:

$$J_y = \frac{0,4 \cdot 3,4^3 \cdot 2}{12} + 2,72 \cdot 0,74^2 + 1,88 \cdot 1,06^2 = 6,22 \text{m}^4$$

Đối với toàn bộ tiết diện đối với trọng tâm O:

$$J_x = \left[ \frac{0,2 \cdot 9,4^3}{12} + 2,72 \cdot 4,5^2 \right] 2 = 137,8 \text{m}^4$$

$$J_y = (6,22 + 4,6 \cdot 3,44^2) 2 = 121,3 \text{ m}^4$$

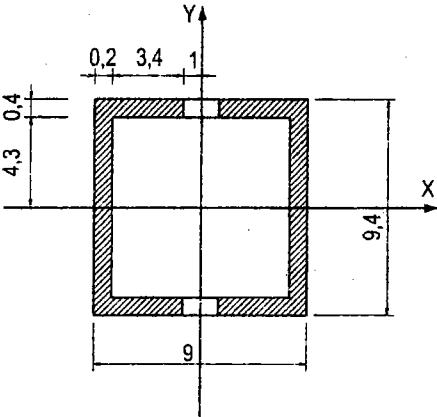
Hai lần diện tích giới hạn bởi đường  
trung tâm các tường chung quanh:

$$\Omega = 81 \cdot 2 = 162 \text{m}^2$$

$$\frac{S_j}{\delta_j} = \left( \frac{3,4}{0,4} \right) 4 + \left( \frac{9,4}{0,2} \right) 2 = 128$$

Theo (4.79):

$$J_{\text{xoắn}} = \frac{\Omega^2}{\left( \frac{\sum S_j}{\delta_j} \right)} = \frac{162^2}{128} = 205 \text{m}^4$$



Hình 4.8

$$\text{Hệ số đồng nhất: } P_y = \frac{3,2^3}{3 \cdot 0,014 \cdot 2,48^2} \cdot \frac{4,6^2}{4,6 + 4,6} \left( 1 - \frac{6,22 \cdot 2}{121,3} \right) = 0,256$$

$$K_{py} = \frac{1}{1 + 0,256} = 0,796$$

Tỷ lệ chiều cao lỗ cửa với chiều cao tầng:

$$c = \frac{2,25}{3} = 0,75; \quad bs = 9 - 1,06 \cdot 2 = 7,88 \text{m.}$$

$$\text{Tra bảng (4.1) với: } \frac{h_{lt}}{L} = \frac{0,75}{2} = 0,375 \text{ ta có } \gamma = 1,41.$$

Theo công thức (4.78) ta tính được:

$$\begin{aligned} P_{\text{xoắn}} &= \frac{8J_{\text{xoắn}}}{a(+b)^2} \left( \frac{c}{F} + \frac{hv}{30 \sum \frac{J_{lt} + b_s}{l^3}} - c \right) = \\ &= \frac{8 \cdot 205}{(9+9)^2} \left( \frac{0,75}{4,6 \cdot 2} + \frac{3,1,41}{30((0,014 \cdot 7,88^2 \cdot 2)/2^3)^2} \right) - 0,75 = 2,94 \end{aligned}$$